UNIVERSIDADE FEDERAL DE SÃO CARLOS

CENTRO DE CIÊNCIAS EXATAS E DE TECNOLOGIA PROGRAMA DE PÓS-GRADUAÇÃO EM CIÊNCIA DA COMPUTAÇÃO

ANÁLISE DA ESCALABILIDADE DE APLICAÇÕES EM COMPUTADORES MULTICORE

Samuel Reghim Silva

Orientador: Prof. Dr. Hélio Crestana Guardia

São Carlos – SP Junho/2013

UNIVERSIDADE FEDERAL DE SÃO CARLOS

CENTRO DE CIÊNCIAS EXATAS E DE TECNOLOGIA PROGRAMA DE PÓS-GRADUAÇÃO EM CIÊNCIA DA COMPUTAÇÃO

ANÁLISE DA ESCALABILIDADE DE APLICAÇÕES EM COMPUTADORES MULTICORE

Samuel Reghim Silva

Dissertação apresentada ao Programa de Pós-Graduação em Ciência da Computação da Universidade Federal de São Carlos, como parte dos requisitos para a obtenção do título de Mestre em Ciência da Computação, área de concentração: Sistemas de Computação.

Orientador: Prof. Dr. Hélio Crestana Guardia

São Carlos – SP Junho/2013

Ficha catalográfica elaborada pelo DePT da Biblioteca Comunitária da UFSCar

S586ae	Silva, Samuel Reghim. Análise da escalabilidade de aplicações em computadores multicore / Samuel Reghim Silva São Carlos : UFSCar, 2013. 136 f.
	Dissertação (Mestrado) Universidade Federal de São Carlos, 2013.
	1. Computação. 2. Escalabilidade. 3. Multithread. 4. Processamento paralelo. I. Título.
	CDD: 004 (20 ^a)

Universidade Federal de São Carlos Centro de Ciências Exatas e de Tecnologia Programa de Pós-Graduação em Ciência da Computação

"Análise da Escalabilidade de Aplicações em Computadores Multicore"

Samuel Reghim Silva

Dissertação de Mestrado apresentada ao Programa de Pós-Graduação em Ciência da Computação da Universidade Federal de São Carlos, como parte dos requisitos para a obtenção do título de Mestre em Ciência da Computação

Membros da Banca:

filio brestana Grinidia

Prof. Dr. Hélio Crestana Guardia (Orientador - DC/UFSCar)

Prof. Dr. Hermes Senger (DC/UFSCar)

Prof. Dr. Alfredo Goldman vel Lejbman (IME/USP)

São Carlos Junho/2013

À minha família.

Agradecimentos

À minha família, pelo apoio e paciência que ajudaram a tornar este projeto possível.

Ao meu orientador, prof. Dr. Hélio Guardia, pela oportunidade de pesquisa, pela confiança em mim depositada e pelo aprendizado técnico e humano.

Ao amigo Dr. Marcos Lourenzoni, pelas valiosas dicas e pelo acesso às máquinas.

Aos colegas de laboratório, pela inestimável companhia durante a pesquisa.

À gerência, equipe e instalações do Intel Manycore Testing Lab.

Ao CNPq e à CAPES, pela ajuda financeira durante este trabalho.

Resumo

Processadores *multicore* permitem que aplicações explorem paralelismo no nível de *threads* para habilitar melhorias no tempo de conclusão da execução. O compartilhamento do subsistema de memória e a disparidade entre as velocidades dos processadores e das operações de acesso à memória, contudo, podem implicar em limitações na escalabilidade causadas pela competição das *threads* pelos recursos. A determinação da quantidade apropriada de *threads* que garanta execuções eficientes para uma aplicação é um problema não trivial cuja obtenção automatizada é amplamente desejada.

Neste trabalho, buscou-se avaliar os fatores limitantes para a escalabilidade de aplicações paralelas com OpenMP relacionados à contenção pelos recursos compartilhados em processadores *multicore*, com o objetivo de identificar características das aplicações que limitem sua escalabilidade.

Constatou-se que os acessos à memória são a principal limitação aos ganhos de desempenho com o paralelismo. A granularidade, que indica a proporção de acessos à memória em relação ao processamento, foi verificada como sendo um indicativo importante do desempenho das execuções paralelas.

Estimativas de granularidade podem ser obtidas a partir do código-fonte das aplicações. Diferentes modos de acessos aos dados apontam, todavia, para a necessidade de combinação da estimativa de granularidade com informações sobre a localidade dos acessos aos dados para determinar corretamente a escalabilidade das aplicações.

Palavras-chave: escalabilidade, paralelismo, multicore, threads

Abstract

Multicore processors allow applications to explore thread-level parallelism in order to enable improvements on the elapsed time. The sharing of the memory subsystem and the discrepancy between the speeds of processors and memory access operations, however, may entail limitations to the scalability caused by thread competition for the resources. The automatic determination of the appropriate number of threads for an application that ensure efficient executions, although widely desired, is a non-trivial problem.

This work aimed to evaluate the factors limiting the scalability of OpenMP parallel applications related to the contention for shared resources in multicore processors, with the goal of identifying the characteristics of applications that limit their scalability.

It was found that memory accesses are a major limitation to the performance gains with parallelism. The granularity, indicating the ratio of memory accesses to processing, has been verified as being an important performance factor of parallel executions.

Estimates of granularity can be obtained from the applications' source code. Different data access modes, however, point to the need to estimate the combination of granularity with information about the data access locality to properly determine the scalability of applications.

Keywords: scalability, parallelism, multicore, threads

Lista de Figuras

1.1	Curva de <i>speedup</i> para diferentes frações sequenciais do tempo de execução (WILKINSON; ALLEN, 2004).	18
1.2	Esquema de um processador Intel com QuickPath Interconnect: os <i>cores</i> são interligados por um componente <i>crossbar</i> e o controlador de memória é integrado (INTEL CORPORATION, 2009)	20
1.3	Diagrama de blocos do processador Tilera TILE64 mostrando a rede de interligação entre os <i>cores</i> e os diversos componentes que o classificam como um SoC (BELL et al., 2008)	21
1.4	Sistema NUMA com quatro processadores interligados por QuickPath In- terconnect (ZIAKAS et al., 2010)	22
1.5	Comparação entre aumento da velocidade do processador e aumento da largura de banda de memória (MCCALPIN, 1991-2007)	24
4.1	Curvas de <i>speedup</i> para NPB classe A na máquina SGI	44
4.2	Curvas de eficiência para NPB classe A na máquina SGI	44
4.3	Curvas de <i>speedup</i> para NPB classe B na máquina SGI	45
4.4	Curvas de eficiência para NPB classe B na máquina SGI	45
4.5	Curvas de <i>speedup</i> para NPB classe C na máquina SGI	46
4.6	Curvas de eficiência para NPB classe C na máquina SGI	46
4.7	Taxas de uso de barramento de memória para NPB classe A na máquina SGI	48
4.8	Taxas de uso de barramento de memória para NPB classe B na máquina SGI	49
4.9	Taxa de uso de barramento de memória para NPB classe C na máquina SGI.	50

4.10	Tempos de CPU para NPB classe A na máquina SGI (em relação à versão sequencial).	52
4.11	Tempos de CPU para NPB classe B na máquina SGI (em relação à versão sequencial).	52
4.12	Tempos de CPU para NPB classe C na máquina SGI (em relação à versão sequencial).	53
4.13	Taxas de faltas no cache de dados de nível 1 para NPB classe A em SGI. $% \left({{{\rm{A}}}\right) = 0.025} \right)$.	54
4.14	Taxas de faltas no cache de dados de nível 1 para NPB classe B em SGI. $% \left({{{\rm{A}}}\right) = 0.025} \right)$.	54
4.15	Taxas de faltas no cache de dados de nível 1 para NPB classe C em SGI	55
4.16	Taxas de faltas no cache de nível 2 para NPB classe A em SGI. $\ .\ .\ .$.	56
4.17	Taxas de faltas no cache de nível 2 para NPB classe B em SGI	56
4.18	Taxas de faltas no cache de nível 2 para NPB classe C em SGI. $\ .\ .\ .$.	57
4.19	Curvas de <i>speedup</i> para NPB na máquina HP	58
4.20	Curvas de eficiência para NPB na máquina HP	58
4.21	Curva de <i>speedup</i> para NPB na máquina AMD	59
4.22	Curva de eficiência para NPB na máquina AMD	60
4.23	Curvas de $speedup$ para NPB na máquina MTL sem afinidade de CPU. $$.	62
4.24	Curvas de <i>speedup</i> para NPB na máquina MTL com afinidade de CPU ativa.	62
4.25	Curvas de eficiência para NPB na máquina MTL com afinidade de CPU ativa	63
4.26	Curvas de <i>speedup</i> para STREAM nos quatro sistemas testados	64
4.27	Curvas de eficiência para STREAM nos quatro sistemas testados	65
4.28	Tempo de CPU para STREAM nos quatro sistemas testados (em relação à versão sequencial).	65
4.29	Tempo de CPU e tempo decorrido de STREAM- <i>base</i> para cada carga de trabalho adicional em SGI, em relação à execução sem perturbação	67
4.30	Curvas de <i>speedup</i> para MultMat nos três sistemas testados	67
4.31	Curvas de eficiência para MultMat nos três sistemas testados	68

5.1	Tempo de execução das cinco funções mais demoradas de cada aplicação de NPB classe B em SGI.	73
5.2	Granularidade efetiva de NPB classe A na máquina SGI	75
5.3	Granularidade efetiva de NPB classe B na máquina SGI	75
5.4	Granularidade efetiva de NPB classe C na máquina SGI	76
5.5	Granularidade efetiva de MultMat e de suas variações na máquina SGI	77
5.6	Granularidade efetiva de STREAM na máquina SGI	77
5.7	Curvas de <i>speedup</i> para as versões originais e com granularidade modificada de EP, FT e MG na máquina SGI.	82
5.8	Curvas de <i>speedup</i> para as versões originais e com granularidade modificada de FT e MG na máquina HP.	83
5.9	Curvas de <i>speedup</i> para as versões originais e com granularidade modificada de FT e MG na máquina AMD.	84
5.10	Curvas de <i>speedup</i> para as versões originais e com granularidade modificada de EP, FT e MG na máquina MTL	85
5.11	Taxas de uso de barramento de memória para as versões originais e com granularidade modificada de EP, FT e MG na máquina SGI	86
5.12	Granularidade efetiva para as versões original e com granularidade modifi- cada de MultMat na máquina SGI.	87
5.13	Taxas de uso de barramento de memória para as versões original e com granularidade modificada de MultMat na máquina SGI	87
5.14	Curvas de <i>speedup</i> para as versões de MultMat com granularidade alterada nas máquinas MTL, SGI e AMD	88
5.15	Curvas de <i>speedup</i> para o componente COPY de STREAM com variações no volume de processamento na máquina SGI	89
5.16	Curvas de <i>speedup</i> para o componente SCALE de STREAM com variações no volume de processamento na máquina SGI	90
5.17	Curvas de <i>speedup</i> para o componente ADD de STREAM com variações no volume de processamento na máquina SGI.	90

5.18	Curvas de <i>speedup</i> para o componente TRIAD de STREAM com variações no volume de processamento na máquina SGI	91
5.19	Taxas de uso de barramento de memória para o componente COPY de STREAM com variações no volume de processamento na máquina SGI	92
5.20	Taxas de uso de barramento de memória para o componente SCALE de STREAM com variações no volume de processamento na máquina SGI	92
5.21	Taxas de uso de barramento de memória para o componente ADD de STREAM com variações no volume de processamento na máquina SGI	93
5.22	Taxas de uso de barramento de memória para o componente TRIAD de STREAM com variações no volume de processamento na máquina SGI	93
5.23	Curvas de <i>speedup</i> para as versões originais e as com <i>loops</i> invertidos de FT e MG na máquina SGI	94
5.24	Curvas de <i>speedup</i> para as versões originais e as com <i>loops</i> invertidos de FT e MG na máquina MTL	95
5.25	Curvas de <i>speedup</i> para a versão original e a com <i>loops</i> invertidos de Mult- Mat nas máquinas SGI e AMD.	96
5.26	Curvas de <i>speedup</i> para a versão original e a com <i>loops</i> invertidos de Mult- Mat na máquina MTL	97
5.27	Taxas de uso do barramento de memória para a versão original e a com loops invertidos de MultMat na máquina SGI.	97
5.28	Granularidade efetiva para a versão original e a com <i>loops</i> invertidos de MultMat na máquina SGI	98

Lista de Tabelas

2.1	Características de aplicações usadas no aprendizado de máquina (TOUR-	
	NAVITIS et al., 2009)	29
2.2	Características extraídas de aplicações (WANG; O'BOYLE, 2009)	29
3.1	As quatro operações realizadas por STREAM	37
4.1	Eventos de hardware observados com a ferramenta VTune para execuções no sistema SGI	42
4.2	Aumento médio de <i>speedup</i> máximo para NPB em MTL com o uso de afinidade de CPU.	61
4.3	Taxas de uso de barramento e de faltas no cache para STREAM em SGI	66
4.4	Taxas de uso de barramento e de faltas no cache para Mult Mat em SGI. $\ . \ \ \theta$	68
5.1	Velocidade de processamento de um <i>core</i> e hipotética total, largura de banda e β_M dos sistemas computacionais testados	71
5.2	Granularidade de <i>loop</i> das aplicações de NPB, STREAM e MultMat	72
5.3	Granularidade de $loop$ de aplicações de NPB e Mult Mat após alterações. $% \mathcal{A} = \mathcal{A}$. \mathcal{A}	81
5.4	Valores das variáveis da equação 5.1 para o componente TRIAD de STREAM na máquina SGI	00
A.1	Desvio padrão do tempo decorrido de NPB classe A na máquina SGI 10	38
A.2	Desvio padrão do tempo decorrido de NPB classe B na máquina SGI 10	38
A.3	Desvio padrão do tempo decorrido de NPB classe C na máquina SGI 10	90
A.4	Desvio padrão da taxa de uso de barramento de NPB na máquina SGI 10	90
A.5	Desvio padrão da taxa de faltas no cache de nível 1 de NPB na máquina SGI	10

A.6	Desvio padrão da taxa de faltas no cache de nível 2 de NPB na máquina SGI	110
A.7	Desvio padrão do tempo decorrido de NPB na máquina HP	111
A.8	Desvio padrão do tempo decorrido de NPB na máquina AMD	111
A.9	Desvio padrão do tempo decorrido de NPB na máquina MTL sem afinidade de CPU	112
A.10	Desvio padrão do tempo decorrido de NPB na máquina MTL com afinidade de CPU ativa.	113
A.11	Desvio padrão de γ_E de NPB na máquina SGI	114
A.12	Desvio padrão do tempo decorrido para as versões com granularidade al- terada de EP, FT e MG na máquina SGI.	114
A.13	Desvio padrão do tempo decorrido para as versões com granularidade al- terada de FT e MG na máquina HP	114
A.14	Desvio padrão do tempo decorrido para as versões com granularidade al- terada de FT e MG na máquina AMD	115
A.15	Desvio padrão do tempo decorrido para as versões com granularidade al- terada de EP, FT e MG na máquina MTL	115
A.16	Desvio padrão da taxa de uso de barramento para as versões com granu- laridade alterada de EP, FT e MG na máquina SGI	115
A.17	Desvio padrão de γ_E para as versões com granularidade alterada de EP, FT e MG na máquina SGI	116
A.18	Desvio padrão do tempo decorrido para as versões com <i>loops</i> invertidos de FT e MG na máquina SGI	116
A.19	Desvio padrão do tempo decorrido para as versões com <i>loops</i> invertidos de FT e MG na máquina HP	116
A.20	Desvio padrão do tempo decorrido para as versões com <i>loops</i> invertidos de FT e MG na máquina AMD	117
A.21	Desvio padrão do tempo decorrido para as versões com <i>loops</i> invertidos de FT e MG na máquina MTL	117

A.22 Desvio padrão do tempo decorrido para as versões de MultMat na máquina SGI
A.23 Desvio padrão do tempo decorrido para as versões de MultMat na máquina AMD
A.24 Desvio padrão do tempo decorrido para as versões de MultMat na máquina MTL
A.25 Desvio padrão do tempo decorrido para STREAM nas máquinas SGI, AMD e HP
A.26 Desvio padrão do tempo decorrido para STREAM na máquina MTL. $~.~.~120$
A.27 Desvio padrão de γ_E para STREAM e seus componentes na máquina SGI. 120
A.28 Desvio padrão do tempo decorrido para STREAM com diferentes volumes de processamento extra na máquina SGI
A.29 Desvio padrão do tempo decorrido para STREAM-COPY com diferentes volumes de processamento extra na máquina SGI
A.30 Desvio padrão do tempo decorrido para STREAM-SCALE com diferentes volumes de processamento extra na máquina SGI
A.31 Desvio padrão do tempo decorrido para STREAM-ADD com diferentes volumes de processamento extra na máquina SGI
A.32 Desvio padrão do tempo decorrido para STREAM-TRIAD com diferentes volumes de processamento extra na máquina SGI
A.33 Desvio padrão da taxa de uso de barramento para STREAM com diferentes volumes de processamento extra na máquina SGI
A.34 Desvio padrão da taxa de uso de barramento para STREAM-COPY com diferentes volumes de processamento extra na máquina SGI
A.35 Desvio padrão da taxa de uso de barramento para STREAM-SCALE com diferentes volumes de processamento extra na máquina SGI
A.36 Desvio padrão da taxa de uso de barramento para STREAM-ADD com diferentes volumes de processamento extra na máquina SGI
A.37 Desvio padrão da taxa de uso de barramento para STREAM-TRIAD com diferentes volumes de processamento extra na máquina SGI

Sumário

CAPÍTULO 1 –INTRODUÇÃO 16			
1.1	Componentes de um sistema multicore		
	1.1.1 Processador	19	
	1.1.2 Memória	21	
1.2	Memory wall	23	
1.3	3 Características de aplicações paralelas		
	1.3.1 Localidade de referência	23	
	1.3.2 Granularidade dos acessos	25	
1.4	Escopo deste trabalho	25	
1.5	Principais contribuições	26	
1.6	Organização desta dissertação		
CAPÍ	TULO 2 –GRAU DE PARALELISMO	27	
2.1	Decisão direta	27	
2.2	Técnicas de aprendizado de máquina	28	
2.3	Modelagem analítica	30	
2.4	Análise de dependência de dados	32	
CAPÍ	TULO 3 –GRANULARIDADE DOS ACESSOS À MEMÓRIA	33	
3.1	Objetivos	33	
3.2	Metodologia de investigação	34	

CAPÍ	TULO 4 –ESCALABILIDADE DE APLICAÇÕES OPENMP COM	
PA	RALELISMO DE DADOS	40
4.1	Hardware utilizado	40
4.2	Métricas e ferramentas	41
4.3	Número máximo de threads	42
4.4	NPB	42
	4.4.1 Speedup	42
	4.4.2 Taxa de uso de barramento	47
	4.4.3 Total de instruções executadas	49
	4.4.4 Tempo de CPU	50
	4.4.5 Taxa de faltas no cache	51
4.5	STREAM	61
	4.5.1 Speedup	61
	4.5.2 Taxa de uso de barramento e taxas de faltas no cache	63
4.6	Multiplicação de matrizes	66
4.7	Conclusões	66
CAPÍ NA	TULO 5–INFLUÊNCIA DA GRANULARIDADE DOS ACESSOS ESCALABILIDADE DE APLICAÇÕES PARALELAS	70
5.1	Caracterização dos sistemas computacionais	70
5.2	Granularidade de loop	71
5.3	Granularidade efetiva	73
5.4	Relação com o desempenho	78
5.5	Variações na granularidade	81
	5.5.1 NPB	81
	5.5.2 MultMat	85
	5.5.3 STREAM	86

5.6	Variações na localidade	91
5.7	Conclusões	98
	5.7.1 Considerações sobre modelagem analítica	99
САРІ́Т	TULO 6 – CONCLUSÕES	103
6.1	Trabalhos Futuros	105
APÊN	DICE A – DESVIO PADRÃO DOS EXPERIMENTOS	107
APÊN	DICE B– CÓDIGO-FONTE DAS ALTERAÇÕES DE GRANU-	
LAF	RIDADE	126
REFEI	RÊNCIAS	132
GLOSS	SÁRIO	137

Capítulo 1 Introdução

O desenvolvimento dos computadores modernos permitiu grandes avanços nas áreas de ciência e tecnologia. Com o suporte provido pelos computadores, grandes problemas científicos são resolvidos e novos são propostos. Novas aplicações apresentam demandas computacionais sempre crescentes.

Tradicionalmente, a oferta de aumento da capacidade de computação se deu pela construção de processadores cada vez mais velozes, possibilitada pela redução do tamanho dos componentes básicos, pela exploração de paralelismo no nível das instruções e pelo aumento da frequência de *clock*. Apesar das tecnologias de produção de circuitos evoluírem continuamente, limitações físicas se tornaram uma questão fundamental no projeto de computadores baseados em eletrônica de semicondutores, restringindo a evolução de cada processador individualmente (SUTTER, 2005).

Por outro lado, a grande capacidade de integração, combinada com a redução dos custos de fabricação, torna o uso de múltiplos processadores independentes atraente, dando início à era dos chips *multicore*. Tais processadores apresentam desde uns poucos até várias dezenas de *cores* (núcleos de processamento) homogêneos ou heterogêneos. Embora sua disponibilidade beneficie imediatamente ambientes multiprogramados, processadores *multicore* exigem que desenvolvedores de aplicações explorem paralelismo no nível de *threads* para habilitar melhorias no tempo de execução (OLUKOTUN et al., 1996). Tanenbaum (2005) define *threads* como "entidades escalonadas para a execução sobre a CPU". São também chamadas de *processos leves*, pois *threads* de um mesmo processo compartilham alguns recursos, como o espaço de endereçamento e arquivos abertos, e ainda assim suas execuções apresentam elevado grau de independência entre si.

A avaliação de desempenho de aplicações paralelas é realizada com o uso de um

conjunto de métricas, escolhidas de acordo com o resultado desejado da análise (GRAMA et al., 2003). Além do tempo de execução, duas outras métricas se destacam. A primeira, speedup, é calculada, conforme a equação 1.1, pela razão entre o tempo de execução da versão sequencial da aplicação, t_s , e o tempo de execução da versão paralela em um computador com p processadores, t_p . Speedup indica o quão mais rápida foi a execução paralela em comparação à versão sequencial. Já a eficiência, segundo Grama et al. (2003, p. 202), aponta a fração de tempo em que as unidades de processadores, p, como mostra a equação 1.2.

$$S(p) = \frac{t_s}{t_p} \tag{1.1}$$

$$E(p) = \frac{S}{p} \tag{1.2}$$

Assim, a execução eficiente de aplicações paralelas envolve a determinação do grau de paralelismo, seja em multicomputadores, em multiprocessadores ou em ambientes *multicore*. Em processadores *multicore*, significa a escolha da quantidade de *threads* a usar. Intuitivamente, pode-se considerar que o número adequado de *threads* é fixado pela quantidade de *cores* no sistema. Idealmente, o *speedup* seria p e a eficiência seria 1 para qualquer quantidade de processadores. Amdahl (1967) observou, contudo, que há uma fração das operações de uma aplicação paralela que precisa ser realizada de forma sequencial, usualmente relacionada ao gerenciamento dos dados manipulados, e notou que os ganhos com a paralelização estão limitados a este trecho sequencial. Supondo uma aplicação com fração sequencial igual a f e fração paralelizável igual a (1 - f), a Lei de Amdahl (WILKINSON; ALLEN, 2004) diz que o *speedup* esperado é (equação 1.3):

$$S(p) = \frac{1}{f + \frac{(1-f)}{p}}$$
(1.3)

Mesmo com uma quantidade ilimitada de processadores, o *speedup* máximo é de (equação 1.4):

$$\lim_{p \to \infty} S(p) = \frac{1}{f} \tag{1.4}$$

A figura 1.1 mostra este resultado para diferentes valores de f e indica que uma fração



Figura 1.1: Curva de *speedup* para diferentes frações sequenciais do tempo de execução (WILKINSON; ALLEN, 2004).

sequencial equivalente a apenas 5% do tempo total de execução limita o speedup a no máximo 20. Este resultado, ainda que assuma que o trecho paralelo da aplicação pode ser dividido indefinidamente em operações simultâneas sem causar sobrecarga, foi usado para estimular o uso de sistemas monoprocessados. Gustafson (1988) argumenta, no entanto, que o sucesso do paralelismo está na resolução de problemas maiores, que acompanhem o incremento dos recursos computacionais, e aponta speedups muito maiores com esta abordagem. A maior quantidade de operações realizadas simultaneamente diminui o valor de f e habilita maiores ganhos de desempenho. De fato, os supercomputadores mais poderosos do planeta, reunidos em uma lista semestral pelo projeto TOP500 (MEUER et al., 2013), são máquinas com milhares de processadores.

Para aplicações embaraçosamente paralelas com fração sequencial f pequena, a abordagem de utilização de todos os recursos disponíveis pode ser viável. No entanto, a competição pelo uso dos recursos compartilhados pode limitar os ganhos de desempenho com o paralelismo (MALLADI, 2009), fazendo com que a escolha da quantidade de *threads* dependa, então, do comportamento de cada aplicação e de características do sistema computacional utilizado (SUN; BYNA; HOLMGREN, 2009). A determinação do grau de paralelismo adequado para uma aplicação torna-se um problema não trivial cuja obtenção automatizada é amplamente desejada. Em função disto, a seção 1.1 descreve os principais componentes de um sistema *multicore*, ao passo que a seção 1.2 apresenta um fator importante que influencia a execução em sistemas *multicore* e portanto o grau de paralelismo. Finalmente, a seção 1.3 descreve características importantes de aplicações com relação a seu desempenho.

1.1 Componentes de um sistema multicore

1.1.1 Processador

A abordagem *multicore* segue o modelo de multiprocessadores, em que diversos processadores independentes acessam um espaço comum de endereçamento de memória (GRAMA et al., 2003). Um sistema *multicore* consiste na aglomeração de múltiplas unidades funcionais, os *cores* (núcleos), em uma única pastilha de processador (doravante referido apenas como processador). Cada *core* é uma unidade de processamento completa, com seu próprio contador de programa, registradores e lógica de controle. Em relação à arquitetura do conjunto de instruções, os *cores* podem ser idênticos (ou homogêneos), como AMD Opteron, Intel Xeon e Oracle SPARC, ou heterogêneos, como STI Cell BE. Cores homogêneos permitem uma programação mais simplificada e tipicamente incluem lógica de controle avançada, como paralelismo no nível de instruções, previsão de desvios e busca antecipada de dados (CONWAY; HUGHES, 2007; CASAZZA, 2010). Cores heterogêneos, por sua vez, focam em simplicidade e desempenho para a otimização de cargas de trabalho típicas ao custo de maior esforço de programação; nestes casos, alguns dos cores podem ter uma lógica de controle reduzida, a fim de minimizar sincronizações e custos de movimentação de dados e permitir mais cores no chip (GSCHWIND et al., 2006). Alguns fabricantes empregam a técnica de *simultaneous multithreading* (SMT), que permite a "várias threads independentes expedir instruções para múltiplas unidades funcionais superescalares em um único ciclo" (TULLSEN; EGGERS; LEVY, 1998), com o objetivo de esconder latências no acesso à memória. A quantidade de vias de uma implementação SMT indica o máximo de threads de hardware em cada core. Intel utiliza SMT de duas vias, o Hyper-Threading (BARKER et al., 2008), em alguns de seus processadores, ao passo que Oracle usa SMT de 8 vias (SHIN et al., 2010).

Comumente são reunidos de 4 até 16 cores em cada processador, mas também há



Figura 1.2: Esquema de um processador Intel com QuickPath Interconnect: os *cores* são interligados por um componente *crossbar* e o controlador de memória é integrado (INTEL CORPORATION, 2009).

produtos com até 72 cores, como os da família Tilera (TILERA CORPORATION, 2013). Os cores podem ser ligados entre si por um mecanismo do tipo crossbar, que permite comunicação de cada core com todos os demais, como mostrado na figura 1.2, ou através de uma rede do tipo malha, como na figura 1.3, que liga cada core a seus vizinhos imediatos. Alguns processadores são ainda do tipo system-on-a-chip (ou SoC), em que muitos componentes tradicionalmente externos são trazidos para dentro do processador, tais como controladores de rede, interfaces seriais e interfaces de componentes periféricos; é o caso dos processadores SPARC (SHIN et al., 2010) e Tilera (TILERA CORPORATION, 2013). Uma tendência comum aos principais fabricantes, mesmo em abordagens não SoC, é a integração do controlador de memória ao processador, tal como exemplificado pela figura 1.2. As implicações desta mudança são mostradas na subseção 1.1.2.

Por muito tempo, os processadores foram ligados às demais partes do sistema computacional pelo barramento frontal, FSB (*front-side bus*). A necessidade de melhores topologias e canais de comunicação mais rápidos estimulou a introdução de canais de comunicação entre *chips*. As tecnologias *HyperTransport* (HT), da AMD, e *QuickPath Interconnect* (QPI), da Intel, possuem ambas canais bidirecionais (dois *links* unidirecionais) ponto-a-ponto de baixa latência que substituem o FSB e permitem a conexão de processadores entre si e com circuitos de entrada/saída.



Figura 1.3: Diagrama de blocos do processador Tilera TILE64 mostrando a rede de interligação entre os *cores* e os diversos componentes que o classificam como um SoC (BELL et al., 2008).

1.1.2 Memória

Em um sistema multicore, a memória é do tipo compartilhada, com todos os cores acessando um mesmo espaço de endereçamento. Conforme exposto na subseção 1.1.1, a ligação de um processador à memória pode ser feita através do barramento frontal, caso em que o controlador de memória é externo ao processador, ou, se for o caso, pelo controlador de memória embutido no processador. Quando o sistema possui apenas um processador, as duas abordagens são equivalentes. O tempo de acesso a qualquer posição de memória é sempre o mesmo (desconsiderando os efeitos de cache, discutidos a seguir), configurando um sistema UMA (*Uniform Memory Access*, acesso uniforme à memória). A inclusão de canais de comunicação, como HT e QPI, e do controlador de memória no processador permite a disposição de vários *chips* em uma configuração NUMA (*Non-Uniform Memory Access*, acesso não uniforme à memória), conforme ilustrado pela figura 1.4 para um sistema com 4 processadores. Em uma arquitetura NUMA, cada processador tem sua memória local e pode acessar a memória dos demais processadores pelo canal de comunicação. Esta distância adicional torna o tempo de acessos remotos maior do que de acessos locais.

Entre os cores e a memória principal existe o cache, uma memória temporária pequena



Figura 1.4: Sistema NUMA com quatro processadores interligados por QuickPath Interconnect (ZIAKAS et al., 2010).

e de alta velocidade usada para armazenar dados da memória principal que são acessados frequentemente com a intenção de reduzir seu tempo de acesso (SMITH, 1982). Cache é usado há décadas e aos poucos foi incorporado ao processador. O aumento da diferença de velocidade entre processador e memória estimulou a introdução de níveis de cache, com os níveis mais rápidos mais próximos do processador. Os processadores multicore contemporâneos apresentam de dois a três níveis de cache, com compartilhamento variado. É comum que os níveis 1 e 2, mais rápidos, sejam particulares a cada *core*, e o último nível seja compartilhado por todos ou por grupos de *cores*. O processador AMD Opteron 8439 SE, por exemplo, tem três níveis de cache, com 128 KB para o nível 1, privativo a cada core, 512 KB no nível dois, também privativo, e 6 MB no nível três, compartilhado por todos os cores (ADVANCED MICRO DEVICES, INC., 2013), enquanto o processador Intel Xeon E5420 conta com dois níveis de cache, sendo o primeiro privativo a cada core e com 32KB de capacidade e o segundo compartilhado por dois *cores*, com 6 MB de capacidade. Um mecanismo de coerência é usado para garantir a consistência de dados compartilhados quando posicionados nos caches particulares. Finalmente, também pode ser usado o mecanismo de *prefetching* (busca antecipada) de dados, em que um preditor monitora os acessos à memória, tenta prever os acessos futuros e traz para o cache as posições de memória correspondentes (MARS; TANG; SOFFA, 2011).

1.2 Memory wall

Historicamente, os circuitos que compõem as memórias não têm acompanhado o mesmo ritmo de evolução dos processadores. A figura 1.5 exibe dados reunidos ao longo de desesseis anos (MCCALPIN, 1991-2007) desta evolução e exibe uma grande disparidade entre as velocidades de processador e de memória. A escala logarítmica do eixo vertical mostra que o aumento da taxa com que os dados são movimentados da memória para o processador, em milhões de palavras de 64 bits por segundo (MWords/s), é consideravelmente menor do que a taxa com que tais dados podem ser processados (MFLOPS). A existência de múltiplos cores, a partir do ano de 2006, prejudica ainda mais essa condição. Técnicas têm sido usadas na tentativa de mascarar essa discrepância e diminuir o tempo de acesso aos dados, como memórias cache e busca antecipada dos dados. Wulf e Mc-Kee (1995) observaram que a diferença de melhoria de desempenho entre processador e memória resultaria em uma barreira, a memory wall, que impediria o aumento da velocidade dos sistemas computacionais; uma nova tecnologia de memória seria necessária para se manter o ritmo de evolução. Já Rogers et al. (2009) argumentaram que, sem técnicas de conservação de largura de banda de memória, um processador com 8 cores escalaria para apenas 24 cores após 4 gerações tecnológicas, ao contrário dos 128 cores esperados considerando uma duplicação na capacidade de integração a cada dezoito meses. Blagodurov et al. (2010), Hood et al. (2010) e Diamond et al. (2011) apontaram a largura de banda de memória como uma importante limitação para o desempenho em sistemas multicore. Com as tecnologias atuais, o tráfego de memória mostra-se, então, como uma possível restrição para a escalabilidade de futuros sistemas multicore.

1.3 Características de aplicações paralelas

Aplicações de interesse prático precisam de dados sobre os quais operar, que inicialmente se encontram na memória principal. Dois conceitos indicam sua forma de acesso aos dados: *localidade* e *granularidade*.

1.3.1 Localidade de referência

Localidade é um fenômeno bem conhecido e alvo de atenção pelos desenvolvedores de aplicações e projetistas de computadores. Sua importância estimulou a introdução de *caches* ao subsistema de memória (SMITH, 1982). A *localidade espacial* indica a tendência



Figura 1.5: Comparação entre aumento da velocidade do processador e aumento da largura de banda de memória (MCCALPIN, 1991-2007).

de uma aplicação de acessar dados na memória em regiões próximas entre si. Já a *locali*dade temporal indica sua tendência de acessar as mesmas posições de memória que foram referenciadas recentemente (PATTERSON; HENNESSY, 1996). Bunt e Murphy (1984) consideram que "localidade parece ser uma consequência natural da forma com que a maioria dos desenvolvedores de aplicações escrevem programas".

A aferição da localidade de uma aplicação pode guiar melhorias nos padrões de acesso aos dados, permitindo explorar melhor o mecanismo de cache e consequentemente obter ganhos de desempenho. Usualmente, a localidade de acesso aos dados de uma aplicação é medida a partir da série de endereços de memória referenciados pelas aplicações, obtida tipicamente com o uso de instrumentação binária da aplicação (WEINBERG et al., 2005) ou com o uso de simuladores de *hardware* (GUPTA et al., 2012). A modelagem analítica da localidade é uma alternativa à sua medição direta. Embora dispense a necessidade de execução da aplicação, não é uma atividade simples (GRAMA et al., 2003, p.61) (LI et al., 2010) (SUN; BYNA; HOLMGREN, 2009).

A existência de caches de grande capacidade e com diversos níveis indica que a localidade também é relevante na execução em sistemas *multicore*.

1.3.2 Granularidade dos acessos

Granularidade indica a proporção de acessos à memória em relação ao processamento. Callahan, Cocke e Kennedy (1988) exploraram este conceito para estimar o desempenho de *loops* sequenciais em processadores com *pipeline*, preocupando-se com bloqueios devido a dependências de dados entre as instruções. Sua métrica de granularidade, ou *balanceamento de loop*, β_L , indica a proporção de palavras de dados do tipo ponto flutuante acessadas (M_L), em relação às operações de cálculos em ponto flutuante (*flops*, *floating-point operations*) dentro de um *loop* (F_L), conforme a equação 1.5.

$$\beta_L = \frac{\text{número de palavras acessadas}}{\text{número de flops realizadas}} = \frac{M_L}{F_L}$$
(1.5)

Já o balanceamento da máquina, β_M na equação 1.6, indica a razão entre a taxa com que dados de ponto flutuante são trazidos da memória (m_M) e a taxa em que operações de aritmética de ponto flutuante são realizadas (f_M) .

$$\beta_M = \frac{\text{max palavras / ciclo}}{\text{max flops/ciclo}} = \frac{m_M}{f_M}$$
(1.6)

Ainda na análise de Callahan, Cocke e Kennedy (1988), quando β_L é maior do que β_M , o *loop* precisa de mais dados do que é possível fornecer, e a aplicação é do tipo *memorybound* (limitada pela memória). Se β_L for menor do que β_M , há uma folga na capacidade de trazer dados da memória e a aplicação é classificada como *compute-bound* (limitada pela capacidade de processamento da CPU). Estes conceitos podem ser utilizados na análise de contenção por recursos compartilhados em ambientes *multicore*, auxiliando a compreensão sobre o desempenho de aplicações.

1.4 Escopo deste trabalho

O fenômeno de *memory wall* sugere limitações preocupantes para o desempenho. Em um ambiente *multicore*, em que a memória é usualmente compartilhada por múltiplas unidades funcionais, este fenômeno pode ser mais notado.

Este trabalho procura avaliar os fatores limitantes para a escalabilidade de aplicações paralelas com OpenMP relacionados à contenção pelos recursos compartilhados em processadores *multicore*, com o objetivo de identificar características das aplicações que correspondam a sua escalabilidade e possam ser usadas em uma determinação automática da quantidade de threads, ou ofereçam dicas ao programador sobre limitações do código.

1.5 Principais contribuições

A busca por fatores que permitam estimar a escalabilidade de aplicações paralelas sem necessidade de execução prévia produziu as seguintes contribuições principais:

- A confirmação de que o acesso à memória é uma limitação para a execução paralela em processadores *multicore*;
- A constatação de que a granularidade dos acessos à memória é um indicativo importante do desempenho paralelo;
- A avaliação de uma métrica, obtida do código-fonte da aplicação, que estima a granularidade dos acessos como determinante do desempenho de execuções paralelas.

1.6 Organização desta dissertação

O capítulo 2 apresenta aspectos da determinação da quantidade de *threads* para execução paralela em processadores *multicore*. A metodologia adotada na análise feita neste trabalho é abordada no capítulo 3. A análise da escalabilidade de aplicações OpenMP com paralelismo de dados é desenvolvida no capítulo 4, ao passo que a análise da influência da granularidade dos acessos na escalabilidade de aplicações paralelas é apresentada no capítulo 5. O capítulo 6 apresenta as conclusões.

Capítulo 2 Grau de paralelismo

Diversas metodologias têm sido propostas para o ajuste do grau de paralelismo de aplicações em sistemas *multicore*. Este capítulo apresenta algumas dessas técnicas e relaciona as informações que são empregadas nas deliberações. Decisões sobre quantidade de *threads* que não consideram o comportamento da aplicação ou que são feitas pelo desenvolvedor são apresentadas na seção 2.1. A seção 2.2 discute propostas automáticas baseadas em técnicas de inteligência artificial, ao passo que a seção 2.3 expõe uma modelagem analítica para o problema da quantidade de *threads*. Finalmente, a seção 2.4 cita um exemplo com análise de dependência de dados.

2.1 Decisão direta

Aplicações paralelas parametrizadas podem usar informações sobre o número de processadores locais para explicitamente decidir como particionar suas atividades. Compiladores paralelizantes podem, por sua vez, usar diretivas de compilação para determinar automaticamente o número de *threads* para uma aplicação paralela em função do número de processadores disponíveis. A API (*Application Programming Interface*, interface de programação de aplicações) OpenMP indica que o número de *threads* pode ser solicitado pela aplicação através de diretivas de compilação *pragma* (NOVILLO, 2006), de chamadas à rotina *omp_set_num_threads* ou ainda com o uso da variável de ambiente OMP_NUM_THREADS. A quantidade de *threads* criada é decidida durante a execução com base em um conjunto de variáveis, como o número de *threads* já ativas, o número de regiões paralelas e o número máximo permitido de *threads*, e pode recorrer a um comportamento definido pelo implementador da API (OPENMP ARCHITECTURE REVIEW BOARD, 2008, p. 36). No compilador GCC, por exemplo, a ação padrão é criar uma *thread* para cada CPU¹ (FREE SOFTWARE FOUNDATION, INC., 2006c).

2.2 Técnicas de aprendizado de máquina

De modo geral, as abordagens de paralelização apresentadas nesta seção se baseiam na similaridade entre aplicações para sugestão de número de *threads*. Técnicas de ML (*Machine Learning*, aprendizado de máquina) são usadas para predizer o desempenho da aplicação de interesse pela comparação com aplicações previamente executadas. *Machine Learning* é uma área da Inteligência Artificial que tenta mimetizar o aprendizado humano criando uma base de conhecimento de exemplos que é consultada para a tomada de decisões (RUSSEL; NORVIG, 1995).

Tournavitis et al. (2009) apresentaram uma técnica baseada em ML para identificar paralelismo e determinar a política de escalonamento para aplicações sequenciais. Sua base de conhecimento foi populada por exemplos provenientes de características do código-fonte e de execuções monitoradas de aplicações de teste. Deste modo, foi criado um preditor, reunindo características de aplicações e resultados de mapeamentos de paralelismo, para estimar o comportamento de uma nova aplicação e aplicar o melhor mapeamento considerado. Os aspectos relevantes das aplicações foram divididos em características estáticas, coletadas da representação interna do compilador para a aplicação sendo compilada, e características dinâmicas, obtidas de execuções instrumentadas, apresentadas na tabela 2.1. O treinamento do componente de ML consistiu da confrontação de pares de características de aplicações e decisões de mapeamento desejadas, obtidas através de registros de desempenho de execuções repetidas e cronometradas de versões sequenciais e paralelas de aplicações com *loops* sabidamente paralelizáveis, com diferentes opções de política de escalonamento. Tais políticas foram escolhidas como sendo as quatro disponíveis no OpenMP: CYCLIC, DYNAMIC, GUIDED e STATIC. Concluída esta fase, treinamentos posteriores não foram realizados. Dada uma nova aplicação, suas características (mostradas na tabela 1) são coletadas e apresentadas ao componente de ML, que indica, para cada *loop* (iniciando pelos mais externos, por apresentarem granularidade mais grossa), uma classificação indicativa de benefícios da execução paralela e uma sugestão de política de escalonamento. Finalmente, código paralelo é gerado com um compilador OpenMP nativo. Intervenção do usuário pode ser exigida se uma paralelização, embora aparentemente possível e vantajosa, não puder ser provada como correta pela

¹Conforme informado pelo sistema operacional. Devido ao SMT, *threads* de *hardware*, ao invés de *cores*, podem ser consideradas como CPUs.

Características estáticas	número de instruções número de operações de <i>Load/Store</i> número de saltos/desvios
	número de iterações de <i>loop</i>
	número de acessos a dados
Características dinâmicas	número de instruções
	número de saltos/desvios realizados

Tabela 2.1: Características de aplicações usadas no aprendizado de máquina (TOUR-NAVITIS et al., 2009)

Tabela 2.2: Características extraídas	de aplicações	(WANG; O'BOYLE,	2009)
---------------------------------------	---------------	-----------------	-------

	ciclos por instrução	
Características de código	número de saltos/desvios	
	número de instruções de <i>Load/Store</i>	
	computações por instrução	
Comentarísticos dinâmicos	contagem de interações de <i>loops</i>	
Características dinamicas	taxa de acertos no cache L1	
Característica de tempo de execução dinâmicas	tempo da execução paralela	

análise estática, inibindo a operação automática da proposta.

Wang e O'Boyle (2009) estenderam essa abordagem para o mapeamento automático de aplicações em processadores *multicore*. Além da política de escalonamento, seu mecanismo sugere também o número de *threads* a serem usadas. Outras características de aplicações foram consideradas, mostradas na tabela 2.2. O modelo de ML, alimentado com tais características, determina a escalabilidade da aplicação e indica um número de threads e a política de escalonamento. Dada uma nova aplicação, suas características de código e de dados são coletadas a partir da execução instrumentada da versão sequencial; em seguida, a aplicação é paralelizada usando políticas padrão e as características de tempo de execução são obtidas. Os preditores, então, tomam estas características e sugerem um esquema de paralelização. Embora o processo todo seja automatizado, são exigidas várias execuções prévias da aplicação de interesse.

Grewe, Wang e O'Boyle (2011) também aplicaram ideias de ML no mapeamento de aplicações com paralelismo de dados na presença de cargas de trabalho adicionais. As características de aplicações coletadas e usadas para treinar o componente de ML foram os *speedups* de aplicações teste com diferentes quantidades de *threads* em uma máquina sem carga de trabalho extra. As características usadas para representar a carga de trabalho foram o total de programas da carga de trabalho e o total de *threads* pertencentes a estes. Após o modelo preditivo ter sido criado, treinamentos posteriores só são necessários se for desejado alterar o sistema computacional usado. O preditor de desempenho, para ser capaz de obter as características da carga de trabalho adicional e indicar a quantidade de *threads*, é incorporado a cada aplicação que se deseja executar com a técnica, o que pode gerar uma sobrecarga adicional.

2.3 Modelagem analítica

Uma modelagem analítica tenta estabelecer uma relação entre as variáveis de um sistema através de uma função matemática. Na determinação do grau de paralelismo, informações sobre a aplicação são fornecidas a um modelo para a sugestão de número de threads a usar.

O modelo analítico proposto por Sun, Byna e Holmgren (2009) se dispõe a predizer a latência no acesso aos dados, a determinar a quantidade de *cores* a usar e a quantificar o impacto de otimizações no acesso aos dados, considerando que a contenção pelos recursos compartilhados é uma característica dependente de cada aplicação. A arquitetura de hardware assumida, formada por um único processador, apresenta dois níveis de cache privados e barramento entre L2 e memória principal compartilhado pelos *cores*. A aplicação modelada segue o esquema de divisão e conquista, sem dependência de dados entre suas *threads*, e com no máximo uma *thread* executando em cada *core*. Se cada *core* tiver um desempenho mantido de $P_{sustained}$ MFLOPS (milhões de instruções de ponto flutuante por segundo), *n cores* forem usados para se executar o total de *I* instruções, e *R* for a proporção de instruções que acessam a memória, então o tempo de computação T_{comp} é dado pela equação 2.1:

$$T_{comp} = \frac{I \times (1 - R)}{P_{sustained} \times n}$$
(2.1)

Uma vez que cada instrução de memória acessa L_{word} bytes e cada linha de cache armazena L_{cache} bytes, e dadas as taxas de acerto aos caches H_{L1} e H_{L2} , obtidas via execução instrumentada da versão sequencial, o total de bytes acessados por uma instrução de memória é dado por $F \times L_{word} + (1 - F) \times L_{cache}$. F é o fator de reúso espacial da aplicação e varia de 0, quando blocos acessados da memória são maiores do que L_{cache} , até 1, quando os acessos são contíguos e toda a linha de cache é usada. O total de bytes transferidos entre o cache de nível 2 e memória é então determinado pela equação 2.2.

$$L = I \times R \times (1 - H_{L1}) \times (1 - H_{L2}) \times [F \times L_{word} + (1 - F) \times L_{cache}]$$
(2.2)

Sendo $B_{sustained}$ a largura de banda do barramento em *bytes*/s, o tempo de comunicação T_{comm} é modelado como (eq. 2.3):

$$T_{comm} = \frac{I \times R \times (1 - H_{L1}) \times (1 - H_{L2}) \times [F \times L_{word} + (1 - F) \times L_{cache}]}{B_{sustained}}$$
(2.3)

Finalmente, o tempo total de execução é a soma dos tempos de execução e de comunicação, conforme eq. 2.4.

$$T = T_{comp} + T_{comm} \tag{2.4}$$

Para a estimativa de quantidade de *threads* sem gerar contenção, o modelo assume que as taxas de acerto de cache da aplicação não se alteram com o número de *cores* usados. O tempo de acesso é, portanto, independente da quantidade de *threads* e o tempo de execução diminui com a inclusão de *threads*. Desejando-se, por exemplo, que o tempo de computação seja ao menos 90% do tempo total, a quantidade n de *threads* a usar é dada pela eq. 2.5.

$$n < \frac{I \times (1 - R)}{9P_{sustained} \times T_{comm}}$$
(2.5)

Por outro lado, desejando-se limitar o tempo total de execução a uma constante C (T < C), tem-se a eq. 2.6. Neste caso, é necessário que $C > T_{comm}$.

$$n > \frac{I \times (1 - R)}{P_{sustained} \times (C - T_{comm})}$$
(2.6)

O modelo também foi expandido para considerar o efeito de busca antecipada dos dados. Embora consiga apresentar uma fórmula fechada para a determinação do número de *threads*, o modelo falha em supor que o tempo de acesso aos dados independe da quantidade de *cores* usados na execução, como discutido no capítulo 4.

2.4 Análise de dependência de dados

Nicolau e Kejariwal (2011) propuseram a determinação da quantidade de threads para loops considerando as dependências de dados para evitar vazios no pipeline. As dependências de dados, tanto em uma mesma iteração quanto entre iterações do loop, são representadas por um grafo acíclico direcionado, denotado por G = (V, E), onde V é o conjunto de vértices e E é o conjunto de arestas. Cada vértice $v \in V$ simboliza uma operação dentro do loop, e cada aresta $(i, j) \in E$ indica uma dependência de dados entre as operações $v_i e v_j$. As operações são reorganizadas e distribuídas entre as threads, de modo a evitar sincronizações. Esta técnica ignora as características de desempenho da memória e do processador, bem como eventual sobrecarga de trocas de contexto, tornando sua aplicação em diferentes sistemas computacionais questionável.

Capítulo 3

Granularidade dos acessos à memória

É sabido que o desempenho do subsistema de memória é um importante limitante para a quantidade de *threads* em um sistema *multicore*. A princípio, pode-se pensar que a restrição à paralelização, provocada pela competição pelo acesso à memoria, se dê devido apenas à quantidade de *threads*. Contudo, diferenças de desempenho entre aplicações indicam uma oportunidade de melhor compreensão da escalabilidade através do estudo da forma como os dados são acessados, em especial da frequência dos acessos à memória. Este capítulo introduz, então, o estudo da granularidade e, em menor grau, da localidade dos acessos, com as metas da pesquisa listadas na seção 3.1 e a metodologia de investigação adotada indicada na seção 3.2.

3.1 Objetivos

A intenção de verificar a viabilidade de fornecer automaticamente dicas ao desenvolvedor de aplicações sobre possíveis limitações à paralelização guiou a definição de três objetivos para este trabalho:

- **Primeiro** Avaliar o efeito da granularidade dos acessos à memória na escalabilidade de aplicações paralelizadas pelo modelo de paralelismo de dados em processadores *multicore*.
- **Segundo** Verificar a possibilidade de uso de granularidade como um fator na sugestão automática de quantidade de *threads*.

Terceiro Avaliar o efeito da localidade na granularidade.
3.2 Metodologia de investigação

Esta pesquisa guiou-se pelas seguintes etapas: determinação de escalabilidade de aplicações, cálculo da granularidade dos acessos, e associação de granularidade com escalabilidade. Como objeto de estudo foram selecionados programas paralelizados com OpenMP no modelo de paralelismo de dados. Neste modelo de programação, as regiões paralelizáveis do programa, em especial os *loops*, são marcadas como tal no código-fonte através da inclusão de diretivas de compilação (*pragmas* na linguagem de programação C e comentários especiais em FORTRAN (OPENMP ARCHITECTURE REVIEW BOARD, 2008)), que instruem o compilador a gerar código paralelo com o uso de *threads*. Os programas escolhidos foram o conjunto *NAS Parallel Benchmarks*, ou NPB, na versão 3.3.1 OpenMP (JIN; FRUMKIN; YAN, 1999; FENG et al., 2004), largamente reconhecido como uma medida padrão de desempenho. *Benchmarks* são programas usados para se determinar desempenho de sistemas computacionais. Podem ser escritos do zero, especialmente adaptados ao aspecto que se deseja avaliar, ou então ser oriundos de aplicações reais. As aplicações de NPB foram criadas para

> ajudar a avaliar o desempenho de supercomputadores paralelos. Os benchmarks são derivados de aplicações de dinâmica de fluidos computacional e consistem de cinco kernels e três pseudo-aplicações na especificação original "papel-e-lápis" (NPB 1). O conjunto foi estendido para incluir novos benchmarks para malhas adaptativas desestruturadas, entrada/saída paralela, aplicações com múltiplas zonas e grades computacionais. Tamanhos de problema em NPB são predefinidos e indicados como diferentes classes. Implementações de referência de NPB estão disponíveis em modelos de programação comumente usados, como MPI e OpenMP (NPB 2 e NPB 3) (NASA, 2013).

As aplicações de NPB têm seu código-fonte disponível gratuitamente com uma licença de uso permissiva. O conjunto é formado por dez programas:

- **BT (Block Tridiagonal):** Calcula equações tridimensionais de Navier-Stokes. A solução por diferenças finitas do problema é baseada numa fatorização aproximada que desacopla as três dimensões e aplica a resolução sequencialmente em cada uma.
- CG (Conjugate Gradient): Calcula uma aproximação do menor autovalor de uma matriz grande e esparsa, testando computações e comunicações não estruturadas com posições de entradas da matriz geradas aleatoriamente.
- **DC** (**Data Cube**): Testa a capacidade de manipular grandes conjuntos de dados distribuídos em ambiente de *grid*.

- **EP (Embarrassingly Parallel):** Gera pares de desvios gaussianos aleatórios. Referência para máximo desempenho, requer pouca comunicação entre *threads*.
- **FT (Fourier Transform):** Solução para uma equação diferencial parcial 3D através da transformada rápida de Fourier.
- LU (Lower-Upper): Soluciona um sistema de equações resultante da discretização de equações de Navier-Stokes pela sua quebra em sistemas triangulares com o método de Gauss-Seidel.
- IS (Integer Sort): Ordenação de números inteiros.
- MG (Multigrid): Soluciona equações de Poisson tridimensionais escalares. Atua sobre um conjunto de grades alternantes entre grossa e fina e testa movimentações de dados de curta e de longa distâncias.
- **SP (Scalar Pentadiagonal):** Similar a BT, porém usa outra fatoração, resultando em sistemas de equações escalares pentadiagonais, também resolvidas em cada dimensão.
- **UA (Unstructured Adaptive):** Modela transferências de calor e apresenta padrões de acesso à memória irregulares e continuamente se alterando.

Os tamanhos de problema são chamados de classes. Neste trabalho, foram utilizados os tamanhos padrão de teste, representados pelas classes A, B e C. Nestes casos, o problema aumenta cerca de quatro vezes entre uma classe e a seguinte. Os tamanhos de problema maiores, das classes D, E e F, têm fator de aumento de 16 vezes entre cada, elevando consideravelmente o tempo de execução dos programas. Como os *benchmarks* de NPB consistem de repetições de um grande *loop* principal, cujo número de iterações também aumenta com a classe, optou-se por evitar execuções demasiadamente longas que, aparentemente, não alterariam as características que se desejava observar nas execuções.

O *benchmark* DC não foi incluído neste estudo por referenciar dados em arquivos em disco, cujo tempo de acesso é muito superior ao de dados na memória principal, ao passo que IS foi excluído por apresentar erros nas execuções.

Adicionalmente a NPB, foram testados também o *benchmark* de memória STREAM, na versão 5.10, e uma multiplicação de matrizes. STREAM testa o desempenho de quatro operações sobre *arrays* de números reais (MCCALPIN, 1995), como mostrado na tabela 3.1. O tamanho de cada *array* é definido como sendo maior do que quatro vezes a capacidade do maior cache da máquina. MultMat, um programa de multiplicação de matrizes, foi desenvolvido em Fortran para calcular o produto de duas matrizes com entradas reais. O tamanho das matrizes também foi ajustado para exceder a capacidade do último nível de cache em todas as máquinas usadas. MultMat implementa a multiplicação de matrizes conforme o algoritmo 1.

Algoritmo I: Algoritmo de multiplicação de matrizes usado no programa Mult-
Mat.
Entrada : matrizes A(linhas de A \times colunas de A), B (linhas de B \times colunas de
B) e C (linhas de A \times colunas de B)
Saída: C, contendo o resultado da multiplicação de A por B
para $i = 1$ até linhas de A faça
$\mathbf{para} \ j = 1 \ até \ colunas \ de \ B \ \mathbf{faça}$ $\mathbf{soma} = 0;$
para $k = 1$ até colunas de A faça soma = soma + a(i,k) × b(k,j);
fim para
c(i,j) = soma;
fim para
fim para

Para cada aplicação selecionada, foram realizadas várias execuções com diversas quantidades de *threads*, diferentes tamanhos de problema e em diferentes sistemas computacionais para determinar sua escalabilidade.

O desempenho dos sistemas computacionais testados foi caracterizado pela velocidade de processamento, medida em MFLOPS, e pela largura de banda entre processador e memória, medida em MB/s. MFLOPS (*Megaflops*, milhões de operações de ponto flutuante por segundo) é uma medida de velocidade de processamento tipicamente usada no âmbito de computação científica, onde há uso intensivo de cálculos com números reais, também chamados de números de ponto flutuante. A velocidade de processamento em MFLOPS foi obtida pelo *benchmark* Linpack (DONGARRA, 1988; TOY; DONGARRA, 1988), o mesmo usado pelo projeto TOP500 para eleger os 500 supercomputadores mais poderosos do planeta (MEUER et al., 2013) através da resolução de um sistema denso de equações lineares. Embora a medida obtida refira-se apenas ao problema resolvido por Linpack e não indique necessariamente o desempenho total do sistema, seu valor foi usado para auxiliar na comparação entre as diferentes máquinas utilizadas. Já a largura de banda, indicada em *megabytes* por segundo (MB/s), foi determinada pelo *benchmark* STREAM.

nome	operação	bytes	FLOPS
COPY	a(i) = b(i)	16	0
SCALE	$a(i) = q \times b(i)$	16	1
SUM	a(i) = b(i) + c(i)	24	1
TRIAD	$a(i) = b(i) + q \times c(i)$	24	2

Tabela 3.1: As quatro operações realizadas por STREAM.

Conforme apresentado na seção 1.3.2, granularidade indica a proporção de acessos à memória em relação ao processamento. Duas medidas de granularidade foram adotadas neste trabalho, ambas inspiradas pela definida por Callahan, Cocke e Kennedy (1988). A primeira, granularidade de loop, simbolizada por γ_L , aponta a relação entre acessos a variáveis e operações de ponto flutuante em um loop paralelo, como definido no código-fonte da aplicação; a segunda, granularidade efetiva, representada por γ_E , determina a razão real entre acessos à memória e instruções de ponto flutuante executadas, medidos durante a execução da aplicação. Assim, após a determinação da escalabilidade do programas selecionados, o código-fonte das aplicações foi inspecionado para se calcular a granularidade dos acessos. Para cada loop paralelo, a granularidade de loop γ_L foi calculada pela equação 3.1.

$$\gamma_L = \frac{\text{número de acessos a arrays}}{\text{número de operações de ponto flutuante}}$$
(3.1)

Pela definição de γ_L na equação 3.1, uma aplicação que faz muitos acessos a dados em relação ao processamento possui valores **maiores** de γ_L . Já uma aplicação que faz poucos acessos a dados em proporção ao processamento tem valores **menores** de γ_L , o que é o inverso da definição de granularidade usualmente utilizada, por exemplo, em sistemas com memória distribuída; nestes casos, granularidade indica a proporção de processamento em relação à comunicação.

Foram considerados apenas acessos a dados em *arrays*, pois estes tipicamente são armazenados na memória principal e não nos registradores da CPU, como pode ocorrer com variáveis escalares; além disso, as aplicações estudadas manipulam dados majoritariamente em *arrays*. O processamento é representado por operações aritméticas de ponto flutuante, já que os programas de NPB utilizados lidam principalmente com números reais (exceto, naturalmente, para controles como índices de *arrays* e iterações de *loops*). No contexto deste trabalho, *loops* aninhados foram considerados como um único, uma vez que a maioria dos *loops* de NPB concentra suas operações no nível mais interno.

A granularidade efetiva média γ_E foi calculada pela equação 3.2. Devido à existência

do mecanismo de cache, cada acesso à memória transfere uma linha (ou *bloco*) de cache completa. Como as aplicações operam sobre palavras de dados reais de precisão dupla de *b bytes* cada e uma linha de cache pode conter *n* de tais palavras, foi necessária a divisão por *n* na equação 3.2. Assim, γ_E indica a taxa média de palavras de *b bytes* acessadas na memória para cada operação de ponto flutuante durante toda a execução do programa.

$$\gamma_E = \frac{\text{total de acessos à memória}}{\text{total de instruções de ponto flutuante executadas}}$$
(3.2)

No cálculo de granularidade foram consideradas apenas instruções que agem sobre dados do tipo ponto flutuante, ao invés do total de instruções, já que as aplicações têm quantidades diferentes de operações de lógica e de aritmética, manifestadas, por exemplo, em diferentes níveis de aninhamento de *loops* e diferentes deslocamentos (*offsets*) em acessos a *arrays*. Também foi considerado, para fins de simplificação, que as operações de ponto flutuante concluem todas com a mesma duração.

O total de faltas no último nível de cache e o total de instruções de ponto flutuante executadas são medidos durante a execução das aplicações pela unidade de monitoramento de desempenho, um componente embutido da maioria dos processadores. Esses dados podem ser acessados com o auxílio de uma ferramenta de análise dinâmica de aplicações. Registradores contadores medem a quantidade de certos eventos gerados pela aplicação durante sua execução, como, por exemplo, o total de instruções executadas.

Os eventos monitoráveis variam entre arquiteturas e microarquiteturas. No modo de operação utilizado, event-based sampling (amostragem baseada em eventos), a ocorrência de certa quantidade de eventos provoca a geração de uma interrupção no processador. A rotina de tratamento de interrupção, fornecida pela ferramenta de análise, registra o contexto da execução, incluindo o valor do contador de programa e as identificações do processo e da thread, associando, assim, os eventos com a aplicação causadora. Cada experimento pode exigir várias execuções da aplicação para coletar todos os eventos escolhidos, uma vez que a quantidade de contadores do hardware é menor do que a de eventos disponíveis e cada evento é registrado por um contador específico.

As contagens de eventos obtidas pela técnica de *event-based sampling* permitiram a determinação da taxa de uso do barramento de memória, das taxas de faltas nos demais níveis de cache e granularidade efetiva para todas as versões dos programas testados.

Após a determinação das escalabilidades das aplicações e de suas granularidades, associações foram estabelecidas entre escalabilidade, taxa de uso de barramento de memória e granularidade, tanto efetiva quanto de *loop*. Algumas aplicações foram submetidas a variações em suas granularidades, com consequências importantes para a escalabilidade. Variações na localidade foram em seguida experimentadas para se avaliar os efeitos no comportamento de *speedup*.

Finalmente, considerações sobre o uso automático da granularidade de *loop* na sugestão de quantidade de *threads* foram apresentadas.

Capítulo 4 Escalabilidade de aplicações OpenMP com paralelismo de dados

Para ser possível avaliar os efeitos da granularidade no desempenho das aplicações, é preciso primeiramente observar sua escalabilidade, ou seja, sua capacidade de aproveitar a maior disponibilidade de recursos. Este capítulo apresenta, então, uma análise do comportamento dos programas selecionados, a saber NPB, STREAM e MultMat, em alguns sistemas computacionais com diferentes graus de paralelismo. Uma breve descrição dos computadores utilizados é dada na seção 4.1, enquanto as métricas adotadas e ferramentas de medida são relacionadas na seção 4.2. A seção 4.3 discorre brevemente sobre a quantidade máxima possível de *threads*. A análise de escalabilidade é desenvolvida na seção 4.4 para as aplicações de NPB, na seção 4.5 para o *benchmark* STREAM e na seção 4.6 para o programa de multiplicação de matrizes. As conclusões são indicadas na seção 4.7.

4.1 Hardware utilizado

As aplicações analisadas foram executadas em quatro computadores:

- SGI, com dois processadores Intel Xeon E5420 de quatro cores cada em uma configuração UMA, totalizando 8 cores, operando a 2,50 GHz, com 64 KB de cache L1 (32 KB para instruções e 32 KB para dados) privativos a cada core, 6 MB de cache L2, compartilhados por pares de cores, 16 GB de RAM e executando CentOS Linux 5.7;
- HP, com dois processadores Intel Xeon E5649 de seis cores cada operando a 2,53

GHz em uma configuração UMA, totalizando 12 *cores*, com 64 KB de cache L1 (32 KB para instruções e 32 KB para dados), privativos a cada core, 256 KB de cache L2, privativos para cada *core*, 12 MB de cache L3, compartilhados por todos os *cores*, 70 GB de RAM e executando Ubuntu Linux 12.04;

- AMD, com um processador AMD Phenom II X4 940 de 4 cores operando a 3 GHz em uma configuração UMA, com 1 MB de cache L1 (512 KB para dados e 512 KB para instruções), privativo a cada core, 512 KB de cache L2, também privativos a cada core, 6 MB de cache L3, compartilhados por todos os cores, 4 GB de RAM e executando Rocks Linux 5.2;
- MTL, com 4 processadores Intel Xeon E7-4860 de dez cores cada operando a 2,27 GHz em uma configuração NUMA, totalizando 40 cores, com 64 KB de cache L1 (32 KB para dados, 32 KB para instruções) privativos a cada core, 256 KB de cache L2 privativos a cada core e cache L3 compartilhado por todos os cores com 24 MB de capacidade.

4.2 Métricas e ferramentas

Os programas analisados foram compilados pelo GNU Compiler Collection Fortran (FREE SOFTWARE FOUNDATION, 2013) na versão 4.1.2 em SGI, AMD e MTL, e 4.6.2 em HP. As limitações para a escalabilidade apresentadas nas seções 4.4, 4.5 e 4.6 se manifestaram apenas quando otimizações foram ativadas na compilação. O nível de otimização 3, ativado pela opção -O3 do compilador GCC, resultou nos menores tempos de execução, fazendo com que a opção -O3 fosse utilizada na compilação de todos os programas analisados. O tempo total de execução (*elapsed time*), necessário para a determinação de *speedup* e eficiência, o tempo de CPU usado pelo sistema (system time) e o tempo de CPU (user time) usado pelo processo avaliado foram registrados com GNU time 1.7. Os eventos de hardware, necessários para a determinação das taxas de uso de barramento e de faltas nos caches, foram obtidas com o auxílio da ferramenta de análise dinâmica de aplicações Intel VTune 9.1 (MALLADI, 2009), disponível apenas na máquina SGI. A tabela 4.1 lista os eventos de hardware observados. A largura de banda de memória dos sistemas computacionais foi determinada pelo programa STREAM 5.10 (MCCALPIN, 1995), ao passo que a velocidade em MFLOPS dos *cores* foi estimada pelo *benchmark* Linpack (TOY; DONGARRA, 1988).

nome	descrição
CPU_CLK_UNHALTED.CORE	Quantidade de ciclos de <i>clock</i>
CPU_CLK_UNHALTED.BUS	Quantidade de ciclos do barra-
	mento
BUS_TRANS_ANY.ALL_AGENTS	Quantidade de transações no
	barramento frontal iniciadas por
	qualquer agente
INST_RETIRED.ANY	Quantidade de instruções
	executadas
L1D_REPL	Quantidade de linhas de cache
	trazidas para L1
L2_LINES_IN.SELF.ANY	Quantidade de linhas de cache
	trazidas para L2
X87_OPS_RETIRED.ANY	Quantidade de instruções X87 em
	ponto flutuante executadas
SIMD_COMP_INST_RETIRED.SCALAR_DOUBLE	Quantidade de instruções SSE2
	em escalares $double$ executadas

Tabela 4.1: Eventos de hardware observados com a ferramenta VTune para execuções no sistema SGI.

4.3 Número máximo de threads

Um *benchmark* sintético foi criado em OpenMP para se iniciar a investigação de escalabilidade, consistindo de dois *loops* paralelos com diversos cálculos, separados por uma barreira. A quantidade máxima possível de *threads* depende do sistema operacional, da biblioteca de *threads*, da quantidade de memória principal disponível e da quantidade de dados locais a cada *thread*. No sistema de teste SGI, a aplicação executa com no máximo 32.288 *threads*. As execuções com 8 até cerca de 20.000 *threads* apresentam um desempenho semelhante, indicando que a sobrecarga de trocas de contexto mais numerosas não foi significativa. A partir de cerca de 20.000 *threads* há redução progressiva de desempenho, chegando a um aumento de 26% do tempo de execução na configuração de máximo número de *threads*.

4.4 NPB

4.4.1 Speedup

Os programas de NPB foram executados nos quatro sistemas computacionais. As figuras 4.1, 4.3 e 4.5 mostram as curvas de *speedup* dos programas em SGI para as classes A, B e C, respectivamente, calculadas pela equação 1.1, ao passo que as figuras 4.2,

4.4 e 4.6 mostram as curvas de eficiência correspondentes, calculadas pela equação 1.2. Em todas as figuras deste trabalho, quantidade de *threads* igual a **um** indica a versão sequencial da aplicação. Para o cálculo de *speedup* e eficiência foram utilizados os tempos de execução (*elapsed time*) médios de 20 execuções, que totalizaram 442 horas. Os desvios absolutos médios de tempo de execução para cada aplicação em cada quantidade de *threads* e em cada classe foram inferiores a 8%. Os desvios padrão do tempo decorrido em cada execução são apresentados no apêndice A, nas tabelas A.1, A.2 e A.3. Os tempos de execução típicos foram menores do que um minuto na classe A, com programas que concluíram em poucos segundos; menores do que cinco minutos na classe B e menores do que quinze minutos na classe C. As figuras mostram que as aplicações, tipicamente, atingem o melhor desempenho com oito threads, que é a quantidade de cores disponíveis. A aplicação EP, por ser embaraçosamente paralela, apresenta um *speedup* linear, diretamente proporcional à quantidade de threads, e permite ganhos contínuos com o uso de mais cores. As demais aplicações têm um ritmo menor de crescimento de speedup, e algumas deixam de apresentar melhorias antes de a quantidade de *threads* igualar à de *cores*, como MG e SP. A estagnação da curva de *speedup* causa quedas expressivas na eficiência das execuções. Nenhum caso apresenta melhoria de desempenho com mais threads do que cores; em geral, há piora no desempenho devido às trocas de contexto mais numerosas, resultando em quedas acentuadas na eficiência das execuções. Até mesmo EP apresenta reduções, atingindo eficiência inferior a 40% a partir de 24 threads. A maior diminuição de speedup a partir de 8 threads ocorre com LU, que registra quedas de cerca de 80% nas classes A e B e de 60% na classe C.

Conforme aumenta-se o tamanho do problema, indo-se da classe A para B e depois para C, torna-se mais estável o comportamento de *speedup* dos *benchmarks*, exigindo mais *threads* para haver quedas equivalentes no *speedup*. Isso mostra que, para NPB, os problemas menores são mais sensíveis à quantidade de *threads*, possivelmente associados à maior sobrecarga do paralelismo, dados os curtos períodos de execução.

As quedas no *speedup* que se manifestaram em execuções com 10 *threads* se devem à política de escalonamento OpenMP utilizada. No compilador GCC, a política de escalonamento de iterações do *loop* pelas *threads*, quando não especificada no código-fonte, é adotada como sendo *static* (FREE SOFTWARE FOUNDATION, INC., 2006b). Neste caso, a distribuição de iterações do *loop* pelas *threads* é realizada durante a compilação, com cada *thread* recebendo no máximo um grupo contíguo de iterações (*chunk*). Os grupos são aproximadamente do mesmo tamanho. As políticas de escalonamento *dynamic* e *guided*, por outro lado, distribuem os grupos de iteração para as *threads* conforme estas solicitam.



Figura 4.1: Curvas de speedup para NPB classe A na máquina SGI.



Figura 4.2: Curvas de eficiência para NPB classe A na máquina SGI.



Figura 4.3: Curvas de speedup para NPB classe B na máquina SGI.



Figura 4.4: Curvas de eficiência para NPB classe B na máquina SGI.



Figura 4.5: Curvas de speedup para NPB classe C na máquina SGI.



Figura 4.6: Curvas de eficiência para NPB classe C na máquina SGI.

Em dynamic, os grupos de iteração têm o mesmo tamanho, exceto, possivelmente, pelo último; já em guided, "o tamanho de cada grupo de iteração é proporcional ao número de iterações não atribuídas dividido pelo número de threads" (OPENMP ARCHITECTURE RE-VIEW BOARD, 2008). Em execuções em que a política de escalonamento foi ajustada para dynamic, a referida queda no speedup com dez threads não se manifestou e o desempenho nos demais graus de paralelismo foi semelhante às execuções com static, indicando um possível desbalanceamento de carga de trabalho entre as threads quando escalonamento static é utilizado. Os resultados para a escalonamento guided foram semelhantes aos de static. Como a escolha de política de escalonamento OpenMP exige alteração no códigofonte da aplicação e afetou apenas as execuções com mais threads do que cores, todos os resultados apresentados neste trabalho foram obtidos com a política de escalonamento padrão, static.

O comportamento das aplicações pode ser melhor compreendido observando-se seus efeitos nos diversos componentes do sistema computacional. Os eventos de *hardware* causados pelas aplicações foram medidos com VTune e registrados para compor as métricas a seguir. As aplicações foram observadas novamente nos três tamanhos de problema e nas mesmas quantidades de *threads*, com exceção de LU, que gerou eventos em quantidade excessiva a partir de dez *threads*, causando interrupções para acesso à unidade de monitoramento em intervalos menores do que 1 ms e impossibilitando o prosseguimento da coleta. O apêndice A traz os desvios padrão para as medições.

4.4.2 Taxa de uso de barramento

A taxa de acesso ao barramento frontal de NPB em SGI em relação ao tempo de execução, calculada conforme equação 4.1, é mostrada na figura 4.7 para a classe A, na figura 4.8 para a classe B e na figura 4.9 para a classe C.

taxa de uso do barramento (%) =
$$\frac{100 \times BUS_TRANS_ANY.ALL_AGENTS}{CPU_CLK_UNHALTED.BUS}$$
(4.1)

EP apresentou os menores usos de barramento e os maiores *speedups* nos três tamanhos de problema. Na classe A (figura 4.7), MG e SP fazem maior uso do barramento, acima de 60%, em geral, e apresentam os menores *speedups*; MG, que apresenta uso de barramento superior a 80%, piora seu desempenho em execuções com mais de quatro *threads*. FT tem menor uso de barramento do que SP, no entando seus *speedups* são parecidos. BT, LU e



Figura 4.7: Taxas de uso de barramento de memória para NPB classe A na máquina SGI.

UA acessam o barramento em no máximo 50% do tempo, sendo menos de 40% em BT e UA, e conseguem boas melhorias no desempenho com maior grau de paralelismo.

Na classe B, figura 4.8, CG, MG e SP continuaram acessando mais frequentemente o barramento, impedindo melhorias em seus *speedups* com grau de paralelismo maior do que quatro *threads*; coincidentemente, o uso de barramento foi superior a 60%. A curva de *speedup* de UA fica abaixo das curvas de SP e CG na figura 4.3, mas sua menor taxa de uso de barramento relaciona-se com a manutenção do ritmo de melhora de desempenho em quatro, seis e oito *threads*.

As curvas de uso de barramento na classe C (figura 4.9) são semelhantes às da classe B, porém com valores mais acentuados. Todas as aplicações excedem 50% de uso de barramento com oito *threads*. Taxas de acessos ao barramento superiores a 60% para CG, SP, MG e UA combinam com a interrupção de ganhos de desempenho com mais de quatro *threads*. O ritmo de crescimento do *speedup* de FT (figura 4.5), calculado como a diferença do *speedup* dividida pela diferença na quantidade de *threads*, era de 0,68 no intervalo de 2 a 4 *threads*, mas diminuiu para 0,20 em seis *threads* e 0,30 em oito *threads*, coincidindo com o uso de barramento superior a 60% a partir de quatro *threads*. O ritmo de crescimento superior a 60% a partir de quatro *threads*.



Figura 4.8: Taxas de uso de barramento de memória para NPB classe B na máquina SGI.

speedup máximo e *speedups* menores com o aumento do tamanho do problema concorda com o aumento progressivo de uso de barramento entre as classes A, B e C.

Em todos os casos, até mesmo EP aumenta seu uso de barramento quando há mais *threads* do que *cores*. Segundo Malladi (2009), medições internas feitas pelo fabricante da CPU utilizada apontam que a latência de acesso à memória aumenta rapidamente a partir de 60% de uso do barramento e cresce sem limite a partir de 70%, confirmando os resultados de desempenho das aplicações e justificando a associação de seu comportamento com o uso de barramento. A taxa de uso do barramento de memória mostra-se, então, como uma limitação para a escalabilidade das aplicações observadas.

4.4.3 Total de instruções executadas

Na paralelização pelo modelo de paralelismo de dados, o volume total de processamento é o mesmo independentemente do grau de paralelismo, pois a maior quantidade de *threads* implica menor carga de trabalho para cada uma. Assim, não se espera variação significativa no total de instruções executadas. De fato, para as execuções com até oito *threads*, o total de instruções foi similar, com pequeno incremento em relação à versão



Figura 4.9: Taxa de uso de barramento de memória para NPB classe C na máquina SGI.

sequencial devido às operações de gerenciamento de *threads*. Já o desvio absoluto médio do total de instruções entre as versões sequencial e paralela com dois até 1024 *threads* na classe A foi inferior a 1,4 % para BT, EP e FT; inferior a 5,8% para MG e SP; inferior a 29% para CG e UA; e de 96,8% para LU. Em CG e UA, os maiores aumentos na quantidade de instruções executadas ocorreram com mais de 32 *threads*, enquanto em LU ocorreram já a partir de dez *threads*, resultando em um aumento de duas ordens de magnitude. Nos três programas, o incremento no total de instruções ocorreu com mais *threads* do que *cores*. Na classe B, o desvio médio foi de 9,7% para UA, 6,9% para CG, 89% para LU e inferior a 5% para BT, EP, FT, MG e SP. Novamente, a grande variação em LU ocorreu a partir de dez *threads*. Já na classe C, foram observadas diferentes variações no total de instruções executadas em relação à versão sequencial, excedendo 80% em BT, LU e UA, e igual a 46% em MG, porém inferior a 8,5% em CG, EP, FT e SP.

4.4.4 Tempo de CPU

Embora no intervalo de grau de paralelismo entre sequencial e quantidade de *cores* a contagem de instruções executadas seja similar, o tempo total de processamento teve

outro comportamento. Os gráficos das figuras 4.10, 4.11 e 4.12 mostram o tempo de CPU consumido por todas as *threads* da aplicação (*user time*) de NPB em SGI para as classes A, B e C, respectivamente, em relação à versão sequencial. As aplicações MG, SP e FT sofreram uma duplicação no tempo de CPU na classe A devido a este efeito. No tamanho de problema B, os maiores aumentos foram para os *benchmarks* CG, LU, MG, SP e UA. FT sofreu um aumento médio, ao passo que BT exibiu um aumento pequeno. Finalmente, na classe C houve no mínimo uma duplicação do tempo de CPU, com aplicações apresentando aumentos maiores. SP, por exemplo, teve seu tempo multiplicado por oito (não mostrado no gráfico) nas execuções com oito *threads*. MG e SP apresentam grandes aumentos, enquanto o tempo de CPU de EP é essencialmente inabalável, sofrendo um ligeiro aumento somente na classe A com 1024 *threads*.

Os gráficos mostram, para cada quantidade nt de threads, o fator de aumento x(nt)do tempo de CPU $t_{CPU}(nt)$ em relação ao tempo sequencial t_s : $t_{CPU}(nt) = t_s \times x(nt)$. Como $t_{CPU}(nt) \div nt = t_p(nt)$, então a equação 4.2 permite calcular o speedup (S) a partir das figuras 4.10, 4.11 e 4.12. A aplicação EP, por exemplo, apresenta o mesmo tempo de CPU usando até 256 threads, com x(nt) = 1. Seu speedup com oito threads em qualquer das três classes é $S(8) = 8 \div 1 = 8$. Já FT, por outro lado, tem fator de aumento de tempo de CPU com 8 threads igual a 2,176 na classe B; seu speedup na mesma situação é $S(8) = 8 \div 2, 76 \cong 3, 68$.

$$S(nt) = \frac{t_s}{t_p(nt)} = \frac{t_s}{\frac{t_s \times x(nt)}{nt}} = \frac{nt}{x(nt)}$$
(4.2)

Os gráficos sugerem que, embora o total de instruções executadas seja essencialmente o mesmo, o maior uso de barramento causa aumento no tempo de CPU, possivelmente gerando ciclos ociosos em que as instruções aguardam a chegada dos dados da memória principal para o cache.

4.4.5 Taxa de faltas no cache

Com relação ao uso de cache, foram observadas as taxas de faltas (*misses*) nos níveis 1 (L1) e 2 (L2). As figuras 4.13, 4.14 e 4.15 mostram a taxa de faltas no cache de dados de L1, calculada pela equação 4.3 como o quociente entre o total de linhas de cache trazidas para o nível 1 e o total de instruções executadas. Conforme discutido por Diamond et al. (2011), a taxa de faltas em L1 sozinha não é um bom indicativo de problemas com a escalabilidade. De fato, a ordem dos programas em relação à taxa de faltas em cada um



Figura 4.10: Tempos de CPU para NPB classe A na máquina SGI (em relação à versão sequencial).



Figura 4.11: Tempos de CPU para NPB classe B na máquina SGI (em relação à versão sequencial).



Figura 4.12: Tempos de CPU para NPB classe C na máquina SGI (em relação à versão sequencial).

dos três tamanhos de problema testados não correspondeu com sua ordem na curva de uso de barramento: a aplicação FT tem taxa de faltas em L1 maior do que SP e MG, porém com o menor uso de barramento de memória dos três programas; a grande diferença na taxa de faltas em L1 entre CG e as demais aplicações não se manifestou na taxa de uso de barramento; BT e MG têm taxas de faltas no cache parecidas, mas taxas de uso de barramento bem diferentes. A variação da quantidade absoluta de faltas em L1 com o acréscimo de *threads* não foi significativa o suficiente para gerar uma correspondência com o *speedup* das aplicações.

taxa de faltas no cache de dados L1 (%) =
$$\frac{100 \times L1D_REPL}{INST_RETIRED.ANY}$$
(4.3)

As taxas de faltas no cache de nível 2, por outro lado, permitem certa comparação com o desempenho das aplicações. As figuras 4.16, 4.17 e 4.18 apresentam as taxas de faltas no cache L2 das aplicações em SGI para as classes A, B e C, respectivamente, calculadas pela equação 4.4. A ordem entre as aplicações, da menor taxa de faltas para a maior, é bem próxima da ordem nas curvas de uso de barramento (figuras 4.7, 4.8 e 4.9). As aplicações parecem se dividir em dois grupos, com CG, MG e SP com maiores taxas



Figura 4.13: Taxas de faltas no cache de dados de nível 1 para NPB classe A em SGI.



Figura 4.14: Taxas de faltas no cache de dados de nível 1 para NPB classe B em SGI.



Figura 4.15: Taxas de faltas no cache de dados de nível 1 para NPB classe C em SGI.

de faltas no cache e uso de barramento tipicamente superior a 50%; e BT, EP, FT, LU e UA, com menores taxas de faltas no cache e uso de barramento tipicamente inferior a 50%.

taxa de faltas no cache L2 (%) =
$$\frac{100 \times L2_LINES_IN.SELF.ANY}{INST_RETIRED.ANY}$$
(4.4)

A diferença entre os comportamentos das curvas de uso de barramento e das curvas de faltas no cache pode ser atribuída à diferença de compartilhamento dos dispositivos. Enquanto o barramento de memória é compartilhado por todos os oito *cores* da máquina, o segundo nível de cache é compartilhado por apenas dois *cores*. Na máquina utilizada, a taxa de faltas em L2 não é um indicativo de limitações para a escalabilidade.

Restrições no tempo de uso das demais máquinas usadas nos testes, associadas à curta duração dos programas na classe A limitaram as execuções à classe B para BT, SP e UA e classe C para CG, EP, FT, LU e MG nos outros três sistemas. Em AMD, devido à menor capacidade da memória principal, a aplicação FT não pôde ser executada na classe C, sendo substituída pela classe B. Eventos de *hardware* também não puderam ser observados.



Figura 4.16: Taxas de faltas no cache de nível 2 para NPB classe A em SGI.



Figura 4.17: Taxas de faltas no cache de nível 2 para NPB classe B em SGI.



Figura 4.18: Taxas de faltas no cache de nível 2 para NPB classe C em SGI.

O speedup e a eficiência de NPB em **HP**, que possui doze *cores*, são mostrados nas figuras 4.19 e 4.20, respectivamente, obtidos de médias de 10 execuções de cada aplicação em cada grau de paralelimo, totalizando 60 horas de uso. Apesar da maior largura de banda de memória disponível. EP não foi capaz de apresentar speedup linear, atingindo eficiência de cerca de 70% com 12 threads, embora tenha sido a aplicação com melhor escalabilidade. UA, MG e SP apresentaram os menores speedups, seguidos de perto por CG e FT. As figuras mostram uma diminuição significativa nas taxas de crescimento das curvas de speedup para CG, FT, MG e SP a partir de seis threads, e diminuição de speedup para SP e MG com doze threads. BT e LU, por outro lado, apresentaram melhores ganhos de desempenho com mais *threads*, embora BT sofra uma redução da taxa de melhoria de oito para doze threads e LU atinja o pico de desempenho com dez threads, diminuindo em seguida. Também nesta máquina nenhuma aplicação apresentou melhoria de desempenho com mais threads do que cores. Em comparação com SGI, as aplicações obtiveram speedups máximos maiores e limitações para a escalabilidade surgiram, pois algumas aplicações que escalavam até a quantidade de *cores* em SGI não conseguiram aproveitar todos os *cores* de HP. Análise mais detalhada, considerando os eventos de hardware, é necessária para compreender essa diferença de comportamento.

A figura 4.21 mostra o speedup de NPB em AMD, ao passo que a figura 4.22 mostra



Figura 4.19: Curvas de speedup para NPB na máquina HP.



Figura 4.20: Curvas de eficiência para NPB na máquina HP.



Figura 4.21: Curva de speedup para NPB na máquina AMD.

sua eficiência. Nesta máquina de 4 *cores* com um grande cache de nível 3 compartilhado por todos eles, todas as aplicações obtiveram o melhor desempenho com quatro *threads*, com os menores ganhos em MG, SP e UA. EP atingiu *speedup* linear e CG atingiu *speedup* superlinear, com eficiência de 118,97% em 2 *threads*. Nenhuma aplicação desempenhou melhor com mais *threads* do que *cores*, ficando tipicamente mais lentas. A ordem relativa de *speedup* entre os *benchmarks* foi parecida com SGI, exceto por CG, embora esta aplicação tenha escalado até 4 *cores* em ambas as máquinas. A pequena quantidade de *cores* nesta máquina impediu que as limitações vistas em SGI e HP surgissem.

As curvas de *speedup* das execuções iniciais de NPB no sistema **MTL** são mostradas na figura 4.23. Todas as aplicações sofreram uma queda brusca no desempenho entre 38 e 40 *threads*, possivelmente devido à migração de *threads* para outro domínio NUMA (outro processador), deixando-as distantes de seus dados. As execuções posteriores, realizadas fixando-se cada *thread* a um *core* específico através da variável de ambiente GOMP_CPU_AFFINITY da biblioteca GNU OpenMP (FREE SOFTWARE FOUNDATION, INC., 2006a), não exibiram este comportamento, como indicado nas curvas de speedup da figura 4.24 e nas curvas de eficiência da figura 4.25. Foram realizadas 10 execuções em cada grau de paralelismo, totalizando 47 horas. Com afinidade de CPU, a queda de desempenho ocorre quando há mais *threads* do que os 40 *cores* disponíveis, com excessão



Figura 4.22: Curva de eficiência para NPB na máquina AMD.

de MG, que tem melhor *speedup* com 38 *threads* e redução de desempenho com 40 *threads*. SP tem curva de *speedup* similar à de MG, porém cessa de crescer em 34 threads e decai em 44 threads, com três intervalos em que há certa estabilização do speedup: 18 a 24 threads, 26 a 32 threads e 34 a 40 threads, o que se reflete em quedas serrilhadas em sua eficiência. MG e SP atingem eficiência máxima de apenas 30% a partir de dez threads, chegando a cerca de 20% em 40 threads. EP tem speedup linear e eficiência de 100% até 40 threads. BT, CG, FT e LU têm escalabilidades semelhantes entre si. BT apresenta três regiões de estabilidade: 22 e 24 threads, 26 a 32 threads e 34 a 40 threads; seu speedup máximo em 34 threads é 1,06% superior ao speedup com 40 threads. LU tem uma região de estagnação de 32 a 38 threads e speedup máximo com 40 threads. FT e CG também têm speedup máximo com 40 threads. UA apresenta melhoria de apenas 2,8 vezes em seu tempo de execução com até 10 threads, porém exibe um salto na taxa de ganhos a partir de 12 threads, melhorando sua eficiência de 28,41% com 10 threads para 54,23% com 40 threads. LU também exibe aumento na taxa de melhoria de speedup em duas situações: com mais de 10 threads e com mais de 22 threads. A figura 4.25 mostra que dez threads, exatamente a quantidade de *cores* em cada processador da máquina, é um ponto de mudança de comportamento de eficiência para todos os programas, exceto BT e EP, com redução da taxa de queda e até mesmo aumento da eficiência. O mesmo fenômeno não se

benchmark	ganho (%)
LU	27,06
MG	$19,\!66$
CG	$14,\!18$
UA	$10,\!34$
SP	$7,\!39$
FT	$7,\!20$
BT	4,61
EP	2,78

Tabela 4.2: Aumento médio de *speedup* máximo para NPB em MTL com o uso de afinidade de CPU.

observa em 20 ou em 30 *threads*. Uma comparação com os resultados de SGI, HP e AMD aponta semelhanças no comportamento de MG e SP, além de, naturalmente, EP.

Afinidade de CPU foi usada somente em MTL, pois as demais máquinas tinham organização de memória do tipo UMA, sem possibilidade de penalização por acessos a certas posições da memória, o que certamente não significa que afinidade de CPU seria prejudicial para as execuções. A tabela 4.2 indica os ganhos médios de *speedup* máximo de NPB com o uso de afinidade de CPU em MTL em relação à sua ausência. Os programas mais beneficiados por afinidade de CPU foram, em geral, os que apresentaram maior taxa de uso de barramento em SGI.

4.5 STREAM

4.5.1 Speedup

O benchmark de memória STREAM também foi executado nos quatro sistemas computacionais disponíveis. Suas curvas de speedup são mostradas na figura 4.26, ao passo que sua eficiência é mostrada na figura 4.27. Execuções com muito mais threads do que a quantidade de cores disponíveis não foram realizadas, pois já foi mostrado que não são vantajosas neste tipo de aplicação; por isso há diferentes quantidades de threads nas figuras de speedup e de eficiência. Os ganhos de desempenho com a adição de threads são bem modestos, atingindo um speedup máximo de apenas 7,56 no sistema com 40 cores; nos demais sistemas, as variações no speedup deixam de ser significativos a partir de 4 threads. Assim como observado em NPB, há uma alteração expressiva na taxa de aumento de speedup de STREAM em **MTL** com mais de dez threads, suficiente para estabilizar a eficiência das execuções em 19%. Não foram observadas reduções do tempo de execução



Figura 4.23: Curvas de speedup para NPB na máquina MTL sem afinidade de CPU.



Figura 4.24: Curvas de *speedup* para NPB na máquina MTL com afinidade de CPU ativa.



Figura 4.25: Curvas de eficiência para NPB na máquina MTL com afinidade de CPU ativa.

de STREAM com mais *threads* do que *cores*. A figura 4.28 mostra que há um aumento crescente no tempo de CPU registrado em cada sistema até a quantidade de *threads* ser igual à quantidade de *cores*, exceto em **MTL**, onde o tempo de CPU se estabiliza em cerca de 5,25 vezes o tempo da versão sequencial.

4.5.2 Taxa de uso de barramento e taxas de faltas no cache

As taxas de uso de barramento, de faltas no cache de nível 1 e de faltas no cache de nível 2 de STREAM em **SGI** são indicadas na tabela 4.3. A escalabilidade ruim de STREAM se deve à intensa competição pelo barramento de memória, indicada pelo elevado uso do barramento, acima de 70% desde a execução sequencial, e altas taxas de faltas em L2, o que é um comportamento esperado para uma aplicação que se dispõe a medir a largura de banda do canal de acesso à memória. O aumento da taxa de uso deste barramento conforme o acréscimo de *threads* torna as instruções de acesso à memória mais lentas, uma vez que a chance de uma *thread* encontrar o barramento ocupado e precisar aguardar sua liberação é alta. Os maiores tempos de espera por acessos à memória justificam os aumentos de tempo de CPU, uma vez que a medição de tempo de CPU de



Figura 4.26: Curvas de speedup para STREAM nos quatro sistemas testados.

um processo feita pelo sistema operacional é initerrupta e independe das atividades que estiverem sendo realizadas pela aplicação. A estabilização do tempo de CPU em **MTL** evidencia, por sua vez, uma vantagem da descentralização do subsistema de memória na organização NUMA, pois a competição pelo acesso à memória se concentra tipicamente nas *threads* que executam nos *cores* de um mesmo nó NUMA, pouco afetando as *threads* que executam nos demais nós.

Para confirmar que o aumento do tempo de CPU em execuções com maior grau de paralelismo se deve às maiores competições pelo acesso ao barramento de memória, o *benchmark* STREAM foi executado na versão sequencial, chamada aqui de STREAM*base*, em **SGI**, concorrentemente com uma carga de trabalho extra. Tal carga de trabalho adicional consistiu também de STREAM, nas versões sequencial e paralela com diversos graus de paralelismo. Foram medidos o tempo decorrido e o tempo de CPU de STREAM*base* para cada carga de trabalho extra em co-execução. Em todas as execuções, **um** processo de STREAM-*base* foi executado concorrentemente com **um** processo da carga de trabalho adicional. A figura 4.29 mostra o tempo de CPU e o tempo decorrido de cada execução de STREAM-*base* com cargas de trabalho extra em relação ao tempo correspondente de STREAM-*base* sem a presença de cargas de trabalho adicionais. Embora o total de operações de processamento e de acesso à memória de STREAM-*base* seja o mesmo, já



Figura 4.27: Curvas de eficiência para STREAM nos quatro sistemas testados.



Figura 4.28: Tempo de CPU para STREAM nos quatro sistemas testados (em relação à versão sequencial).

uso de barramento (%)	faltas em L1 (%)	faltas em L2 (%)
$74,6\ \pm 3,31$	$4,89{\pm}0,14$	$4,84{\pm}0,24$
$82,24{\pm}5,62$	$4,21{\pm}0,38$	$4,16{\pm}0,39$
$88,19\pm 5,62$	$4,11{\pm}0,12$	$4,09{\pm}0,22$
$89,76 \pm 8,69$	$4,01{\pm}0,25$	$3,85{\pm}0,26$
$91,13\pm 3,10$	$4,28{\pm}0,35$	$4,24{\pm}0,17$
$90,56{\pm}3,02$	$4,28{\pm}0,06$	$4,25{\pm}0,24$
	uso de barramento (%) $74,6 \pm 3,31$ $82,24\pm 5,62$ $88,19\pm 5,62$ $89,76\pm 8,69$ $91,13\pm 3,10$ $90,56\pm 3,02$	uso de barramento (%)faltas em L1 (%) $74,6 \pm 3,31$ $4,89\pm0,14$ $82,24\pm5,62$ $4,21\pm0,38$ $88,19\pm5,62$ $4,11\pm0,12$ $89,76\pm8,69$ $4,01\pm0,25$ $91,13\pm3,10$ $4,28\pm0,35$ $90,56\pm3,02$ $4,28\pm0,06$

Tabela 4.3: Taxas de uso de barramento e de faltas no cache para STREAM em SGI.

que o programa não sofreu alterações, o tempo de CPU e o tempo decorrido aumentaram conforme mais *threads* foram utilizadas pela carga de trabalho adicional, que provocaram maiores contenções pelo barramento compartilhado.

4.6 Multiplicação de matrizes

Um programa de multiplicação de matrizes, MultMat, foi desenvolvido em Fortran para encerrar a análise de escalabilidade. O tamanho das matrizes A, B e C para a operação $C_{1000\times1000} = A_{1000\times30000}.B_{30000\times1000}$ foi escolhido de forma a exceder a capacidade do último nível de cache em todas as máquinas usadas. A figura 4.31 mostra seu *speedup* e a figura 4.30 mostra sua eficiência nos sistemas SGI, AMD e MTL; o sistema HP não estava disponível para este teste. Os maiores *speedups* foram atingidos na quantidade de *threads* igual à quantidade de *cores* de cada máquina e corresponderam a 80%, 106% e 72% do *speedup* linear em SGI, AMD e MTL, respectivamente, com eficiência superior a 74%. O aumento de tempo de CPU de MultMat foi inferior a 29% nos três sistemas, excedendo 60% apenas com mais *threads* do que *cores* em SGI, indicando baixa taxa de uso de barramento, compatível com os *speedups* observados. As medições de uso de barramento e de faltas no cache são apresentadas na tabela 4.4 e confirmam a menor taxa de acessos à memória.

4.7 Conclusões

As análises da seção anterior conduzem à conclusão de que, para os programas e máquina testados, a taxa de faltas no cache de nível 1 não é indicativo de escalabilidade. A taxa de faltas no cache de nível 2 é uma melhor estimativa; contudo, é limitada pelo baixo grau de compartilhamento do cache pelos *cores* na máquina utilizada. A taxa de uso do barramento de memória se mostrou como um indicador mais acurado para



Figura 4.29: Tempo de CPU e tempo decorrido de STREAM-*base* para cada carga de trabalho adicional em SGI, em relação à execução sem perturbação.



Figura 4.30: Curvas de speedup para MultMat nos três sistemas testados.



Figura 4.31: Curvas de eficiência para MultMat nos três sistemas testados.

threads	uso de barramento (%)	faltas em L1 (%)	faltas em L2 (%)
sequencial	$21,41\pm0,53$	$19,53{\pm}1,52$	$1,81{\pm}0,11$
2	$39,16{\pm}2,97$	$19,52{\pm}1,62$	$1,8 \pm 0,04$
4	$43,\!18{\pm}0,\!83$	$19,51{\pm}1,10$	$1,8 \pm 0,16$
8	$60,5 \pm 3,84$	$19,\!39{\pm}1,\!15$	$1,\!67{\pm}0,\!15$
10	$88,03 \pm 3,74$	$19,58{\pm}1,34$	$2,27{\pm}0,10$
12	$87,95{\pm}4,91$	$19,58{\pm}1,73$	$2,94{\pm}0,15$
16	$79,89{\pm}1,43$	$19,\!58{\pm}0,\!48$	$2,44{\pm}0,07$
20	$84,06\pm 2,25$	$19,6 \pm 1,31$	$3,01{\pm}0,26$
24	$77,54{\pm}4,72$	$19,57{\pm}0,51$	$2,72{\pm}0,08$
32	$81,4 \pm 4,30$	$19,\!58{\pm}0,\!85$	$2,71{\pm}0,25$

Tabela 4.4: Taxas de uso de barramento e de faltas no cache para MultMat em SGI.

a escalabilidade, indicando restrições para o aumento de desempenho com taxas de uso superiores a 70%.
Capítulo 5

Influência da granularidade dos acessos na escalabilidade de aplicações paralelas

Conforme exposto no capítulo 1, granularidade é, no contexto deste trabalho, a proporção entre acessos à memória e processamento. Neste capítulo é abordada a relação entre granularidade e desempenho de execução paralela como uma possível limitação para a escalabilidade. A seção 5.1 inicia com medições de propriedades relevantes dos sistemas computacionais utilizados. Na seção 5.2, são apresentados os valores de granularidade de *loop* para as aplicações observadas, enquanto suas granularidades efetivas são apresentadas na seção 5.3. A relação entre granularidade e medidas indicativas de desempenho é estabelecida na seção 5.4. Variações na granularidade são estudadas na seção 5.5, ao passo que variações na localidade são estudadas na seção 5.6. A seção 5.7 conclui com considerações sobre o uso de granularidade na determinação automática da quantidade de *threads*.

5.1 Caracterização dos sistemas computacionais

Algumas propriedades dos sistemas computacionais relevantes para a análise da granularidade foram registradas para as quatro máquinas testadas. A tabela 5.1 relaciona a velocidade de CPU, a largura de banda de memória e o *machine balance* de cada computador. A coluna MFLOPS indica a velocidade média de um único *core* no problema resolvido por Linpack em execuções unicamente sequenciais com *arrays* de 200 posições. A largura de banda foi considerada como o maior valor medido pelo componente Triad do *benchmark* STREAM entre execuções sequenciais e paralelas com quantidade de *threads* variando de 2 até o número de *cores* disponíveis. Duas medidas estão presentes: MBytes/s,

máquina	MFLOPS 1 core	MFLOPS total	MBytes/s	MWords/s	β_M
SGI	$1548,7\pm 33$	12389,6	$5739,5\pm 95$	717,4	0,057903
HP	$1736,8\pm83$	20841,6	$21434,7\pm224$	2679,3	0,128555
AMD	$1865,1\pm40$	7460,4	$5259,9\pm903$	657,5	0,088132
MTL	$1365,8{\pm}115$	54600,0	$36903,8{\pm}1485$	4613,0	0,084487

Tabela 5.1: Velocidade de processamento de um *core* e hipotética total, largura de banda e β_M dos sistemas computacionais testados.

que é a medida utilizada por STREAM, e MWords/s, obtida dividindo-se o valor médio em MBytes/s pela quantidade de *bytes* usada para representar um número real de precisão dupla; nos processadores e compilador utilizados, cada número real de precisão dupla é representado por oito *bytes*. A relação β_M (machine balance) entre largura de banda de memória (em MWords/s) e velocidade de processamento foi calculada segundo a equação 1.6, porém considerando uma velocidade hipotética do processador como sendo a velocidade média em MFLOPS de um *core* no Linpack multiplicada pela quantidade de *cores* disponível.

5.2 Granularidade de loop

A granularidade de loop, γ_L , foi determinada pela equação 3.1. Com exceção de Mult-Mat, as aplicações observadas possuem diversos *loops* paralelos, cada um com sua própria granularidade. Para os fins desta análise foi escolhido apenas um valor de granularidade de *loop* para cada aplicação, ou componente de aplicação, como no caso de STREAM, indicado na tabela 5.2. A escolha deste valor para as aplicações de NPB exigiu a determinação dos trechos dos programas que mais consumiram tempo de execução. A figura 5.1 mostra a distribuição do tempo de execução das aplicações de NPB classe B na máquina SGI pelas suas funções, onde primeira, segunda, terceira, quarta e quinta indicam as cinco funções que executaram por mais tempo, enquanto outras representa o somatório de tempo de execução das demais funções. Esta distribuição de tempo foi obtida a partir da execução paralela com 8 threads, e em graus de paralelismo inferiores os resultados foram similares. As aplicações CG, FT e MG destacam-se na figura 5.1 por possuírem uma função que ocupa ao menos 50% do tempo de execução. No caso de MG, a segunda função mais demorada é similar à primeira, essencialmente aumentando o intervalo de abrangência para mais de 80%. A segunda função mais demorada de EP é uma chamada a uma rotina da biblioteca matemática a partir da primeira função. Nestes quatro casos, a granularidade assumida para representar o programa é a granularidade do *loop* paralelo

programa		γ_L	
	BT	0,856	
	CG	$1,\!800$	
	\mathbf{EP}	0,211	
NDD	FT	1,333	
NPB	LU	0,807	
	MG	$1,\!667$	
	SP	$1,\!894$	
	UA	$1,\!615$	
	STREAM	2,500	
	COPY	∞	
STREAM	SCALE	$1,\!637$	
	ADD	3,000	
	TRIAD	1,500	
Mult	1		

Tabela 5.2: Granularidade de loop das aplicações de NPB, STREAM e MultMat.

principal da função mais demorada, a saber $conj_grad$ (CG), MAIN (EP), fftz2 (FT) e resid (MG). A análise dos demais programas não é trivial devido à menor diferença dos tempos de execução entre as funções principais; é de se esperar que a análise seja menos precisa quanto menor for a participação da função escolhida no tempo total da aplicação. BT e SP são estruturalmente parecidos, diferenciando-se no algoritmo de resolução do problema, implementado nas funções x_solve , y_solve e z_solve . Cada uma destas funções é composta unicamente de um grande *loop* paralelo com a mesma granularidade, sendo este o valor adotado para representar a respectiva aplicação. Para LU foi adotada, para simplificar, a granularidade da função mais custosa, com a ressalva de que não é representativa da aplicação como um todo, já que a função ocupa menos de 40% do tempo de execução. UA é um caso especial, por fazer uso de *locks* OpenMP para garantir a consistência de alguns dados compartilhados por suas *threads* e também por ter função mais custosa cobrindo um intervalo relativamente curto do tempo de execução (inferior a 30%). Não obstante, foi adotada a granularidade da função principal, com a mesma ressalva aplicada a LU.

Em MultMat, devido à soma parcial, o acesso ao array C, fora do loop mais interno, não foi considerado na granularidade uma vez que o loop interno é executado mais frequentemente do que o acesso a C. Tamanhos de matrizes maiores aumentam a diferença; para os tamanhos de matrizes $C_{1000\times1000} = A_{1000\times30000}.B_{30000\times1000}$, o loop interno é executado 4197 vezes mais do que a linha que acessa c(j,i), resultando em uma granularidade igual a cerca de 1,00024.



Figura 5.1: Tempo de execução das cinco funções mais demoradas de cada aplicação de NPB classe B em SGI.

Os valores de γ_L para STREAM presentes na tabela 5.2 foram determinados considerando inicialmente os *loops* principais como um todo, na linha STREAM, e separadamente, nas linhas COPY, SCALE, ADD e TRIAD. O valor ilimitado de γ_L para COPY é devido à ausência de processamento sobre os dados dos dois *arrays* envolvidos.

5.3 Granularidade efetiva

A granularidade efetiva γ_E , que indica a taxa real média com que dados foram acessados na memória em relação ao processamento de ponto flutuante, foi calculada pela equação 3.2 a partir da observação de eventos do *hardware*. Na equação 3.2, *n* assumiu o valor **8**, indicando que cada linha de cache foi ocupada por oito palavras de dados do tipo ponto flutuante de precisão dupla, uma vez que uma linha de cache nos processadores empregados tem capacidade para 64 *bytes* e cada palavra de dados de tal tipo no compilador utilizado ocupa 8 *bytes*. Os valores obtidos de γ_E são mostrados nas figuras 5.2, 5.3 e 5.4 para NPB em SGI. Os desvios padrão correspondentes são apresentados no apêndice A.

A vantagem do uso do mecanismo de cache é notada imediatamente, pois enquanto a maior granularidade de *loop* de NPB na tabela 5.2 é de 1,894 em SP, indicando, em média,

1894 acessos a arrays a cada 1000 flops, a mesma aplicação exibe granularidade efetiva média igual a 80 acessos à memória para cada 1000 flops na configuração de 8 threads na classe C. Se o processador não possuísse memória cache, todos os 1894 acessos a arrays de SP, representados por γ_L , seriam realizados na memória principal a cada 1000 flops executadas. Nos três tamanhos de problema, a aplicação EP apresenta granularidade efetiva inferior a 1 acesso para cada 1000 *flops* com até 8 *threads*, e mesmo nas execuções com mais threads do que cores esse valor não excede 6 acessos em 1000 flops, o que é compatível com seu baixo valor de granularidade de *loop* na tabela 5.2. BT apresenta o segundo menor valor de γ_E nas três classes e o terceiro menor de γ_L , bem próximo ao segundo valor. FT tem granularidade de *loop* maior do que EP e BT, e maior granularidade efetiva do que ambos. O valor de γ_L de LU é o segundo menor de NPB, porém sua curva de γ_E oscila, ora sendo a terceira menor, ora sendo a quarta menor. CG tem, em geral, granularidade efetiva superior às demais aplicações e o segundo maior γ_L de NPB. MG e SP têm granularidades efetivas semelhantes, apesar da diferença absoluta de cerca de 0,2 entre suas granularidades de loop. UA tem γ_E inferior a 0,02 com até 8 threads na classe A, porém 0,06 na classe B e 0,07 na classe C; sua granularidade de *loop* é próxima à de CG. As figuras 5.2, 5.3 e 5.4 indicam dois grupos de aplicação: BT, EP, FT e LU com γ_E tipicamente inferior a 0,03 para até 8 threads; e CG, MG, SP e UA, com com γ_E excedendo 0,05.

De modo geral, é possível estabelecer uma correspondência entre granularidade de loop e granularidade efetiva, pois aos baixos valores de γ_L na tabela 5.2 corresponderam baixos valores de γ_E , e altos valores de γ_L corresponderam a altos valores de γ_E , embora a ordem dos programas segundo γ_L não seja exatamente a mesma que segundo γ_E . A diferença de granularidade de loop entre BT e SP relaciona-se com a diferença significativa entre suas curvas de γ_E . Os elevados valores de γ_L de CG e MG são compatíveis com seus elevados valores de γ_E , sendo que a maior granularidade efetiva de CG pode estar relacionada à aleatoriedade de seus acessos, conforme a descrição do benchmark. FT possui granularidade de loop intermediária e γ_E tipicamente maior do que os programas do primeiro grupo. Os resultados para LU e UA são menos significativos, como exposto na seção 5.2.

A figura 5.5 mostra a granularidade efetiva de MultMat em SGI. Esta aplicação tem valores de γ_E equivalentes aos valores intermediários nos gráficos de NPB, apesar de baixo valor de γ_L na tabela 5.2.

A granularidade efetiva de STREAM em SGI, tanto do programa completo quanto



Figura 5.2: Granularidade efetiva de NPB classe A na máquina SGI.



Figura 5.3: Granularidade efetiva de NPB classe B na máquina SGI.



Figura 5.4: Granularidade efetiva de NPB classe C na máquina SGI.

de seus quatro *loops* paralelos, é mostrada na figura 5.6. Seus valores elevados de granularidade de *loop* na tabela 5.2 são compatíveis com os numerosos acessos à memória em relação ao processamento, com granularidade efetiva ultrapassando 100 acessos por 1000 flops já em 2 threads. O valor ilimitado de γ_L para o componente COPY faz com que sua granularidade efetiva seja a maior deste trabalho, atingindo 1440 acessos a cada 1000 flops (executados em outras partes do programa) com 8 threads. A ordem relativa entre os demais componentes sob γ_L , a saber ADD, SCALE e TRIAD, reflete-se na granularidade efetiva, com a curva de ADD superior à de SCALE e esta superior à de TRIAD. Um aspecto importante dos resultados de TRIAD é que cada *loop* paralelo tem seu próprio valor de γ_L , que não é o mesmo quando se considera hipoteticamente os quatro componentes como um único *loop*. A granularidade efetiva média do programa como um todo é maior do que a granularidade efetiva média de SCALE e de TRIAD, ligeiramente menor do que a de ADD e chega a ser 64,4% menor do que a de COPY. A diferença nas granularidades entre os trechos do programa indica diferentes limitações ao paralelismo. A consequência imediata desta observação é que uma ferramenta que considere granularidade de loop na análise automática de escalabilidade deve determinar γ_L para cada loop paralelo, permitindo possivelmente diferentes quantidades de threads para diferentes trechos do programa.



Figura 5.5: Granularidade efetiva de MultMat e de suas variações na máquina SGI.



Figura 5.6: Granularidade efetiva de STREAM na máquina SGI.

5.4 Relação com o desempenho

A taxa de uso de barramento de memória, apresentada na seção 4.4 para NPB, e a granularidade efetiva, apresentada na seção 5.3, são ambas métricas baseadas na contagem absoluta de acessos à memória, com a primeira relacionando-se com o tempo decorrido e a segunda com instruções de aritmética de ponto flutuante. Logo, é imediato que haja forte correspondência entre as duas observações, embora uma correlação perfeita e proporcional seja improvável, já que os programas realizam outras operações além de cálculos em ponto flutuante, e mesmo no conjunto destas há diferenças de duração entre instruções diversas. Ainda assim, programas com elevada taxa de uso de barramento nas figuras 4.7, 4.8 e 4.9 exibiram granularidade efetiva elevada nas figuras 5.2, 5.3 e 5.4, como CG, MG e SP, enquanto programas com uso mais ameno de barramento exibiram granularidade efetiva

Uma vez que granularidade efetiva está relacionada com taxa de uso de barramento, então também pode ser associada com a escalabilidade. As figuras 4.1, 4.3 e 4.5, que mostram as curvas de speedup de NPB em SGI nas classes A, B e C, respectivamente, manifestam características semelhantes às das curvas de γ_E , mostradas nas figuras 5.2, 5.3 e 5.4. Os maiores speedups são de, principalmente, EP, BT e FT, que apresentam baixa granularidade efetiva; os menores *speedups* são de, principalmente, MG e SP, que possuem granularidade efetiva elevada. Assim como em speedup, há mais inversões de comportamento das curvas de granularidade efetiva com o aumento de *threads* nos problemas menores. Os curtos tempos de execução na classe A, em muitos casos inferiores a um minuto, sugerem maior sobrecarga da paralelização. Segue-se, então, que granularidade de loop é associada à escalabilidade, pois as aplicações com baixo valor de γ_L , EP e BT, apresentaram speedups elevados em SGI, tipicamente acima de 4, conseguindo escalar até a quantidade de threads igual ao número de cores. A aplicação FT, que possui valor intermediário de γ_L , apresentou *speedups* intermediários, por volta de 4. Já as aplicações com valor de γ_L elevado, MG e SP, apresentaram speedups inferiores a 4 em SGI e, nos tamanhos de problema B e C, escalaram apenas até 4 threads, falhando em aproveitar todos os recursos computacionais disponíveis. Mesmo nos casos de LU e UA, em que o loop paralelo escolhido para representar a aplicação é pouco significativo para o comportamento total (em relação ao *loop* escolhido para as demais aplicações), há indícios de uma correspondência entre granularidade de *loop* e escalabilidade, pois ambas as aplicações, com γ_L inferior à de CG e SP, exceto LU.B, conseguem apresentar ganhos de desempenho com até 8 threads, ainda que modestos nas classes B e C. O menor valor de γ_L para LU é compatível com seus maiores valores de *speedup* em relação a UA. Os pequenos *speedups* de UA em SGI nas classes B e C, inferiores a 2,5, também são justificados pelo uso de *locks* OpenMP, que atuam essencialmente serializando os acessos por eles protegidos.

Similarmente ao que ocorre com NPB, os elevados valores de γ_L para STREAM correspondem à sua elevada taxa de uso de barramento em SGI, indicada na tabela 4.3, enquanto o baixo valor de γ_L de MultMat causa uma taxa de uso de barramento mais moderada, como mostrado na tabela 4.4. Também nestes dois programas a granularidade de *loop* sugere uma associação com a escalabilidade.

A comparação direta entre $\gamma_L \in \beta_M$ é inadequada devido ao mecanismo de cache, que possui diferentes níveis, capacidades e graus de compartilhamento entre os sistemas computacionais; ainda assim, é esperado que β_M mais elevado garanta melhor escalabilidade para um mesmo valor de γ_L . De fato, a maior largura de banda de HP em comparação a SGI, refletida em sua maior proporção β_M , garantiu melhores escalabilidades para as aplicações com granularidade γ_L maior. As aplicações CG, MG e SP, que em SGI apresentam limitação clara à escalabilidade em 4 *threads*, conseguiram escalar em HP no mínimo até 6 *threads*, como observado na figura 4.19, com CG e MG diminuindo consideravelmente seu ritmo de crescimento de *speedup* somente em 8 *threads*. Esta melhoria, contudo, não foi proporcional ao incremento de 122,02% em β_M ; a escalabilidade de FT, por outro lado, foi prejudicada na execução em HP e apresentou estagnação a partir de 6 *threads*, o que pode estar associado a especificidades do algoritmo utilizado.

Desconsiderando as situações em que há mais threads do que cores, já abordadas como não causando melhorias na execução dos programas, na máquina AMD não se manifestaram na escalabilidade limitações severas o suficiente para impedir ganhos com o acréscimo de threads, pois todas as aplicações testadas, incluindo STREAM, conseguiram obter diminuições no tempo de execução com mais threads, mesmo que modestas. As aplicações com menor γ_L apresentaram menores speedups, e as com maiores γ_L , maiores speedups. O comportamento inesperado do speedup de CG pode estar associado a potenciais diferenças na localidade de seus acessos e à diferente organização de cache entre as duas máquinas. A pequena quantidade de cores em AMD prejudica a apreciação de potenciais benefícios com seu maior β_M em relação a SGI, embora teriam valor de β_M próximos se possuíssem a mesma quantidade de cores.

O sistema MTL, embora possua a segunda menor proporção β_M , apresenta escalabilidade superior aos demais. Apesar do baixo valor de granularidade de *loop* de EP garantir a maior curva de *speedup* na figura 4.24 e os valores elevados de granularidade de MG, SP e STREAM induzirem as curvas de *speedup* mais baixas, não há uma separação clara entre o comportamento de *speedup* de BT, CG, FT e LU, que apresentam γ_L variando de 0,856 até 1,800. Além de diferentes localidades de acesso entre as aplicações, a organização de memória NUMA contribui para tal resultado; na prática, impedindo-se que *threads* sejam executadas em *cores* diferentes de onde já executaram e assumindo que os dados são mantidos pela biblioteca de *threads* e pelo sistema operacional no nó NUMA mais próximo ao *core* que os usam, a competição pelos acessos à memória se dá majoritariamente entre as *threads* que executam nos dez *cores* de cada nó NUMA, e não simplesmente entre todos os 40 *cores* presentes. Uma estratégia de sugestão automática de quantidade de *threads* precisa considerar tais fatores.

Embora a granularidade de loop γ_L , tal como definida neste trabalho, tenha razoável associação com benefícios da paralelização quando se considera apenas as aplicações de STREAM e MultMat, a associação de comportamento entre NPB e STREAM com base em γ_L é falha. As grandes diferenças na granularidade efetiva entre NPB e STREAM são inconsistentes com as pequenas diferenças em γ_L , especialmente entre TRIAD e FT. O valor intermediário de γ_L na tabela 5.2 para o loop TRIAD de STREAM, ligeiramente inferior ao de FT, não garantiu que TRIAD tivesse escalabilidade melhor do que FT. Na verdade, nos sistemas AMD e SGI, tanto STREAM como um todo (mostrado na seção 4.5) quanto seus quatro componentes considerados separadamente apresentaram speedups pequenos, inferiores a 1,7, e cessaram de manifestar melhorias com a paralelização a partir de 4 threads. As diferenças no código-fonte das aplicações apontam três possíveis motivos para esta discrepância: processamento que não foi considerado em γ_L , o modo de acesso aos dados e tamanho dos *arrays* manipulados. Enquanto cada um dos quatro componentes de STREAM é um loop simples, sem aninhamento, FT possui dois loops aninhados na função mais custosa, resultando em operações de controle de iterações mais frequentes. Também há processamento no acesso aos arrays de FT para cálculo de índices, enquanto STREAM acessa seus arrays diretamente com a variável de controle do loop. Os arrays de STREAM são acessados sequencialmente na memória, resultando em localidade espacial máxima, porém nenhuma posição é reusada dentro do *loop*, tornando nula a localidade temporal. O tamanho dos arrays, ajustado para exceder em no mínimo quatro vezes a capacidade de cache do processador, contribui para a ausência dos dados no cache no início de cada *loop*, provocando os frequentes acessos à memória observados na tabela 4.3. As menores taxas de uso de barramento de FT, mostradas nas figuras 4.7, 4.8 e 4.9, sugerem que este *benchmark* tem maior localidade de acessos a dados, indicando que a localidade também é relevante na determinação da quantidade de threads.

pro	grama	γ_L original	γ_L novo	
	EP	0,211	0,267	
NPB	FT	1,333	0,800	
	MG	$1,\!667$	$1,\!000$	
Mult	Mat-fina	1	$1,\!667$	
Mult M	lat-grossa	1	0,500	

Tabela 5.3: Granularidade de loop de aplicações de NPB e MultMat após alterações.

5.5 Variações na granularidade

Algumas aplicações tiveram sua granularidade de *loop* alterada a fim de se avaliar os efeitos na escalabilidade. Devido à maior simplicidade de alteração na granularidade, as aplicações EP, FT e MG de NPB, e também STREAM e MultMat, tiveram suas operações de ponto flutuante e acessos a *arrays* dentro do *loop* paralelo ajustados de forma a obter os novos valores de γ_L indicados na tabela 5.3. As listagens de código-fonte dos *loops* originais e modificados dos referidos programas são mostradas no apêndice B. De EP foram suprimidas uma operação de raiz quadrada, uma de logaritmo, uma divisão e uma multiplicação; em FT foram acrescentadas uma operação de raiz quadrada e uma de logaritmo; em MG, foram adicionadas multiplicações; MultMat-fina recebeu mais três acessos a *arrays* e uma soma; finalmente, MultMat-grossa foi acrescida de uma soma, uma multiplicação e uma divisão. Em todos os casos, as aplicações deixaram de implementar o algoritmo inicial, emitindo resultados errôneos para o problema original, o que foi indiferente para a análise conduzida neste trabalho.

5.5.1 NPB

A granularidade efetiva γ_E em SGI da versão modificada de EP foi igual a um décimo de γ_E da versão original; no entanto, a quantidade absoluta de acessos à memória foi reduzida pela metade, indicando que há outros acessos à memória envolvidos nas rotinas de biblioteca matemática além dos considerados em γ_L . A granularidade efetiva de FT foi igual a cerca de um décimo de γ_E da versão original; e a de MG foi, em média, 16% inferior à de sua contraparte.

Os tempos de execução dos programas alterados foram medidos e seu speedup comparado com a versão original. As figuras 5.7, 5.8, 5.9 e 5.10 mostram as curvas de speedup de EP, FT e MG na classe C nos sistemas SGI, HP, AMD e MTL, respectivamente, tanto na versão original quanto na versão com γ_L alterado. A figura 5.7 mostra que EP com γ_L 26,5% superior que sua versão original, embora em termos absolutos apenas ligeiramente



Figura 5.7: Curvas de *speedup* para as versões originais e com granularidade modificada de EP, FT e MG na máquina SGI.

maior, não apresentou mudanças expressivas em sua escalabilidade em SGI, continuando a apresentar ganhos com o maior uso de *threads*; seu *speedup*, porém, foi 4,07% menor, em média, do que o do programa original. Já FT, com γ_L igual a cerca de 60% da versão original, apresentou grandes melhorias na escalabilidade, com *speedup* máximo até 91% superior ao de sua versão com maior valor de granularidade. MG, por outro lado, com γ_L também igual a cerca de 60% da granularidade da versão original, atingiu *speedup* apenas 3,76% superior à de sua versão sem modificação nas execuções com 4 *threads*. A influência sentida pelo tempo de execução foi variada. EP executou mais rapidamente sem as operações custosas de raiz quadrada e logaritmo, enquanto FT executou até 100% mais demoradamente pela inclusão de tais operações. MG, mesmo realizando mais processamento do que anteriormente, concluiu suas execuções em menos tempo do que sua versão não modificada, no mínimo 4,5% e no máximo 12,4% mais rapidamente que sua contraparte.

No sistema HP, os resultados foram parecidos com SGI. A figura 5.8 mostra que a curva de *speedup* de FT modificado continuou crescendo até doze *threads*, representando uma melhoria de 58,1% em relação à aplicação original nas execuções com quantidade de *threads* igual ao número de *cores*, embora os tempos de execução tenham sido cerca de o



Figura 5.8: Curvas de *speedup* para as versões originais e com granularidade modificada de FT e MG na máquina HP.

dobro da versão original. A versão alterada de MG atingiu *speedup* máximo 11,7% inferior que sua contraparte, porém suas execuções concluíram em menos tempo: a versão com γ_L menor executou ao menos 6,1% mais rapidamente, com 12 *threads*, e até 16,4% mais rapidamente, com 2 *threads*, do que o programa original nos mesmos graus de paralelismo. EP não foi executado em HP.

A escalabilidade em AMD das aplicações selecionadas, exibida na figura 5.9, também aponta maiores *speedups* para a alteração em FT. A diferença entre os *speedups* máximos das duas versões foi de 13,9% com 4 *threads*; o tempo de execução, por sua vez, foi em média 66% maior na versão alterada. Ao contrário das máquinas anteriores, o *speedup* de MG em AMD foi sutilmente maior na versão alterada, em média 1,1% superior. Seu tempo de execução foi cerca de 15% mais rápido do que o original em todos os graus de paralelismo até 4 *threads*. EP também não foi executado em AMD.

Em MTL houve uma pequena diminuição do *speedup* de EP com as modificações, inferior a 4,4%, como mostrado na figura 5.10. Todas as execuções foram mais rápidas que suas correspondentes originais devido à remoção de duas operações matemáticas custosas. A aplicação FT modificada atingiu *speedup* máximo 30% superior à versão original com 40 *threads*, porém seu tempo de execução foi até o triplo do programa original. Esta maior



Figura 5.9: Curvas de *speedup* para as versões originais e com granularidade modificada de FT e MG na máquina AMD.

diferença no tempo de execução em relação aos demais sistemas utilizados é compatível com a maior carga de processamento da alteração de FT e com a menor velocidade de processamento de cada *core* em MTL, como exposto na tabela 5.1. As mudanças fizeram o *speedup* de MG ser em média 5,2% menor que sua versão original, sendo 14,7% inferior nas execuções com 40 *threads*. Seu tempo de execução, contudo, foi em média 25% mais rápido.

Sob o ponto de vista da escalabilidade, FT se beneficiou do maior volume de processamento, atingindo *speedups* maiores, enquanto MG foi ligeiramente prejudicado. Considerando o desempenho absoluto, contudo, FT foi prejudicado com o maior processamento e MG foi beneficiado. A taxa de uso de barramento de acesso à memória, identificada no capítulo 4 como uma importante limitação para a escalabilidade em um sistema *multicore*, é mostrada na figura 5.11 para os três programas alterados em SGI e confirma as diferenças nos tempos e na escalabilidade das execuções. FT teve seu uso de barramento diminuído em até 95% em relação à sua versão original, enquanto MG apresentou redução média de 9% na frequência de uso do barramento em comparação com sua contraparte sem alterações. Os acessos à memória de MG são tão frequentes que o maior volume de processamento diminuiu sua taxa de uso de barramento para abaixo de



Figura 5.10: Curvas de *speedup* para as versões originais e com granularidade modificada de EP, FT e MG na máquina MTL.

80%, minimamente reduzindo a competição pelo acesso à memória e consequentemente diminuindo a latência no acesso à memória.

5.5.2 MultMat

A granularidade efetiva das variações de MultMat em SGI é mostrada na figura 5.12; neste gráfico observa-se que tanto *MultMat-fina* quanto *MultMat-grossa* apresentaram γ_E menor do que a versão original da aplicação. Suas taxas de uso de barramento, indicadas na figura 5.13, associam-se com a granularidade efetiva, com MultMat original apresentando o maior uso, seguido de *MultMat-fina* e *MultMat-grossa*, nesta ordem, apesar do maior valor de granularidade de *loop* de *MultMat-fina* indicar intuitivamente, segundo os resultados da seção 5.4, maior frequência de acessos do que sua versão original. A quantidade absoluta de acessos ao barramento de memória sofreu um aumento de menos de 10% em *MultMat-fina* em relação à versão original, porém a quantidade absoluta de *flops* foi 50% maior que a da versão sem modificação, sugerindo que otimizações do compilador no acesso aos dados, como uso mais frequente de registradores, podem ter sido responsáveis pelo menor uso de barramento. Isto mostra uma limitação da obtenção de γ_L



Figura 5.11: Taxas de uso de barramento de memória para as versões originais e com granularidade modificada de EP, FT e MG na máquina SGI.

diretamente a partir do código-fonte da aplicação, pois desta forma está sujeito a alterações pelo compilador. O compilador mostra-se, então, como o candidato mais apropriado para a determinação da granularidade de *loop*, pois tem acesso a quais instruções do processador serão realmente utilizadas. Houve pequena diferença entre as escalabilidades das duas versões modificadas, como indicado pelas curvas de *speedup* da figura 5.14. Em AMD e SGI, MultMat-grossa teve *speedups* levemente maiores que MultMat-fina; já em MTL, em execuções sem uso de afinidade de CPU, o contrário ocorreu, porém com diferenças mais sutis nos *speedups*. A comparação com a escalabilidade da versão original de MultMat nas mesmas máquinas, mostrada na figura 4.30, mostra que a variação de granularidade testada não afetou a capacidade da aplicação de obter ganhos com o paralelismo.

5.5.3 STREAM

Nos experimentos com as aplicações anteriores, a alteração artificial no volume de processamento e nos acessos aos dados foi feita no código-fonte dos programas, estando sujeitas a mudanças durante as etapas de otimização de código do compilador. Uma abordagem diferente de variação de granularidade foi utilizada em STREAM. Para evi-



Figura 5.12: Granularidade efetiva para as versões original e com granularidade modificada de MultMat na máquina SGI.



Figura 5.13: Taxas de uso de barramento de memória para as versões original e com granularidade modificada de MultMat na máquina SGI.



Figura 5.14: Curvas de *speedup* para as versões de MultMat com granularidade alterada nas máquinas MTL, SGI e AMD.

tar que otimizações do compilador afetassem o processamento introduzido, instruções do processador em linguagem de montagem (assembly) foram adicionadas aos loops de STREAM dentro de blocos demarcados pelas palavras-chave __asm__, para indicar trecho de código em linguagem de montagem, e __volatile__, que indica que uma instrução ou trecho assembly tem efeitos colaterais importantes (FREE SOFTWARE FOUNDATION, INC, 2012), impedindo que o compilador as considere inúteis e as remova. A unidade básica de processamento incluída consistiu da instrução MULSD, pertencente ao subconjunto de instruções SSE2 (Streaming SIMD Extensions 2) e que realiza uma multiplicação entre números escalares de ponto flutuante com precisão dupla. Os dois operandos da multiplicação foram fixados em registradores da CPU. Os componentes de STREAM foram acrescidos dos volumes de processamento adicional 1, 2, 5, 10, 15, 20, 25 e 30 aos seus loops paralelos, sem prejuízo das operações já existentes. Os componentes foram então compilados e executados separadamente na máquina SGI. O código-fonte das mudanças em STREAM é apresentado no apêndice B, na listagem B.10, ao passo que o códigofonte do programa auxiliar que ajusta sua granularidade é apresentado na listagem B.11. As figuras 5.15, 5.16, 5.17 e 5.18 mostram a escalabilidade de COPY, SCALE, ADD e TRIAD, respectivamente. As execuções com maiores volumes de processamento tiveram



Figura 5.15: Curvas de *speedup* para o componente COPY de STREAM com variações no volume de processamento na máquina SGI.

melhor escalabilidade, embora tenha sido necessário grandes volumes de cálculos para a obtenção de *speedups* lineares. As execuções com volume extra de processamento igual a uma multiplicação e a duas multiplicações atingiram *speedup* máximo inferior a 2 em todas as quantidades de *threads* testadas. As execuções com 20, 25 e 30 multiplicações adicionais manifestaram *speedup* linear em todos os componentes, com ganhos no desempenho proporcionais à quantidade de *threads* usadas. ADD e TRIAD exigiram volumes de processamento maiores para habilitar ganhos com o paralelismo, pois as execuções com 10 multiplicações cessaram de apresentar melhorias no *speedup* a partir de 6 *threads*, atingido *speedup* máximo igual a 5 com 8 *threads*, ao passo que as execuções com 15 multiplicações tiveram seu ritmo de crescimento de *speedup* reduzidos a partir de 6 *threads*, atingindo *speedup* máximo inferior a 7,5 com 8 *threads*. Em COPY e SCALE, por outro lado, as execuções com 10 multiplicações conseguiram *speedup* máximo ligeiramente inferior a 7 com oito *threads*, com ganhos expressivos em relação às execuções com 6 *threads*.

As taxas de uso de barramento de COPY, SCALE, ADD e TRIAD em SGI são mostradas, respectivamente, nas figuras 5.19, 5.20, 5.21 e 5.22. Todas as execuções com 1 e 2 multiplicações adicionais ultrapassaram 70% de uso de barramento e as execuções com 5 multiplicações adicionais ultrapassaram 70% com no máximo 4 *threads*. Já as execuções



Figura 5.16: Curvas de *speedup* para o componente SCALE de STREAM com variações no volume de processamento na máquina SGI.



Figura 5.17: Curvas de *speedup* para o componente ADD de STREAM com variações no volume de processamento na máquina SGI.



Figura 5.18: Curvas de *speedup* para o componente TRIAD de STREAM com variações no volume de processamento na máquina SGI.

com 20, 25 e 30 multiplicações sequer atingiram 50% de uso de barramento com até 8 threads. As execuções de COPY e SCALE com 10 multiplicações, que apresentam diminuição do ritmo de crescimento de speedup a partir de 6 threads, excederam 50% de uso de barramento nas mesmas 6 threads, porém só superam 70% com mais threads do que os oito cores da máquina. Em ADD e TRIAD, as execuções com 10 multiplicações excederam 50% de uso de barramento já em 4 threads e superaram os 70% de uso de barramento com seis threads, exatamente no grau de paralelismo em que cessam os ganhos de desempenho. Como, segundo a tabela 3.1, ADD e TRIAD manipulam 3 arrays e COPY e SCALE manipulam apenas 2, foi necessário maior volume de processamento para compensar os acessos mais frequentes a dados na memória em ADD e TRIAD e para igualar a granularidade dos quatro componentes.

5.6 Variações na localidade

Conforme visto na seção 5.4, algumas aplicações com valores próximos de granularidade de *loop* γ_L não tiveram comportamentos parecidos de escalabilidade, sugerindo que a localidade dos acessos aos dados pode ser um fator influente na paralelização. Nesta



Figura 5.19: Taxas de uso de barramento de memória para o componente COPY de STREAM com variações no volume de processamento na máquina SGI.



Figura 5.20: Taxas de uso de barramento de memória para o componente SCALE de STREAM com variações no volume de processamento na máquina SGI.



Figura 5.21: Taxas de uso de barramento de memória para o componente ADD de STREAM com variações no volume de processamento na máquina SGI.



Figura 5.22: Taxas de uso de barramento de memória para o componente TRIAD de STREAM com variações no volume de processamento na máquina SGI.



Figura 5.23: Curvas de *speedup* para as versões originais e as com *loops* invertidos de FT e MG na máquina SGI.

seção, são apresentados resultados de desempenho de algumas aplicações após alteração da localidade dos acessos. As mudanças foram realizadas em FT, MG e MultMat e consistiram na inversão dos *loops* aninhados dentro da função mais custosa de cada aplicação. Em FT, os dois *loops* mais internos foram alternados; em MG, o *loop* mais interno foi trocado pelo mais externo; em MultMat, o *loop* mais interno, da variável de iteração k, foi invertido com o *loop* de nível imediatamente superior, da variável de controle j, transformando o grupo de *loops ijk* em *ikj* e resultando no programa *MultMat-inv*. Ao contrário do ocorrido na seção 5.5, a alteração da localidade dos acessos aos dados não altera o resultado do problema tratado na aplicação.

A escalabilidade de FT e MG é comparada com suas versões de localidade modificada nas figuras 5.23 e 5.24 nos sistemas SGI e MTL, respectivamente. Em SGI, a inversão dos *loops* causou melhoria na escalabilidade, provocando aumento de até de 18% no *speedup* máximo de FT e de até 66% no *speedup* máximo de MG. Não obstante, o tempo de execução foi prejudicado, sofrendo aumento médio de 6% em FT e de espantosos 500% em MG, o que aponta para um menor aproveitamento dos dados no cache e consequente maior uso de barramento. MG também sofreu aumento excessivo de seu tempo de execução em MTL, que foi em média 580% superior ao tempo das execuções sem inversão de *loops*;



Figura 5.24: Curvas de *speedup* para as versões originais e as com *loops* invertidos de FT e MG na máquina MTL.

sua escalabilidade, contudo, foi tal a ponto de permitir *speedup* máximo elevado, superior a 21, enquanto sua versão original atinge *speedup* máximo de apenas 10. O tempo de execução de FT com inversão de *loops* foi, em média, 34% superior ao da versão original, e sua curva de *speedup* foi inferior à da versão original, diferentemente do observado em SGI.

MultMat teve suas curvas de speedup registradas na figura 5.25 para os sistemas AMD e SGI e na figura 5.26 para o sistema MTL. Nas três máquinas, a inversão de loops provocou diminuição do speedup em relação à versão não modificada, embora a curva de speedup não deixe de ser crescente com o aumento de threads até a quantidade de cores. O tempo de execução, todavia, foi grandemente melhorado, com redução média de 52% em SGI, 87% em AMD e 63% em MTL em relação à versão original nas execuções sequenciais e paralelas com quantidade de threads no máximo igual à quantidade de cores. A figura 5.27 mostra que MultMat com inversão de loops fez uso elevado do barramento em SGI, excedendo 70% de taxa de uso já a partir de 2 threads e superando 80% a partir de quatro threads, enquanto sua versão sem alteração não excedeu 70% de taxa de uso de barramento. A figura 5.27 apresenta a granularidade efetiva γ_E das duas versões de MultMat em SGI e mostra uma estabilização na proporção de acessos à memória por



Figura 5.25: Curvas de *speedup* para a versão original e a com *loops* invertidos de MultMat nas máquinas SGI e AMD.

instruções de ponto flutuante executadas por MultMat-inv a partir de 4 threads, enquanto MultMat-original apresentou aumentos em sua proporção γ_E em todas as execuções com até 8 threads.

Nesta seção, foi mostrado que algumas aplicações com as mesmas operações, mesmo volume de processamento e mesma quantidade de acesso aos dados, e consequentemente mesma granularidade de *loop*, manifestaram escalabilidades distintas. Valores desiguais de granularidade efetiva, consequência de diferenças na localidade de acesso aos dados, fizeram com que as aplicações obtivessem benefícios distintos com a paralelização. Os efeitos da localidade foram sentidos também para uma mesma aplicação entre diferentes sistemas computacionais, como sugerido pela diferença do comportamento de *speedup* entre as duas versões de FT observadas. Estes resultados apontam para a necessidade de consideração da localidade, além do volume de processamento e da quantidade de acessos aos dados, em um mecanismo automático para sugestão de quantidade de *threads*.



Figura 5.26: Curvas de *speedup* para a versão original e a com *loops* invertidos de MultMat na máquina MTL.



Figura 5.27: Taxas de uso do barramento de memória para a versão original e a com *loops* invertidos de MultMat na máquina SGI.



Figura 5.28: Granularidade efetiva para a versão original e a com *loops* invertidos de MultMat na máquina SGI.

5.7 Conclusões

Este capítulo investigou a associação da granularidade dos acessos com o desempenho de aplicações paralelas. O barramento de ligação com a memória foi identificado no capítulo 4 como um importante gargalo para o paralelismo, porém a quantidade absoluta de acessos à memória não foi suficiente para indicar, isoladamente, concorrências pelo uso do barramento ou canal de comunicação. A granularidade efetiva, γ_E , que indica a proporção de acessos à memória em relação ao processamento, se mostrou claramente como associada à capacidade de obtenção de ganhos com o paralelismo. A métrica γ_L , ou granularidade de *loop*, foi apresentada como uma estimativa para a granularidade efetiva. De modo geral, valores elevados de granularidade de *loop* corresponderam a maiores contenções pelo acesso à memória e a maiores valores de granularidade efetiva, enquanto valores menores de γ_L foram compatíveis com menores contenções e melhor escalabilidade. Diminuições artificiais de γ_L , através do acréscimo de processamento, resultaram em maiores valores de *speedup*, porém às custas de maiores tempos de execução artificiais.

A obtenção de γ_L diretamente a partir do código-fonte da aplicação sofre a desvan-

tagem de potencialmente não representar corretamente as operações que serão realizadas pelo processador, pois o código-fonte está sujeito a mudanças durante a etapa de compilação devido a otimizações. Além disso, a precisão do uso desta métrica depende grandemente da consideração de todo o processamento realizado, não apenas de operações matemáticas em ponto flutuante, e de sua obtenção individual para cada loop paralelo da aplicação. O compilador se torna, então, o candidato mais apropriado para determinar o valor de γ_L , já que tem acesso direto à forma final do programa. Uma possível abordagem para o acesso às informações necessárias para se determinar γ_L seria a consulta à representação intermediária do programa sendo processado através de alterações no código-fonte do compilador. No compilador GCC, por exemplo, o código-fonte da aplicação é inicialmente traduzido para uma linguagem chamada GENERIC e, após algumas etapas da compilação, convertido para GIMPLE, uma representação intermediária independente de máquina baseada na estrutura de dados árvore (FREE SOFTWARE FOUN-DATION, INC, 2011). Os acessos a arrays são representados por nós do tipo ARRAY_REF em GENERIC. A macro FOR_EACH_LOOP permite consultar todos os nós de loops da estrutura do programa em GIMPLE; entre eles, os nós do tipo GIMPLE_OMP_FOR, que representam loops paralelos OpenMP. O incremento da variável de iteração, bem como os respectivos limites inferior e superior, são também armazenados na forma GIMPLE e acessíveis através dos campos *header* e *latch* do nó que representa o *loop*. Em outros compiladores, os detalhes dos acessos às informações são diferentes, porém a abordagem é semelhante.

A granularidade de *loop* é, com as considerações mencionadas no parágrafo anterior, um componente viável para ser usado em uma determinação automática de quantidade de *threads*. Por outro lado, também foi mostrado que variações na localidade causaram alterações na frequência de acesso à memória, afetando a escalabilidade das aplicações. Desta forma, um mecanismo de sugestão automática do grau de paralelismo precisaria considerar, além da granularidade, a localidade dos acessos a dados.

5.7.1 Considerações sobre modelagem analítica

A modelagem analítica de quantidade de *threads* proposta por Sun, Byna e Holmgren (2009), apresentada na seção 2.3, estabelece uma fórmula fechada para a determinação da quantidade de *threads* em aplicações com *loops* paralelos após execução instrumentada de sua versão sequencial. O modelo assume que o tempo de acesso aos dados na memória independente de seu grau de paralelismo. Porém, como mostrado nas seções anteriores,

R	$B_{sustained}$	$P_{sustained}$	H_{L1}	H_{L2}	F	L_{word}	L_{cache}
0,5	5739,5	281	0,9511	0,9516	1	8	64

Tabela 5.4: Valores das variáveis da equação 5.1 para o componente TRIAD de STREAM na máquina SGI.

há uma correlação significativa entre quantidade de *threads* e tempo de acesso aos dados, pois maiores quantidades de threads provocam contenções pelo acesso ao barramento de memória compartilhado, afetando a escalabilidade das aplicações. Assim, cabe testar a validade do modelo.

Assumindo sobrecarga nula na predição de acessos para busca antecipada de dados, a quantidade n_{opt} de threads que o modelo criado pelos autores indica de forma a não causar competição pelo barramento de acesso à memória é calculada pela equação 5.1. Conforme explicado na seção 2.3, I é o total de instruções em cada iteração do loop considerado; R é a proporção de instruções de acesso à memória em relação ao total de instruções do loop da aplicação; $B_{sustained}$ é a largura de banda de memória, em MB/s, medida pelo benchmark STREAM; $P_{sustained}$ é a velocidade, em MFLOPS, atingida por um core na execução sequencial da aplicação; H_{L1} é a taxa de acertos no cache de nível 1, enquanto H_{L2} é a taxa de acertos no cache de nível 2; F é o fator de reúso espacial; L_{word} é o tamanho, em bytes, de cada palavra de dados manipulada; e F_{cache} é o tamanho da linha de cache, em bytes. Tais valores foram medidos, com a ferramenta VTune e com inspeção do código-fonte, para o componente TRIAD de STREAM em SGI e seus valores são indicados na tabela 5.4. I é irrelevante para o resultado final e não foi determinado.

$$n_{opt} = \frac{I \times (1 - R) \times B_{sustained}}{P_{sustained} \times I \times R \times [(1 - H_{L1}) \times (1 - H_{L2})] \times [F \times L_{word} + (1 - F) \times L_{cache}]}$$
(5.1)

A aplicação dos valores da tabela 5.4 na equação 5.1 resulta em n_{opt} igual a 1078 threads, o que é exageradamente superior ao grau de paralelismo dois (com 2 threads, portanto) que resultou no maior *speedup* de TRIAD em SGI. Mesmo trocando arbitrariamente o valor de $P_{sustained}$ pelo valor obtido pelo benchmark Linpack na mesma máquina SGI, igual a 1548,7 MFLOPS, o grau de paralelismo continuaria excessivo, com n_{opt} igual a 195 threads. Com a medida de $P_{sustained}$ para TRIAD, as taxas de acerto ao cache precisariam ser ambas inferiores a 7,5% para que n_{opt} fosse inferior a 3 threads. Esta modelagem, portanto, não se aplica aos programas e sistemas computacionais testados.

Apesar de a quantidade sugerida de *threads* ter sido centenas de vezes superior à

quantidade de *threads* de melhor desempenho obtida experimentalmente para o *bench*mark STREAM, a simplicidade do modelo avaliado em representar diversos componentes envolvidos na execução paralela pode ser aproveitada.

$$n_{opt} = \frac{I \times (1 - R) \times B_{sustained}}{P_{sustained} \times I \times R \times [(1 - H_{L1}) \times (1 - H_{L2})] \times [F \times L_{word} + (1 - F) \times L_{cache}]}$$
(5.2)

Uma deficiência identificada para o modelo proposto consiste em não considerar o caráter temporal da localidade de referência dos acessos a dados. Conforme exposto na seção 5.6, a localidade dos acessos é um componente influente nas limitações à escalabilidade de uma aplicação. Não obstante, a informação de localidade de referência na equação 5.2, representada pelo *fator de reúso F*, abrange apenas o aspecto espacial e ignora a localidade temporal.

A equação 5.2 pode ser ajustada para fornecer uma estimativa de quantidade de threads mais próxima das observações experimentais. Uma possível alternativa para determinação do número de threads a partir dos mesmos princípios empregados na equação 5.2, com a substituição do quociente $\frac{R}{1-R}$ pela variável γ_L (eq. 3.1) e da proporção $\frac{B_{sustanined}}{P_{sustained}}$ pelo balanceamento de máquina, β_M (eq. 1.6), é sugerida pela equação 5.3, onde L é a informação de localidade de referência. Calculado pela equação 5.4 com base no fator de reúso espacial, F, e no fator de reúso temporal, T, o valor de L indica a quantidade de palavras de 8 bytes acessadas pela aplicação, em média, para cada linha de cache utilizada.

$$n_{opt} = \frac{\beta_M}{\gamma_L \times (1 - H_{L1}) \times (1 - H_{L2}) \times L}$$
(5.3)

$$L = \{F \times L_{word} + (1 - F) \times L_{cache}\} + \{T \times L_{word} + (1 - T) \times L_{cache}\}$$
(5.4)

A equação 5.3 foi aplicada em TRIAD. Este componente do *benchmark* STREAM não faz reúso dos dados de *arrays* acessados pelo *loop*, portanto o valor de T é zero. O fator de reúso espacial, F, e as taxas de acerto em cada nível do cache, H_{L1} e H_{L2} , são indicados na tabela 5.4. A proporção β_M para a máquina SGI é dada na tabela 5.1, enquanto a granularidade de *loop* γ_L é indicada na tabela 5.2. Como β_m e γ_L envolvem *palavras* ao invés de *bytes*, os valores para L_{word} e L_{cache} , obtidos da tabela 5.4, precisam ser divididos por 8, para indicar quantidade de *palavras* de 8 *bytes* e harmonizar com β_m e γ_L . A fórmula resulta no valor de 1,812 para n_{opt} , correspondente a **uma** thread. Tal como usada no presente trabalho, γ_L não considera o processamento além de operações sobre dados em ponto flutuante. Incluindo-se o incremento da variável de iteração do *loop*, γ_L assume o valor 1, elevando o valor de n_{opt} para 2,72, correspondente ao uso de 2 *threads*. As execuções experimentais de TRIAD em SGI atingiram maior *speedup* com 4 *threads*, porém com ganho irrisório de desempenho em relação à execução com 2 *threads*, apontando para uma melhoria na sugestão do grau de paralelismo pela equação 5.3 em relação à versão original do modelo.

Cabem ressalvas a esses resultados, contudo. A proporção β_M considera a velocidade de um *core* multiplicada pela quantidade de *cores* disponíveis. Usando β'_M como a proporção entre a largura de banda de memória e a velocidade de um único *core*, o valor de n_{opt} cresce para 14,5. Além disso, β_M é calculado a partir da execução sequencial do *benchmark* Linpack. Se for considerado a velocidade de processamento em MFLOPS de STREAM em β_M , o valor de n_{opt} excede a quantidade de 540 *threads*.

Desenvolvimentos adicionais são necessários para se refinar a equação 5.3, bem como a avaliações mais abrangentes para validar ou inviabilizar sua utilização na determinação de grau de paralelismo.

Capítulo 6 Conclusões

A presente dissertação apresentou uma análise dos efeitos da granularidade dos acessos à memória na escalabilidade de aplicações paralelas em processadores *multicore*, com vistas a seu uso para a sugestão automática da quantidade de *threads*. As aplicações estudadas empregaram o modelo de paralelismo de dados através de *loops* paralelos com a interface de programação OpenMP.

Foi observado que o *speedup* máximo ocorre tipicamente na quantidade de *threads* igual à quantidade de *cores* disponíveis. Execuções com mais *threads* do que *cores* não trouxeram benefício para o tempo de execução, que tipicamente sofreu aumento conforme as trocas de contexto se tornaram mais numerosas. Quando poucos *cores* foram considerados, todos os programas escalaram, cada um a seu ritmo, indicando que em tal situação o uso de todos os recursos disponíveis pode ser uma estratégia viável. Em processadores com *cores* mais numerosos, surgem limitações à capacidade de algumas aplicações de apresentar ganhos com o paralelismo, causando desde reduções nos ganhos com o acréscimo de *threads* até pioras no desempenho com graus de paralelismo maiores, provocando quedas expressivas na eficiência das execuções.

Percebe-se, então, que o número de *threads* não é o único determinante da escalabilidade. A taxa de uso do barramento de acesso à memória, para os programas e máquinas testados, se mostrou como um indicador acurado para a obtenção de ganhos com execuções paralelas, apontando restrições para o aumento de desempenho com taxas de uso superiores a 70%. As taxas de faltas nos caches, métricas tradicionais de indicação de desempenho, falharam em sugerir o comportamento de *speedup* devido ao baixo grau de compartilhamento dos níveis de cache entre os *cores*.

O efeito de usos mais intensos de barramento de memória foi tão notável que influ-

enciou o tempo de CPU das aplicações, apesar do volume total de processamento ser o mesmo para uma mesma aplicação com tamanho de problema fixo. A maior competição pelo acesso à memória causou atrasos na execução das operações, possivelmente gerando ciclos ociosos em que as instruções aguardaram a chegada dos dados da memória principal para o cache. A aplicação MG, por exemplo, faz uso tão intenso do barramento de acesso à memória que a introdução de processamento em seus *loops* diminuiu a frequência dos acessos à memória (mas não sua quantidade absoluta), minimamente diminuindo a latência nos acessos e habilitando maiores *speedups*. A organização de memória NUMA, devido a uma associação mais forte, em comparação com UMA, entre módulos de memória e grupos de *cores*, suaviza esta limitação para a escalabilidade, essencialmente restringindo a competição pela memória aos *cores* locais, embora isto dependa de uma boa distribuição dos dados que os posicione perto dos cores que os acessam.

Enquanto a taxa de uso do barramento de memória é uma medida da frequência dos acessos em relação ao tempo de execução, a granularidade efetiva, γ_E , indica a proporção de acessos à memória em relação ao processamento. Os resultados das análises deste trabalho apontaram uma associação clara entre a granularidade efetiva e a capacidade de se obter ganhos com o paralelismo.

A métrica γ_L , ou granularidade de *loop*, que indica a proporção entre acessos a *arrays* e operações aritméticas de ponto flutuante no código-fonte da aplicação, foi apresentada como uma estimativa para a granularidade efetiva. De modo geral, valores elevados de granularidade de *loop* corresponderam a maiores contenções pelo acesso à memória e a maiores valores de granularidade efetiva, enquanto valores menores de γ_L foram compatíveis com menores contenções e melhor escalabilidade, permitindo, assim, estabelecer uma correspondência entre granularidade de *loop* e granularidade efetiva. Diminuições artificiais de γ_L , através do acréscimo de processamento, resultaram em maiores valores de *speedup*, porém às custas de maiores tempos de execução, já esperados com o maior volume de operações.

Uma vez que granularidade efetiva pode ser estimada do código-fonte, torna-se possível, a princípio, incorporar a granularidade de *loop* a um mecanismo automático de sugestão de quantidade de *threads* que não necessite de execuções prévias da aplicação. Por outro lado, a obtenção de γ_L diretamente a partir do código-fonte da aplicação sofre a desvantagem de potencialmente não representar corretamente as operações que serão realizadas pelo processador, pois o código-fonte está sujeito a mudanças durante a etapa de compilação devido a otimizações. Embora a granularidade de *loop* γ_L , tal como definida neste trabalho, tenha razoável associação com benefícios da paralelização quando se considera apenas as aplicações pertencentes a um mesmo conjunto, como NPB e STREAM, a associação de comportamento entre aplicações de grupos diferentes com base em γ_L é falha. As diferenças no código-fonte das aplicações apontam três possíveis motivos para esta discrepância: processamento que não foi considerado em γ_L , o modo de acesso aos dados e tamanho dos *arrays* manipulados.

Uma ferramenta que considere granularidade de *loop* na análise automática de escalabilidade deve, portanto, determinar γ_L para cada *loop* paralelo, permitindo possivelmente diferentes quantidades de *threads* para diferentes trechos do programa. O compilador se torna, então, o candidato mais apropriado para determinar o valor de γ_L , já que tem acesso direto à forma final do programa.

Foi mostrado que algumas aplicações com as mesmas operações, mesmo volume de processamento e mesma quantidade de acesso aos dados, e consequentemente mesma granularidade de *loop*, manifestaram escalabilidades distintas. Valores desiguais de granularidade efetiva, consequência de diferenças na localidade de acesso aos dados, fizeram com que as aplicações obtivessem benefícios distintos com a paralelização. Os efeitos da localidade foram sentidos também para uma mesma aplicação entre diferentes sistemas computacionais, como sugerido pela diferença do comportamento de *speedup* entre as duas versões de FT observadas. Estes resultados apontam para a necessidade de consideração da localidade, além do volume de processamento e da quantidade de acessos aos dados, em um mecanismo automático para sugestão de quantidade de *threads*.

6.1 Trabalhos Futuros

Uma solução para o problema da determinação automática da quantidade de *threads* sem necessidade de execuções prévias da aplicação não é trivial. Variações na localidade causaram alterações na frequência dos acessos à memória, afetando a escalabilidade das aplicações. Desta forma, não só a granularidade dos acessos a dados precisa ser conside-rada, mas também sua localidade. Assim sendo, vislumbram-se as seguintes estratégias de continuidade do presente trabalho:

- Implementar a determinação de γ_L dentro de um compilador, considerando todo o processamento dentro do loop;
- Avaliar técnicas de estimativa de localidade a partir do código-fonte;
- Avaliar técnicas de determinação de localidade a partir de execuções da aplicação e sua aplicabilidade na determinação da quantidade de *threads*;
- Buscar uma relação matemática que associe *machine balance* com graularidade de *loop* e localidade para indicar o número de *threads*.

Na busca por estes objetivos, considera-se que um compilador poderia, no momento de sua instalação, verificar a largura de banda do sistema de memória, a velocidade de processamento de cada *core* e o tempo de execução de cada instrução *assembly* do processador usado que atuasse somente em registradores e assim registrar o tempo relativo entre as operações, possibilitando determinar γ_L com maior precisão.

Apêndice A

Desvio padrão dos experimentos

Este apêndice apresenta os desvios padrão de medidas obtidas para os experimentos discutidos nos capítulos 4 e 5. As medidas coletadas foram tempo decorrido, taxa de uso de barramento, taxas de faltas (*misses*) nos caches de nível 1 e de nível 2 e granularidade efetiva (γ_E). Em cada tabela, o desvio padrão para cada aplicação em cada grau de paralelismo é indicado como uma porcentagem da média da medida correspondente. Um "-" indica que o programa, na respectiva quantidade de *threads*, teve sua execução interrompida antes do término por exceder a duração máxima de 15 minutos estabelecida para cada teste.

threads	BT.A	CG.A	EP.A	FT.A	LU.A	MG.A	SP.A	UA.A
1	0,1309	0,0000	0,1051	0,2320	0,4131	0,1425	0,0263	0,3376
2	3,1220	8,5600	3,6995	5,2419	$1,\!2961$	6,6833	8,9238	$0,\!2500$
4	0,2720	1,2926	3,5101	0,1729	$0,\!2560$	0,0000	0,2438	$0,\!2405$
6	3,7828	10,6423	0,8805	3,3194	2,2192	8,7694	7,0393	$2,\!9959$
8	0,8184	2,1323	0,2233	0,3005	0,4000	0,2886	1,2769	1,5187
10	1,1692	5,0673	1,0760	0,7229	8,1986	0,3602	1,6289	$0,\!4653$
12	0,4242	2,5511	2,0147	0,3304	0,0000	0,5379	1,1320	$0,\!5942$
14	0,5196	7,1604	2,0785	0,2552	0,0000	0,2968	1,1323	0,7174
16	0,3646	2,3999	0,8404	0,5441	0,0000	0,2839	1,3335	2,8635
24	0,2670	2,1048	0,6120	0,3191	0,0032	0,2622	0,3340	$0,\!5801$
32	0,2927	3,4971	0,6714	0,2681	0,0285	0,3921	0,2593	$0,\!3756$
64	0,1526	3,0569	0,9211	0,2461	$0,\!2575$	0,5150	0,2339	0,3180
128	0,1993	4,4900	0,1898	0,2539	0,0943	0,4142	0,1532	0,2372
256	0,1817	4,5993	0,2798	0,2490	$0,\!1707$	0,2107	0,0961	$0,\!4655$
512	0,3223	7,4360	0,2065	0,2689	0,2553	0,3317	0,2725	$0,\!6250$
1024	$0,\!6158$	4,8014	0,1782	0,2401	0,0889	$2,\!4785$	0,5482	0,8190

Tabela A.1: Desvio padrão do tempo decorrido de NPB classe A na máquina SGI.

Tabela A.2: Desvio padrão do tempo decorrido de NPB classe B na máquina SGI.

threads	BT B	CG B	EP B	FT B	LUB	MG B	SP B	UA B
1	0.0150	0.0070	1.0700	0.1005	10.0107	0.0000	0.0497	0.0200
1	0,6159	0,0872	1,0722	0,1235	19,6197	0,0690	0,0437	0,2309
2	2,2526	0,1441	2,2771	5,3129	17,0218	8,8696	$9,\!6718$	$5,\!9566$
4	0,2645	0,0894	0,7228	$0,\!3075$	7,0648	0,0846	0,0818	0,2035
6	$3,\!2391$	3,6017	0,5422	2,0641	6,0262	9,2733	$7,\!2160$	$3,\!6318$
8	0,1093	0,0923	0,8680	0,3173	188,2318	0,2220	$0,\!3866$	$0,\!2470$
10	0,1187	0,3898	0,2031	$0,\!4516$	-	0,2615	0,0694	$0,\!2909$
12	$0,\!3250$	0,0853	1,5639	$0,\!4294$	-	0,2498	$0,\!0514$	$0,\!4602$
14	0,0406	$0,\!2755$	1,1407	0,3084	-	$0,\!1556$	0,0720	0,1013
16	0,1494	0,0647	0,2530	$0,\!5839$	-	$0,\!1179$	0,0363	$0,\!4207$
24	0,0261	0,0618	0,3912	$0,\!3353$	-	$0,\!1562$	0,0643	$0,\!2249$
32	0,2053	0,0736	0,0956	0,2176	-	0,1319	$0,\!0365$	$0,\!1758$
64	0,0304	0,1510	$0,\!1732$	$0,\!1170$	-	0,2209	$0,\!0345$	$0,\!1097$
128	0,0456	0,4854	0,4062	$0,\!0549$	-	$0,\!4815$	0,0262	$0,\!0958$
256	0,0186	0,6791	0,2663	$0,\!1509$	-	$0,\!6307$	$0,\!2701$	$0,\!6641$
512	0,1122	1,6405	0,2159	$0,\!0552$	-	$0,\!6230$	0,0831	$1,\!1501$
1024	0,1032	1,9213	0,0742	$0,\!0965$	-	0,9405	0,1224	$0,\!4320$

threads	BT.C	CG.C	EP.C	FT.C	LU.C	MG.C	SP.C	UA.C
1	0,0004	8,5014	0,3111	0,1402	0,0010	0,0456	0,2800	0,0901
2	2,2677	5,5918	1,0732	4,6106	0,0006	0,1042	7,9021	0,0800
4	0,0634	0,1087	$0,\!2797$	0,7887	0,8490	$0,\!0556$	0,1392	0,0976
6	0,1103	5,4714	$0,\!8896$	1,3259	8,8774	$2,\!8757$	0,7716	0,0885
8	0,0333	0,1070	$0,\!8541$	$0,\!4351$	1,0595	0,0896	0,1656	0,1413
10	4,5107	1,0743	0,7941	2,3463	0,0005	$0,\!8562$	0,3192	0,2800
12	2,0560	0,1210	$2,\!4598$	0,4610	0,0006	$0,\!3591$	0,0681	0,3496
14	0,1064	0,1406	$1,\!3015$	0,5166	0,0006	$0,\!1702$	0,0379	0,0924
16	0,1968	0,0670	0,1689	0,9077	0,0006	$0,\!1709$	0,0548	0,0598
24	0,1446	0,1261	$0,\!1911$	1,2357	0,0006	$0,\!1779$	0,0845	0,0412
32	0,2153	0,0845	0,0613	0,7807	0,0006	$0,\!0670$	0,0387	0,0707
64	0,0318	$0,\!1251$	$0,\!1304$	0,1602	0,3263	0,0794	0,0108	0,0865
128	0,0502	0,1131	0,1620	0,1224	0,0000	0,0382	0,0310	0,0312
256	0,0235	0,3036	0,0644	0,1006	$0,\!6639$	$0,\!1066$	0,0826	0,2097
512	0,0352	$0,\!4551$	$0,\!0791$	0,0881	0,9279	$0,\!0562$	0,0333	0,0756
1024	0,0419	1,0669	0,1100	0,0288	0,9735	0,1259	0,0505	0,1598

Tabela A.3: Desvio padrão do tempo decorrido de NPB classe C na máquina SGI.

Tabela A.4: Desvio padrão da taxa de uso de barramento de NPB na máquina SGI.

threads	BT.A	CG.A	EP.A	FT.A	LU.A	MG.A	SP.A	UA.A
1	0,3077	0,5153	11,2739	0,1333	0,6378	0,1996	4,7862	0,2350
2	12,3186	0,6679	19,9947	20,9096	15,5263	22,5706	25,4124	17,0452
4	0,4229	13,0964	37,7330	0,7243	0,9065	0,2532	19,1143	3,3207
6	5,2152	9,1468	$28,\!6651$	3,1188	5,3173	5,3679	16,5984	4,1457
8	1,2160	1,8927	10,0094	0,3544	1,5565	0,5148	$10,\!6765$	5,2016
threads	BT.B	CG.B	EP.B	FT.B	LU.B	MG.B	SP.B	UA.B
1	28,0543	0,4000	22,4216	0,1039	23,0809	1,1836	9,9755	0,5986
2	26,8145	8,8680	13,7300	12,5444	18,6997	14,7742	$25,\!5927$	14,1684
4	14,6774	0,1517	$9,\!4330$	$0,\!2716$	13,1916	1,3384	$10,\!6635$	0,2412
6	8,0585	5,1606	22,2983	1,1814	7,4457	6,2821	$6,\!4594$	3,7838
8	2,0232	0,1378	$37,\!3853$	0,2237	54,5353	0,4012	4,2888	$0,\!4936$
threads	BT.C	CG.C	EP.C	FT.C	LU.C	MG.C	SP.C	UA.C
1	0,0903	5,4816	60,7538	2,2988	0,1789	0,1761	10,5587	0,4854
2	12,7283	6,7023	24,4921	16,3854	13,3776	12,4628	8,5233	0,8459
4	$0,\!1986$	0,1030	36,1646	0,5710	0,9638	0,0933	$6,\!6532$	0,1432
6	0,1297	4,2865	$49,\!1955$	0,2611	1,8483	0,5762	4,3604	$2,\!4590$
8	$0,\!2859$	0,2611	$49,\!1955$	0,2611	1,8483	0,5762	4,3604	$2,\!4590$

threads	BT.A	CG.A	EP.A	FT.A	LU.A	MG.A	SP.A	UA.A
1	0,1985	0,0772	0,4910	0,0292	0,1179	0,1872	23,0630	0,0337
2	0,1077	0,0203	0,3030	$0,\!0514$	0,2231	0,7163	22,1769	0,0902
4	$0,\!1135$	$0,\!4397$	$0,\!1753$	0,1914	0,1607	0,2641	21,7511	$0,\!2829$
6	$0,\!4538$	$3,\!6954$	$3,\!1586$	0,5685	1,3600	1,6932	20,2523	$0,\!8791$
8	0,1603	$1,\!6916$	$0,\!0977$	0,2980	0,6840	0,4704	20,7593	$0,\!1855$
threads	BT.B	CG.B	EP.B	FT.B	LU.B	MG.B	SP.B	UA.B
1	1,3552	0,0347	1,2454	0,0104	3,4757	0,7096	30,5853	0,0349
2	0,0446	0,0787	$0,\!2560$	0,1671	2,0145	0,1982	27,9103	$1,\!8702$
4	$1,\!3307$	0,1020	$0,\!4346$	0,0617	5,0448	0,8450	28,4159	$0,\!0853$
6	$0,\!6762$	3,5722	$0,\!1352$	0,1485	2,1001	2,2442	28,4331	2,1670
8	$1,\!4219$	0,5109	0,1620	0,1709	55,4326	0,3150	24,9342	$5,\!2896$
threads	BT.C	CG.C	EP.C	FT.C	LU.C	MG.C	SP.C	UA.C
1	0,1597	17,3053	2,3503	0,4837	0,1300	0,0519	7,8528	0,5078
2	$3,\!5494$	0,1241	$0,\!1769$	0,4671	8,2545	0,1377	9,1179	8,3207
4	$0,\!1287$	0,0797	0,1618	0,1129	3,0794	0,0846	7,2115	0,2699
6	0,2066	$3,\!1517$	$0,\!1852$	$0,\!0569$	20,1901	0,1936	3,6424	$5,\!0805$
8	0,0735	$0,\!1930$	$0,\!1890$	0,1200	5,5499	0,1174	5,8929	0,1632

Tabela A.5: Desvio padrão da taxa de faltas no cache de nível 1 de NPB na máquina SGI.

Tabela A.6: Desvio padrão da taxa de faltas no cache de nível 2 de NPB na máquina SGI.

threads	BT.A	CG.A	EP.A	FT.A	LU.A	MG.A	SP.A	UA.A
1	0,0610	0,1519	22,0913	0,1331	0,9293	0,1533	6,3453	0,5115
2	0,1093	0,2272	15,8584	0,3683	0,3052	0,3125	1,4214	0,4740
4	0,2426	12,7021	19,6342	0,2415	0,4767	0,4848	19,0238	2,6428
6	1,3423	$3,\!8949$	$19,\!1500$	0,3940	$1,\!6546$	2,0257	21,9577	1,4694
8	$1,\!4205$	4,8962	7,0368	0,4067	2,8803	0,1345	27,3233	3,7455
threads	BT.B	CG.B	EP.B	FT.B	LU.B	MG.B	SP.B	UA.B
1	0,5568	0,6950	23,7355	0,0574	35,8319	1,1001	9,8575	0,0160
2	0,6940	0,0773	26,7371	0,0819	14,2262	0,2007	7,4815	0,2102
4	2,1560	$0,\!1400$	12,3354	0,1115	4,1128	0,7711	8,1904	0,0907
6	1,8531	3,5183	12,3227	0,2341	2,7091	2,4458	6,2320	2,0609
8	0,8891	$0,\!4505$	14,6387	0,2419	55,3422	0,3140	$1,\!6796$	0,2725
threads	BT.C	CG.C	EP.C	FT.C	LU.C	MG.C	SP.C	UA.C
1	0,1878	12,0279	43,9453	0,4477	0,1807	0,1642	2,9255	0,6898
2	4,1277	0,1224	18,8102	0,2097	9,5114	0,1459	14,1848	4,6303
4	0,1198	0,1107	34,9969	0,1109	2,1416	0,1055	2,7358	0,1203
6	$0,\!2570$	$3,\!1434$	40,4521	0,1838	16,3045	0,2605	0,5393	$5,\!3855$
8	0,2406	0,2006	21,1818	1,1378	$5,\!1503$	0,1999	16,1949	0,1416

threads	BT.B	CG.C	EP.C	FT.C	LU.C	MG.C	SP.B	UA.B
1	0,0598	0,0433	0,1460	0,0992	0,8319	0,2757	0,2737	0,2657
2	0,7534	2,0642	0,2429	0,2696	$2,\!8499$	$0,\!1105$	4,5096	0,1195
4	0,6634	0,3099	0,7164	$0,\!9704$	$0,\!4693$	$0,\!3737$	3,6231	0,8074
6	0,3730	0,3589	0,1603	0,3181	0,7735	$0,\!2593$	3,9900	0,9686
8	0,9188	0,3513	$0,\!9308$	$0,\!1179$	6,3696	$0,\!2463$	4,2027	0,6858
10	0,7241	0,2270	0,2069	$0,\!1787$	4,3693	1,3436	3,1281	0,3027
12	1,8855	0,1023	0,0245	$0,\!1500$	1,3183	0,8492	0,9577	0,6846
16	0,4689	0,1075	1,2068	0,1651	2,2273	$1,\!5310$	1,7999	0,7130
20	0,3128	0,0832	$0,\!8539$	0,2661	0,5596	$0,\!4865$	3,4796	1,0121
24	0,8063	0,1682	0,7021	0,2514	0,3392	$0,\!8178$	$2,\!4372$	0,5498
48	0,8582	0,0763	$0,\!4799$	0,3361	0,2219	$1,\!2569$	1,7249	0,9135
72	1,4975	0,0388	0,7998	$0,\!3733$	0,0008	$0,\!8143$	0,9232	$1,\!6595$

Tabela A.7: Desvio padrão do tempo decorrido de NPB na máquina HP.

Tabela A.8: Desvio padrão do tempo decorrido de NPB na máquina AMD.

threads	BT.B	CG.C	EP.C	FT.C	LU.C	MG.C	SP.B	UA.B
1	1,3540	4,2192	0,5714	0,4796	0,1718	1,0134	2,9719	1,6836
2	0,8136	$2,\!1751$	$0,\!2471$	0,6202	0,8158	$0,\!9935$	0,9690	1,1012
3	0,8037	2,0355	$0,\!4875$	0,8067	0,2261	0,7314	1,3124	0,8610
4	0,1418	0,8076	0,3292	0,3633	0,2773	$4,\!5975$	0,5429	7,6214
8	$2,\!3966$	$1,\!6905$	0,7847	5,9385	0,0002	$2,\!3757$	1,2415	4,0031
12	1,8007	3,9082	0,8603	1,2806	0,0002	$0,\!8928$	1,2888	1,0454
16	2,0332	2,8851	$0,\!1878$	1,3498	0,0005	0,9262	1,3002	2,4716

threads	BT.B	CG.C	EP.C	FT.C	LU.C	MG.C	SP.B	UA.B
1	0,5393	1,7986	1,4426	1,0215	1,7629	$0,\!8360$	1,7193	2,3313
2	0,7150	$1,\!8034$	$0,\!3567$	$1,\!6636$	0,9079	$1,\!9740$	3,0306	$0,\!8349$
4	$0,\!6861$	1,9679	0,5664	1,7990	0,8924	$2,\!3392$	2,3363	$0,\!1720$
6	$2,\!1971$	$2,\!6667$	0,1748	4,3153	$2,\!4316$	$6,\!2383$	7,3088	$1,\!1869$
8	$1,\!9829$	3,2562	0,3180	$5,\!2848$	2,7144	6,7856	8,4951	$0,\!5356$
10	4,2308	4,4334	3,5779	4,1852	4,2579	$16,\!9510$	11,4866	$0,\!6492$
12	$3,\!4101$	4,9923	0,5172	6,0919	4,7215	$16,\!4336$	10,4296	0,9643
14	4,3698	6,7517	0,0223	6,5257	$5,\!9431$	$19,\!9287$	12,6456	$1,\!3988$
16	5,0298	$7,\!9635$	0,1086	8,4849	4,7831	$20,\!6311$	12,7256	$1,\!6712$
18	$5,\!8715$	10,2321	0,2833	8,3840	$7,\!3516$	$21,\!9875$	14,8662	$2,\!1975$
20	$6,\!5293$	12,2322	0,3596	9,2394	7,5268	$21,\!6668$	$13,\!9205$	$1,\!9162$
22	6,2661	17,0277	0,3205	10,2925	$8,\!5895$	$23,\!4362$	16,5010	2,1811
24	$7,\!6176$	16,7478	0,2644	11,4916	$7,\!9303$	22,7920	14,5077	2,2651
26	$7,\!1277$	$18,\!3755$	0,0000	$12,\!4758$	8,6911	$23,\!4775$	16,4737	2,5075
28	7,1648	20,9627	0,0267	12,4164	$8,\!9569$	$23,\!9844$	17,4254	$2,\!5357$
30	$9,\!6584$	21,8261	0,3197	14,0837	10,7924	22,7599	16,0939	$3,\!4677$
32	$7,\!9937$	24,2572	0,1154	16,2032	13,2486	23,8246	15,0426	$2,\!8904$
34	8,8290	28,1647	0,2264	$15,\!8729$	$11,\!3190$	$24,\!2486$	19,2408	$6,\!2800$
36	8,2167	26,2647	3,0693	19,0985	$13,\!2003$	$24,\!0255$	19,2538	$3,\!0489$
38	192,8234	28,5664	17,7710	18,7623	12,7279	158,7356	29,9393	$132,\!3439$
40	$57,\!3558$	82,5081	17,8715	19,7810	$118,\!6776$	159,2146	46,8213	$92,\!0520$
44	8,0928	$13,\!1039$	0,5324	10,9287	$7,\!3056$	19,8418	$18,\!5919$	$6,\!3658$
48	$7,\!9436$	$14,\!3475$	$1,\!6594$	11,7160	-	19,7205	18,7323	$9,\!4808$
52	$8,\!5487$	13,7390	1,3833	11,9018	-	$21,\!0318$	18,0539	$9,\!8371$
56	$5,\!9856$	$15,\!1271$	0,3906	12,8168	-	$20,\!5583$	18,5930	$6,\!4282$
60	$9,\!4679$	15,9690	4,2422	$13,\!5945$	-	20,7992	17,5376	8,8588
64	$6,\!5443$	$15,\!8307$	1,5908	$15,\!2157$	-	21,7038	17,3737	$4,\!3920$
68	$9,\!9364$	16,7138	1,8057	$15,\!5414$	-	$21,\!5578$	17,8521	$7,\!3785$
72	$6,\!4060$	16,8114	2,3893	15,3996	-	$21,\!4439$	18,1211	$3,\!4330$
76	$8,\!3963$	$16,\!5937$	2,5593	17,2049	-	$22,\!0933$	17,7349	6,2542
80	$6,\!8883$	13,7317	1,5293	$16,\!3145$	-	$21,\!3956$	17,2477	$6,\!5798$
100	10,8031	14,4725	0,8742	14,0398	-	$21,\!1506$	24,2420	4,9169
120	12,1819	12,8737	1,8126	$16,\!5959$	-	$21,\!1551$	22,0848	$3,\!9928$
140	$11,\!0858$	13,3280	0,8220	$15,\!4851$	-	20,9204	23,0224	$2,\!4295$

Tabela A.9: Desvio padrão do tempo decorrido de NPB na máquina MTL sem afinidade de CPU.

threads	BT.B	CG.C	EP.C	FT.C	LU.C	MG.C	SP.B	UA.B
1	0,3669	0,0543	0,4342	0,0411	0,5417	0,0670	0,0750	0,0633
2	0,2101	$2,\!2810$	1,5397	1,9901	2,7134	2,4032	3,7010	$3,\!2780$
4	0,3196	2,9436	0,1332	3,8868	5,2118	9,3638	$7,\!2998$	$6,\!1896$
6	$0,\!1359$	$4,\!3997$	$0,\!4337$	$5,\!1775$	$6,\!1375$	11,7829	9,0198	8,2074
8	0,4009	$6,\!3741$	$0,\!3814$	$7,\!3828$	9,7870	$12,\!8461$	$10,\!4738$	$9,\!8049$
10	$0,\!1510$	7,0998	0,4636	8,3531	$10,\!1150$	$13,\!3624$	$11,\!6215$	$10,\!9316$
12	0,1178	$7,\!2615$	$0,\!4976$	8,6611	9,7444	$12,\!8386$	$11,\!9109$	$10,\!5914$
14	$0,\!1955$	6,9883	0,2766	9,2729	$6,\!6174$	$12,\!5281$	$12,\!4300$	$10,\!1175$
16	0,0698	$7,\!1095$	0,1201	9,1117	$7,\!1576$	$12,\!2297$	$12,\!3429$	$9,\!5743$
18	$0,\!1732$	$7,\!3091$	$0,\!1840$	8,7248	$6,\!8958$	$11,\!9202$	12,5288	8,8834
20	$0,\!1555$	10,5296	1,5774	7,6708	7,5331	11,3620	12,9734	$8,\!2887$
22	0,4146	10,1260	1,7627	7,3574	7,5339	$11,\!5853$	12,5682	$7,\!8487$
24	0,2618	9,7195	$0,\!3829$	7,0955	$7,\!3809$	$11,\!3508$	12,5173	$7,\!3944$
26	$0,\!4431$	9,5903	1,7695	6,8505	7,4622	$11,\!0117$	$12,\!2562$	6,7760
28	$0,\!3710$	8,7971	$0,\!4709$	$6,\!6373$	$8,\!1736$	10,8090	$12,\!2341$	$6,\!1794$
30	0,0992	8,5920	0,5376	6,5991	8,0605	10,7464	12,2600	5,2669
32	$0,\!1833$	8,3128	0,2652	6,3453	9,2231	$10,\!5359$	$12,\!2526$	4,7370
34	0,5014	8,3041	0,3096	$6,\!2731$	8,2713	10,7540	$11,\!9873$	3,7957
36	0,5538	8,3684	1,8656	6,0819	$8,\!2465$	$10,\!6315$	$12,\!1909$	$3,\!6699$
38	0,4410	$13,\!6015$	$0,\!4722$	6,6018	8,0744	10,2654	$12,\!1282$	2,8889
40	$0,\!3913$	22,7301	0,7551	16,3259	9,8590	$18,\!2853$	$12,\!0854$	$3,\!1243$
44	0,2503	$5,\!3700$	$0,\!1948$	7,4338	9,2702	$11,\!4535$	$11,\!9258$	8,8696
48	$0,\!6815$	6,3433	0,2638	6,5785	-	$10,\!2251$	11,7180	$5,\!1476$
52	0,2002	6,8291	0,0962	8,8777	-	$10,\!3356$	$11,\!9548$	5,5294
56	0,3688	$7,\!1474$	0,1685	8,5005	-	$10,\!4512$	12,0161	4,7805
60	$0,\!1572$	7,0285	0,1702	7,7030	-	$10,\!3841$	$11,\!9370$	4,0059
64	$0,\!1534$	7,0717	$0,\!1925$	7,0209	-	$10,\!5513$	$11,\!9519$	2,7975
68	$0,\!1987$	6,9898	$0,\!1867$	7,4699	-	$10,\!4799$	12,0077	$2,\!4553$
72	$0,\!3537$	6,9048	$0,\!0755$	6,9974	-	$10,\!6074$	11,7281	$1,\!9985$
76	0,2283	11,0142	$0,\!1536$	7,5592	-	$10,\!6171$	11,5706	$1,\!6271$
80	0,2244	18,1084	$0,\!0505$	7,9246	-	$10,\!4634$	11,2098	$2,\!3939$
100	$0,\!1839$	$6,\!9517$	0,0697	9,4616	-	$13,\!2098$	$12,\!9296$	$2,\!6844$
120	0,1459	16,1666	0,1812	7,3095	-	$10,\!4579$	12,6604	$3,\!0254$
140	0,1218	6,8685	$0,\!0955$	9,6820	-	$13,\!1445$	12,7863	$3,\!2706$

Tabela A.10: Desvio padrão do tempo decorrido de NPB na máquina MTL com afinidade de CPU ativa.

	1	1	1	1			1	1
threads	BT.A	CG.A	EP.A	FT.A	LU.A	MG.A	SP.A	UA.A
1	0,2769	0,1739	11,2961	0,0857	0,9044	0,0850	9,4034	0,4059
2	12,3844	0,2054	19,5130	18,9497	15,9333	18,7507	28,0420	16,6551
4	0,3513	12,8459	37,8432	0,0578	0,9157	0,0368	30,6604	3,0867
6	3,4871	1,5246	28,0947	$1,\!6447$	3,6841	3,3692	32,0063	4,3094
8	1,3788	3,4695	10,1192	0,0796	1,5086	0,2629	$36,\!3937$	4,4086
threads	BT.B	CG.B	EP.B	FT.B	LU.B	MG.B	SP.B	UA.B
1	32,6345	0,8120	22,1286	0,1109	26,8326	0,7323	3,5984	0,1217
2	30,7790	9,2756	13,7330	9,8170	18,2702	17,4567	8,0030	16,1486
4	24,3420	0,0359	9,2461	0,0753	21,8181	0,1603	$2,\!2756$	0,2249
6	15,5189	1,8461	22,2577	0,7764	12,1813	1,1601	4,5246	0,2026
8	6,1324	0,1217	37,3318	$0,\!1347$	$0,\!4503$	0,2048	4,8329	0,3620
threads	BT.C	CG.C	EP.C	FT.C	LU.C	MG.C	SP.C	UA.C
1	0,0742	12,9600	61,0720	2,5055	0,1295	0,1626	14,4165	0,5782
2	13,0418	4,6377	24,4832	15,7400	11,8498	7,4723	11,7926	6,6132
4	0,0442	0,0615	36,1630	0,0819	1,4992	0,0305	11,9039	0,0708
6	0,6213	1,9250	49,2256	0,2263	10,7170	0,1997	$5,\!6572$	2,8881
8	0,3128	0,0717	$25,\!1504$	0,9555	1,3219	0,0641	9,6644	0,1513

Tabela A.11: Desvio padrão de γ_E de NPB na máquina SGI.

Tabela A.12: Desvio padrão do tempo decorrido para as versões com granularidade alterada de EP, FT e MG na máquina SGI.

threads	EP.C	FT.C	MG.C	threads	EP.C	FT.C	MG.C
1	0,0089	4,8163	0,1116	16	0,5449	$0,\!0580$	$0,\!0657$
2	0,0158	4,2418	7,2700	24	0,5099	0,0934	0,0413
4	$0,\!0769$	0,0889	0,0393	32	0,2946	0,0695	$0,\!1521$
6	0,0339	5,0848	2,7037	64	0,1797	$0,\!0795$	0,1275
8	0,0452	0,0822	0,0639	128	0,0848	0,0834	0,0225
10	0,5141	0,8486	0,0600	256	0,1329	$0,\!2411$	0,0337
12	1,7990	0,0974	0,2097	512	0,3185	$0,\!3911$	0,0167
14	0,1484	0,1244	0,1311	1024	0,2968	0,9106	0,0263

Tabela A.13: Desvio padrão do tempo decorrido para as versões com granularidade alterada de FT e MG na máquina HP.

threads	FT.C	MG.C	threads	FT.C	MG.C
1	0,0669	0,0364	12	0,3316	1,0778
2	$0,\!1738$	0,3411	16	0,3786	1,2034
4	0,9774	0,5989	20	0,0539	1,5691
6	0,6031	2,6448	24	0,2205	$0,\!9445$
8	$0,\!2500$	0,8356	48	0,4699	$1,\!2831$
10	$0,\!3541$	0,8676	72	0,1668	$1,\!1574$

threads	FT.C	MG.C
1	0,0603	1,5437
2	0,7580	0,5090
3	0,7616	0,2414
4	0,7068	0,4888
8	$1,\!1570$	0,6869
12	$1,\!0953$	0,7805
16	1,4447	0,2649

Tabela A.14: Desvio padrão do tempo decorrido para as versões com granularidade alterada de FT e MG na máquina AMD.

Tabela A.15: Desvio padrão do tempo decorrido para as versões com granularidade alterada de EP, FT e MG na máquina MTL.

threads	EP.C	FT.C	MG.C	threads	EP.C	FT.C	MG.C
1	0.0106	0.2128	0.5704	34	0.4448	0.9196	6.6769
2	0.0100	0.2440	1.8966	36	0.5889	1.4034	7.0427
4	0.0465	0.4169	4.6239	38	0.5703	1.0419	6.7416
6	0.0002	0.5308	5.8957	40	0.0193	1.2131	6.9127
8	0.0007	0.7142	6.5912	44	0.2406	0.7576	4.5140
10	0.0081	0.8623	7.1295	48	0.1578	0.8021	4.8998
12	0.0796	0.8865	7.2149	52	0.1200	1.0517	6.0007
14	0.0696	0.9305	7.0344	56	0.0507	0.9063	6.1760
16	0.1060	0.9851	7.0269	60	0.0060	1,1182	6,0041
18	0,1192	0,9920	6,9961	64	0,2551	0,6325	5,5097
20	0,5810	1,0343	7,0852	68	0,4126	0,8624	4,1664
22	1,5357	1,0767	6,9339	72	0,1748	0,7258	3,8597
24	0,9365	0,9883	7,4541	76	0,8519	0,8616	4,0451
26	0,1715	0,9893	6,7140	80	0,1334	0,8133	3,8688
28	0,4155	1,0405	6,9573	100	0,2603	0,9030	$6,\!4356$
30	0,0109	0,9399	6,4973	120	0,2454	1,0972	$6,\!5830$
32	$0,\!1580$	0,9557	6,3512	140	0,2512	0,8954	5,7923

Tabela A.16: Desvio padrão da taxa de uso de barramento para as versões com granularidade alterada de EP, FT e MG na máquina SGI.

threads	EP.C	FT.C	MG.C
1	28,9827	5,5465	0,3185
2	$15,\!2798$	5,2354	1,7298
4	41,5940	2,8155	$0,\!1245$
6	$15,\!5408$	0,8836	1,9526
8	60,3839	$1,\!5961$	0,7801

thread	ls EP.C	FT.C	MG.C
1	28,9318	5,5149	0,1638
2	15,7124	5,0387	2,2818
4	41,6708	2,3953	$0,\!2516$
6	15,5000	0,7622	$0,\!4867$
8	60,4040	1,5970	0,7491

Tabela A.17: Desvio padrão de γ_E para as versões com granularidade alterada de EP, FT e MG na máquina SGI.

Tabela A.18: Desvio padrão do tempo decorrido para as versões com *loops* invertidos de FT e MG na máquina SGI.

threads	FT.C	MG.C
1	0,6122	0,0323
2	$3,\!3369$	3,8233
4	0,1676	0,0990
6	$0,\!4980$	$0,\!2705$
8	$0,\!4627$	0,1674
10	2,2880	$0,\!2934$
12	$0,\!6249$	0,0789
16	$0,\!5945$	$0,\!2460$
20	$0,\!6368$	$0,\!3300$
24	0,9982	$0,\!6965$
28	1,0703	0,7500
32	$0,\!6348$	$0,\!6860$
64	0,1299	$0,\!1046$
96	0,0899	0,0396
128	0,0748	0,0330

Tabela A.19: Desvio padrão do tempo decorrido para as versões com *loops* invertidos de FT e MG na máquina HP.

threads	FT.C	MG.C	threads	FT.C	MG.C
1	0,1716	0,4159	16	0,4222	0,5574
2	$0,\!0554$	0,5163	20	$0,\!4236$	$0,\!2994$
4	0,5957	$1,\!3417$	24	$0,\!2910$	0,3637
6	0,1669	$1,\!3730$	36	$0,\!2504$	0,2885
8	0,0780	1,1654	48	$0,\!2733$	0,3489
10	0,1066	0,5433	60	0,1677	$0,\!2510$
12	$0,\!3532$	$1,\!0060$	72	$0,\!2534$	$0,\!5558$

threads	FT.C	MG.C
1	2,1447	3,3449
2	0,4662	1,7179
3	0,6138	1,8943
4	0,3103	0,7156
8	0,7487	1,7676
12	0,8175	1,8951
16	0,1779	1,9141

Tabela A.20: Desvio padrão do tempo decorrido para as versões com *loops* invertidos de FT e MG na máquina AMD.

Tabela A.21: Desvio padrão do tempo decorrido para as versões com *loops* invertidos de FT e MG na máquina MTL.

threads	FT.C	MG.C	threads	FT.C	MG.C
1	$2,\!4527$	0,5728	34	$3,\!4512$	8,8348
2	1,2168	0,3848	36	$3,\!3818$	7,5108
4	1,9155	0,9581	38	$3,\!6175$	$8,\!4926$
6	2,5217	2,8655	40	4,2256	8,6174
8	3,3621	4,5885	44	$2,\!8133$	$5,\!2331$
10	$3,\!6010$	5,3636	48	2,5442	$5,\!1268$
12	3,5695	$3,\!4379$	52	$2,\!1782$	4,5522
14	3,7068	6,9828	56	1,8692	4,7971
16	4,0118	9,8294	60	$1,\!8736$	$4,\!4711$
18	4,2813	14,3973	64	1,7810	$5,\!1887$
20	4,1665	16,6934	68	$2,\!4448$	$5,\!1873$
22	4,0509	14,7115	72	1,8654	4,7843
24	$3,\!8505$	13,8382	76	$1,\!9576$	5,7367
26	3,5624	12,2157	80	$2,\!0805$	$6,\!4418$
28	3,5248	11,8118	100	3,7090	$5,\!9388$
30	$3,\!6203$	10,8504	120	4,0604	$7,\!3047$
32	3,1942	8,4620	140	1,9421	6,7627

threads	MultMat	MultMat-fina	MultMat-grossa	MultMat-inv
1	0,0807	0,0623	0,0263	0,0643
2	2,1203	$2,\!6776$	3,7032	10,4112
4	1,4019	0,5718	$1,\!1136$	$1,\!6141$
6	$8,\!4327$	8,9537	$0,\!8836$	4,8792
8	$1,\!1867$	8,0106	$2,\!1700$	0,0177
10	$4,\!6923$	4,6021	$2,\!3550$	4,9489
12	2,0743	1,9069	$1,\!6971$	2,2818
14	4,5159	$2,\!4550$	1,8779	1,4761
16	$10,\!4256$	$5,\!8962$	7,9774	$9,\!1575$
20	0,9688	0,9356	$1,\!4925$	$0,\!4580$
24	6,0105	$2,\!4778$	6,4102	3,5544
32	6,7057	6,8431	4,8593	2,8170

Tabela A.22: Desvio padrão do tempo decorrido para as versões de MultMat na máquina SGI.

Tabela A.23: Desvio padrão do tempo decorrido para as versões de MultMat na máquina AMD.

threads	MultMat	MultMat-fina	MultMat-grossa	MultMat-inv
1	6,4600	7,5743	10,3232	0,4050
2	$13,\!2211$	13,3133	18,4480	0,0910
3	22,8683	11,0981	$25,\!4568$	$0,\!6121$
4	$1,\!2957$	1,2327	0,9075	$0,\!5906$
6	2,0801	3,2354	4,2199	0,5285
8	0,9510	$0,\!4995$	$1,\!2567$	0,0860
10	0,7120	$0,\!6697$	1,0003	0,2672
12	0,3979	0,4014	0,3790	0,2392
16	$0,\!4627$	0,3204	0,2928	$0,\!1297$

threads	MultMat	MultMat-fina	MultMat-grossa	MultMat-inv
1	0,2660	0,4407	0,4475	3,4636
2	1,4406	0,5470	1,1585	4,3263
4	2,3854	0,5025	1,4652	18,5127
6	$1,\!2950$	1,3028	1,2788	22,5849
8	3,4302	1,9085	0,4843	18,8100
10	$2,\!8951$	1,7226	$1,\!6057$	19,7431
12	2,9097	$0,\!6969$	0,5007	$18,\!8652$
14	$3,\!5873$	1,8484	2,2529	19,3293
16	2,7209	1,8011	2,1449	18,8441
18	1,5735	2,1233	1,0863	$19,\!6229$
20	0,8159	$1,\!6880$	0,8638	19,1617
22	1,0014	0,8110	1,4338	19,7453
24	3,2661	$0,\!6748$	1,5404	20,2162
26	0,9729	0,5624	1,9048	20,2895
28	1,1923	2,1925	0,8433	$20,\!3321$
30	2,3700	$0,\!6687$	1,0362	$19,\!6061$
32	2,2151	0,5682	0,2577	19,5846
34	2,9036	$0,\!6610$	0,9265	$19,\!0958$
36	0,9398	$0,\!6269$	0,8740	$18,\!6403$
38	1,4308	0,7041	2,2113	$19,\!4529$
40	$2,\!4566$	$14,\!9663$	14,5756	$12,\!0742$
42	3,1690	1,7167	3,0979	11,2346
44	$2,\!3580$	$1,\!6761$	2,2476	$13,\!4955$

Tabela A.24: Desvio padrão do tempo decorrido para as versões de MultMat na máquina MTL.

Tabela A.25: Desvio padrão do tempo decorrido para STREAM nas máquinas SGI, AMD e HP.

threads	1	2	4	8	12	16
SGI	$3,\!1088$	7,3104	1,5170	6,2264	4,5752	1,6143
AMD	2,1013	$9,\!4365$	7,4867	5,4896	9,0308	3,7521
HP	4,8039	2,0310	2,9249	8,7282	6,3625	1,2511

threads	desvio	threads	desvio
1	6,6661	22	2,6254
2	$3,\!4029$	24	0,8258
4	1,7034	26	$4,\!6588$
6	5,0472	28	$7,\!9514$
8	6,7245	30	3,7747
10	$5,\!5815$	32	$1,\!3253$
12	$6,\!3927$	34	6,7354
14	7,5326	36	$3,\!9597$
16	1,7842	38	$3,\!6727$
18	4,5695	40	4,2655
20	3,4723		

Tabela A.26: Desvio padrão do tempo decorrido para STREAM na máquina MTL.

Tabela A.27: Desvio padrão de γ_E para STREAM e seus componentes na máquina SGI.

threads	STREAM	COPY	SCALE	ADD	TRIAD
1	6,1464	6,1303	0,9414	$7,\!6794$	5,7072
2	$8,\!6869$	6,7968	$2,\!9945$	$5,\!9538$	$7,\!4831$
4	2,5342	0,3208	$7,\!8135$	$2,\!6044$	$5,\!1082$
6	$8,\!4518$	$5,\!1137$	8,0341	8,2440	$1,\!3527$
8	8,4108	3,7693	$6,\!6245$	4,3236	$7,\!6277$
10	$8,\!1157$	$3,\!9893$	$2,\!2573$	3,2404	6,9240
12	8,0036	$0,\!3869$	4,0543	$8,\!4450$	8,0662
14	0,7615	8,1318	$5,\!8630$	3,7560	$5,\!0856$
16	4,3462	$6,\!2902$	$5,\!4064$	$3,\!1597$	8,8946
20	1,5146	$2,\!6115$	$5,\!0083$	$0,\!5487$	$1,\!8555$
24	6,3609	8,9595	$5,\!6248$	$3,\!9854$	4,2832
32	4,2524	3,1011	$8,\!2724$	6,5097	$6,\!3416$

throade			volume	e de proc	essament	o extra		
meuus	1	2	5	10	15	20	25	30
1	6,8729	8,6661	0,8160	1,3256	9,2379	1,4529	1,3239	6,7553
2	1,6014	4,1996	6,9440	4,8698	2,1525	7,2634	3,7022	7,2763
3	8,7761	$6,\!2507$	6,0955	1,4608	2,9710	4,5307	1,2623	0,3208
4	7,3120	0,3528	2,0853	6,9824	2,4294	4,9047	3,7713	9,3024
5	$3,\!5709$	4,5873	$0,\!6279$	2,8087	6,0402	1,9519	9,5640	7,6416
6	6,1515	6,5080	2,5114	8,3040	3,7714	6,2137	5,5803	2,5475
7	2,4644	$1,\!6758$	4,0084	5,4354	6,2065	$5,\!2707$	5,7561	3,5186
8	$5,\!6235$	7,8414	0,5010	8,0529	2,7462	4,2723	7,3553	6,3171
9	8,8596	$7,\!9832$	9,1258	4,8999	9,9351	8,6898	2,5415	6,0866
10	$5,\!1978$	5,0529	4,3906	8,9693	1,2666	9,9709	1,5168	3,7310
11	$1,\!6467$	5,5252	9,1663	7,8533	0,7959	4,9225	1,3718	6,4193
12	2,7639	1,8728	4,4722	5,5101	6,1451	1,8275	1,8271	5,0048
13	9,8107	0,9529	9,9047	9,7459	9,6427	2,4462	5,8325	4,8406
14	$7,\!4991$	0,2231	3,8098	8,7656	0,1940	$5,\!3267$	2,4966	1,8408
15	0,8518	$1,\!6629$	9,6941	1,6477	6,5854	1,0659	8,0670	9,3493
16	2,9387	2,5393	4,8594	9,0838	4,3668	$6,\!6865$	4,0886	4,1775

Tabela A.28: Desvio padrão do tempo decorrido para STREAM com diferentes volumes de processamento extra na máquina SGI.

Tabela	A.29:	Desvio	padrão	do temp	o decor	rido p	ara S	TREAD	M-COPY	\mathbf{com}	dife-
rentes	volume	es de pr	ocessam	ento ext	ra na m	náquina	a SGI	[.			

threads			volume	e de proc	essament	o extra		
inteaus	1	2	5	10	15	20	25	30
1	0,7948	2,9595	9,7657	8,8737	6,2934	6,9969	7,6554	8,3185
2	3,9048	9,6604	5,7387	3,6681	3,9652	5,5068	9,5491	5,6974
3	$1,\!0551$	8,5325	7,5602	0,6905	0,1532	0,8369	4,4659	0,0434
4	0,3382	8,1427	4,0419	6,2590	2,2512	1,3200	4,0592	3,0459
5	4,2795	3,8250	1,9196	0,5729	0,8219	9,5750	8,8914	4,7268
6	9,2354	4,6301	8,3948	3,2005	0,1369	7,9440	8,8980	1,1921
7	6,4765	6,4582	1,8826	6,6297	7,2951	6,3485	6,6731	7,6333
8	4,4912	0,7150	3,8923	6,7423	2,0350	7,9515	9,7883	6,3145
9	1,7765	1,7079	6,8874	2,5984	1,2829	5,7788	7,3252	0,5183
10	0,4089	5,7200	3,7189	0,5458	3,6640	2,6169	1,7379	0,1405
11	9,0751	3,6205	6,7702	6,3702	9,9690	3,4433	4,0035	4,4601
12	4,1582	$7,\!8957$	1,2025	6,1932	5,8473	0,9908	2,5077	7,6238
13	$2,\!6987$	9,3951	0,2223	3,9816	5,1739	7,5475	4,5000	5,5828
14	3,2675	8,2188	6,1286	6,9315	0,8357	7,8665	7,0720	9,9108
15	1,4869	3,8422	6,2810	1,4559	7,2855	0,2844	5,9161	1,4437
16	8,1802	7,1185	7,6370	4,0275	8,1093	0,1447	1,6513	0,8080

throade			volume	e de proce	essament	o extra		
inreaus	1	2	5	10	15	20	25	30
1	9,8060	4,8419	8,4559	5,9161	0,9553	4,7946	3,4478	9,3184
2	5,9824	3,8284	$1,\!4505$	9,7379	1,7349	4,9713	2,9298	4,3014
3	0,1660	6,0156	1,7609	7,1721	$5,\!6797$	$5,\!2418$	3,9279	7,7491
4	4,3632	$0,\!2953$	$9,\!1986$	8,1096	$3,\!0560$	$2,\!1999$	9,6217	2,8620
5	7,0418	8,0776	8,7781	7,9971	$2,\!8722$	$2,\!2259$	7,3154	8,8546
6	6,0543	8,7659	$8,\!5925$	7,7892	3,7372	1,5223	2,0906	3,9032
7	7,5380	$3,\!8515$	1,0753	3,2177	9,0933	$5,\!0033$	0,9668	3,4564
8	$5,\!2986$	0,1653	1,5660	8,3546	2,3652	$1,\!1878$	1,2166	9,4070
9	9,2654	$9,\!9947$	$7,\!4041$	2,1376	2,2206	4,7195	0,9922	8,2750
10	3,4854	9,5847	6,0642	7,2227	$1,\!1070$	8,1548	1,1259	8,6450
11	2,0063	2,2012	1,8627	1,0995	$7,\!2045$	$2,\!8295$	4,5560	2,5031
12	2,9948	6,1220	$0,\!8577$	5,3600	$7,\!3097$	2,0744	4,7670	6,5751
13	2,0691	2,1711	8,7126	4,2897	$6,\!8906$	9,7048	2,5647	$0,\!3760$
14	9,2895	8,6289	$7,\!5987$	0,3965	6,7837	8,7246	9,0414	8,7900
15	0,9258	$0,\!9041$	9,8895	8,1303	3,7335	$4,\!4455$	$0,\!6334$	6,7283
16	0,5674	1,4911	2,0884	7,8772	$3,\!5655$	6,8554	4,4522	5,6346

Tabela A.30: Desvio padrão do tempo decorrido para STREAM-SCALE com diferentes volumes de processamento extra na máquina SGI.

Tabela A.31: D	esvio padrão do	o tempo decor	rido para	STREAM-ADD	com	diferen-
tes volumes de	processamento	extra na mác	quina SGI.			

41		volume de processamento extra										
threads	1	2	5	10	15	20	25	30				
1	3,3220	1,5151	7,9646	3,9022	4,1641	4,0210	4,0631	4,7285				
2	3,7883	5,8135	4,1610	9,2610	3,3326	7,3377	2,1017	4,1743				
3	6,0017	7,7508	3,4428	6,3482	5,9615	$5,\!1199$	6,2552	6,9240				
4	8,6122	1,5487	5,5930	3,5953	9,1255	3,8675	8,3549	2,4475				
5	$5,\!3826$	6,3196	6,3497	9,5466	0,3405	0,4128	4,2751	4,1288				
6	6,2263	8,4361	3,3899	9,5588	5,7738	5,4916	3,7331	1,7755				
7	3,2424	7,1759	8,1237	9,2039	2,2958	4,3789	6,1278	0,9081				
8	5,9277	1,7208	4,5033	5,0532	5,5883	2,8583	7,5008	0,9708				
9	9,1778	3,8505	0,5174	9,5184	4,2633	4,7925	3,6472	0,4896				
10	3,2286	7,0371	0,0484	9,0024	2,5287	3,7816	0,7779	5,7710				
11	0,9575	8,9017	4,9749	3,2533	3,2806	1,1028	4,1614	9,2083				
12	2,8236	8,6647	4,2615	8,4118	1,5230	1,7623	9,3827	0,7009				
13	$5,\!6127$	9,9001	0,2192	9,8760	4,6926	3,8665	0,3656	7,9213				
14	0,9035	0,4141	6,9237	3,4322	4,1956	7,7016	9,2032	5,1531				
15	6,6033	4,1781	8,4063	9,8839	5,2809	2,5677	9,0922	8,1045				
16	1,2324	3,3537	6,5163	2,7555	5,1159	5,8990	3,4563	0,7287				

throade			volume	e de proce	essament	o extra		
inreaus	1	2	5	10	15	20	25	30
1	4,7019	3,9161	1,4681	0,4131	7,9195	3,9736	4,3896	2,8171
2	7,7727	7,9284	9,3663	6,3595	$5,\!9034$	$3,\!0631$	6,8691	6,3422
3	4,2283	$5,\!8768$	$3,\!2678$	9,9647	$3,\!1757$	1,7341	7,0650	2,6914
4	0,1084	8,7392	4,2465	0,3746	2,5323	8,9128	3,7503	7,2342
5	2,8289	5,2184	7,6473	0,7484	$9,\!1920$	2,0369	$3,\!5655$	6,9647
6	9,9652	2,9318	3,3242	5,8687	$5,\!9949$	$0,\!1934$	2,2109	0,2232
7	6,0702	$5,\!4787$	$0,\!1879$	9,2459	7,2128	$7,\!2529$	1,9373	7,3212
8	$5,\!9921$	6,1838	$7,\!6957$	8,5245	$5,\!0966$	$1,\!4461$	5,7586	7,9255
9	$6,\!6645$	$3,\!4059$	$8,\!6739$	5,8565	$5,\!4428$	2,2393	2,8212	5,4080
10	$5,\!1711$	6,1454	$1,\!2767$	1,1660	$6,\!3388$	$3,\!4876$	1,3892	2,4090
11	8,9663	1,5772	$1,\!6549$	6,1791	8,8301	$3,\!5922$	3,5003	4,8222
12	9,7760	$1,\!1961$	$3,\!3467$	4,8726	$2,\!6421$	$9,\!1053$	2,7981	9,3066
13	2,5112	$1,\!4719$	5,1630	7,9540	3,7113	$7,\!9842$	3,3621	8,8824
14	4,1296	4,6388	0,0484	0,4684	8,1264	$1,\!4376$	2,8774	7,0927
15	3,0148	4,5323	3,2718	1,8449	8,1245	6,7721	$6,\!6671$	7,9005
16	7,9682	0,0138	2,7731	0,6103	9,1191	$5,\!5712$	9,9169	1,6303

Tabela A.32: Desvio padrão do tempo decorrido para STREAM-TRIAD com diferentes volumes de processamento extra na máquina SGI.

Tabela A.33:	\mathbf{Desvio}	padrão	da taxa	a de uso	de	barramento	para	STREAM	\mathbf{com}
diferentes vol	umes de	process	amento	extra na	a má	quina SGI.			

threads			volume	e de proc	essament	o extra						
unneuus	1	2	5	10	15	20	25	30				
1	8,9190	4,2476	4,0474	4,2300	9,0104	5,9886	4,0413	6,8628				
2	3,9068	4,3502	0,2355	2,9114	0,3660	5,0829	3,7709	7,5469				
3	1,5612	$3,\!9653$	4,0381	$0,\!6611$	4,6350	$0,\!8718$	0,2968	6,1949				
4	5,5131	7,4221	5,0554	6,8811	2,4221	$2,\!3055$	5,8308	1,3411				
5	6,5531	9,8782	5,5711	5,5635	5,8668	$9,\!6125$	2,4263	9,7735				
6	3,9627	2,6619	2,6849	4,3286	7,7448	$6,\!4558$	1,8755	9,3060				
7	0,4211	5,9136	9,9672	5,0561	6,7854	0,2639	1,2510	2,2985				
8	7,6860	6,3064	9,1796	0,1081	8,6119	5,0104	1,4493	5,1650				
9	4,8885	7,0204	0,7285	0,7553	6,6328	$3,\!1549$	0,5288	0,5955				
10	5,8168	3,2137	4,9241	$3,\!5616$	9,6695	6,7996	2,8676	0,0906				
11	2,7132	2,8348	5,1468	9,4986	3,0987	6,3978	1,7971	0,7847				
12	2,7041	0,9766	0,8928	1,3160	5,9870	2,3420	6,4810	0,8755				
13	9,3624	7,2095	1,6308	$5,\!9953$	0,3644	2,1595	6,5908	6,1812				
14	5,3732	1,5149	9,7428	5,0427	8,3145	$2,\!6104$	5,1333	1,0277				
15	5,4452	0,2801	0,5263	8,5439	6,6778	2,3234	9,3285	9,3819				
16	3,3000	0,2213	0,6979	9,2870	2,5634	7,1789	0,1625	1,9258				

threade	volume de processamento extra							
un cuus	1	2	5	10	15	20	25	30
1	7,2433	6,8667	2,7756	4,7076	8,7634	3,6341	9,0396	9,5143
2	4,8441	$3,\!4930$	$5,\!6289$	2,7869	2,1394	1,7146	4,8862	$0,\!4758$
3	7,0342	0,8182	$6,\!8459$	2,8104	$5,\!5110$	$3,\!8405$	2,2517	9,5998
4	4,5653	1,7883	4,2249	2,2880	$1,\!0087$	9,7550	4,0176	8,2521
5	$6,\!6218$	6,7932	$2,\!9597$	5,3852	$0,\!4273$	$1,\!9993$	4,8995	5,2714
6	$5,\!4923$	0,5284	8,0583	7,6318	2,2431	2,9445	8,1075	9,2772
7	3,7628	4,9534	2,0876	9,2738	8,7939	4,3393	8,8735	$3,\!3592$
8	6,1276	3,0984	$5,\!6472$	7,1363	$2,\!8535$	$9,\!6649$	5,3884	9,4752
9	$6,\!4581$	8,3481	4,8604	6,8854	$0,\!3474$	9,7599	2,1568	$5,\!8397$
10	0,2884	0,2152	$3,\!4715$	2,5314	$3,\!1597$	$1,\!5790$	1,8087	6,9224
11	6,5325	$3,\!8963$	6,1962	5,3264	8,2356	5,0698	8,6856	4,3632
12	8,1682	4,3328	$1,\!4995$	1,0216	$3,\!9977$	$6,\!8879$	$0,\!4969$	$0,\!4557$
13	$5,\!2360$	$5,\!3573$	7,3411	5,5834	$5,\!1173$	$9,\!4979$	1,4231	5,4056
14	9,7131	4,8946	7,9371	2,8728	$6,\!4736$	9,7458	9,7952	3,0061
15	$3,\!6421$	5,9914	8,3324	1,8777	1,0612	7,0180	6,2409	9,2294
16	$1,\!3508$	7,7405	$0,\!2510$	5,3485	4,6284	0,7479	5,8042	9,8644

Tabela A.34: Desvio padrão da taxa de uso de barramento para STREAM-COPYcom diferentes volumes de processamento extra na máquina SGI.

Tabela A.35: Desvio padrão da taxa de uso de barramento para STREAM-SCA	LE
com diferentes volumes de processamento extra na máquina SGI.	

	volumo do processamento extra									
threads	volume de processamento extra									
un caus	1	2	5	10	15	20	25	30		
1	3,2155	3,4409	4,8700	4,1262	1,6225	6,7433	0,2751	6,7499		
2	4,6435	9,1600	$0,\!6970$	1,6610	9,2940	4,9157	0,7169	1,2674		
3	7,4536	0,8042	$6,\!9768$	4,3050	4,7280	$9,\!8758$	4,7592	3,7342		
4	5,7236	7,2047	7,3737	8,6894	2,2747	8,9501	2,5757	5,4903		
5	2,3910	7,4456	9,6164	4,0135	4,1890	$9,\!8915$	0,7634	8,8325		
6	9,0515	1,4604	$0,\!4935$	8,3455	6,3760	1,2104	9,6129	3,8297		
7	2,0146	6,5896	8,1347	6,7426	6,4654	2,8939	0,4769	2,1890		
8	0,0986	7,8505	0,8784	2,3733	6,8006	$3,\!4541$	7,8635	9,1916		
9	0,8997	7,4799	$3,\!2051$	5,0887	7,3715	3,9685	3,9212	6,4229		
10	5,4288	4,4147	4,7684	1,8049	$5,\!6251$	4,3813	5,6346	7,6397		
11	0,9709	3,7693	4,3823	7,4363	6,6632	4,8592	9,6253	6,7617		
12	2,7097	0,5037	9,1350	9,5103	3,9578	6,9985	8,7019	4,8575		
13	4,4785	1,9070	9,9461	1,8499	5,8755	$3,\!8673$	8,2729	1,3043		
14	8,2820	3,0413	3,1092	3,9071	7,4225	8,7438	1,5467	8,3934		
15	2,5131	5,9291	$5,\!8297$	9,1762	0,7882	$5,\!4550$	5,9380	3,4979		
16	5,9587	5.0729	3,0082	9,9165	2,0715	1,7101	4,7739	6,5499		

threade	volume de processamento extra								
un cuus	1	2	5	10	15	20	25	30	
1	6,0577	7,4740	2,8145	3,4408	7,6909	7,6596	2,3602	8,2179	
2	1,0700	3,5558	$0,\!4796$	5,9280	6,0194	$7,\!2598$	$9,\!4552$	7,7833	
3	8,1569	9,1504	9,4181	5,5427	7,8626	7,0409	4,4785	5,8624	
4	4,0251	7,4894	$7,\!3920$	4,6182	9,2839	9,0649	3,4336	5,3416	
5	6,5389	6,2481	8,7824	4,2298	3,9077	1,1426	2,4477	4,9777	
6	4,6984	2,9273	$0,\!9057$	0,7178	0,1871	0,3609	8,5012	8,3440	
7	9,5113	7,9193	3,8866	7,3739	4,9602	8,3651	3,2363	8,9853	
8	5,8545	$0,\!6283$	$3,\!6035$	5,1384	9,6932	7,0371	0,4800	6,2322	
9	3,2852	9,2625	$0,\!4620$	7,1929	0,4051	$2,\!9097$	$2,\!1705$	$5,\!1035$	
10	$5,\!8370$	3,0762	5,8213	6,0241	3,4371	4,3225	4,3680	2,9484	
11	2,2418	8,2546	0,3224	7,2020	6,6197	$3,\!5587$	6,1874	2,4742	
12	4,1870	9,7909	$7,\!6126$	3,8802	6,8280	8,0927	0,1124	0,1132	
13	$7,\!3551$	$0,\!5743$	$7,\!3061$	7,7602	3,4840	$9,\!4766$	2,8637	9,3210	
14	2,5528	8,6850	$5,\!3451$	5,9899	3,0075	9,7131	8,9383	5,2494	
15	7,9677	9,2607	$2,\!4514$	4,5875	2,8194	$8,\!6388$	7,0617	7,0064	
16	8,4296	$4,\!6743$	$0,\!8866$	5,2576	2,7670	$0,\!9990$	$5,\!3708$	0,1221	

Tabela A.36: Desvio padrão da taxa de uso de barramento para STREAM-ADD com diferentes volumes de processamento extra na máquina SGI.

Tabela A.37: Desvio padrão da taxa de uso de barramento para STREAM-TRIAI
com diferentes volumes de processamento extra na máquina SGI.

threade	volume de processamento extra								
inteaus	1	2	5	10	15	20	25	30	
1	6,7647	0,5541	7,6515	1,3063	3,8331	5,0305	5,6985	4,7088	
2	2,8028	7,6446	7,9835	9,1477	3,7433	8,5989	4,2358	2,3076	
3	0,2744	7,2913	0,3714	3,9376	1,2658	4,5763	2,9812	$5,\!6055$	
4	2,1700	8,6342	6,3732	2,5801	2,6387	4,1308	2,4710	9,4034	
5	4,6850	0,1225	0,7097	8,5180	5,1529	6,4082	3,2268	7,9557	
6	4,0528	1,2104	7,1034	7,7960	9,8092	1,3393	0,1036	0,0836	
7	8,6306	$0,\!4750$	4,0212	9,8964	5,0513	7,0024	5,5018	7,2213	
8	5,6366	$1,\!8750$	9,8014	8,2753	6,0059	2,2723	7,6787	0,6908	
9	2,3948	8,3883	9,2089	7,5478	4,7965	$2,\!4357$	5,5035	8,8493	
10	3,6460	$2,\!6069$	6,6453	3,4552	3,9462	6,7489	3,5388	2,5768	
11	7,2239	7,5600	2,4731	2,2752	4,5624	7,9750	9,4966	0,1990	
12	9,8500	9,2980	8,4743	5,8559	1,5703	6,1529	6,5467	3,9651	
13	4,5413	5,7556	1,5129	9,3378	8,1912	7,0164	8,1871	1,8372	
14	9,6233	4,8323	5,2924	3,5695	1,5812	8,8313	6,1462	8,8051	
15	6,3913	8,6194	1,0803	0,9537	6,5943	0,5769	1,1527	6,4443	
16	9,8749	9,6270	2,3002	1,4452	5,7799	8,8469	5,4103	0,3212	

Apêndice B

Código-fonte das alterações de granularidade

Este apêndice apresenta as listagens de código-fonte das alterações de granularidade de *loop* de alguns dos programas analisados, discutidas no capítulo 5. As versões originais dos *loops* selecionados de EP, FT, MG e MultMat são mostradas nas listagens B.1, B.3, B.5 e B.7, respectivamente. Os *loops* modificados de EP, FT e MG são mostrados nas listagens B.2, B.4 e B.6, respectivamente. O *loop* de MultMat-fina é mostrado na listagem B.8, enquanto o *loop* de MultMat-grossa é mostrado na listagem B.9. A listagem B.10 apresenta o *loop* principal de STREAM com um bloco de processamento que é ajustado pelo programa da listagem B.11.

Listagem B.1: Loop selecionado de EP.

1	do	140 i = 1, nk
2		x1 = 2.d0 * x(2*i-1) - 1.d0
3		x2 = 2.d0 * x(2*i) - 1.d0
4		t1 = x1 * 2 + x2 * 2
5		<pre>if (t1 .le. 1.d0) then</pre>
6		t2 = sqrt(-2.d0 * log(t1) / t1)
7		t3 = (x1 * t2)
8		t4 = (x2 * t2)
9		$1 = \max(abs(t3), abs(t4))$
10		qq(1) = qq(1) + 1.d0
11		sx = sx + t3
12		sy = sy + t4
13		endif
14	140 con	tinue

Listagem B.2: Loop selecionado de EP após alteração de granularidade.

1		do 140 i = 1, nk
2		x1 = 2.d0 * x(2*i-1) - 1.d0
3		x2 = 2.d0 * x(2*i) - 1.d0
4		t1 = x1 * 2 + x2 * 2
5		<pre>if (t1 .le. 1.d0) then</pre>
6		t2 = 1
7		t3 = (x1 * t2)
8		t4 = (x2 * t2)
9		$1 = \max(abs(t3), abs(t4))$
10		qq(1) = qq(1) + 1.d0
11		sx = sx + t3
12		sy = sy + t4
13		endif
14	140	continue

Listagem B.3: Loop selecionado de FT.

```
do k = 0, lk - 1
1
2
              do j = 1, ny
                 x11 = x(j, i11+k)
3
                 x21 = x(j, i12+k)
4
                 y(j, i21+k) = x11 + x21
5
                 y(j, i22+k) = u1 * (x11 - x21)
6
              enddo
\overline{7}
            enddo
8
```

Listagem B.4: Loop selecionado de FT após alteração de granularidade.

```
do k = 0, 1k - 1
1
              do j = 1, ny
2
                x11 = sqrt(x(j,i11+k))
3
                x21 = log(x(j,i12+k))
4
                y(j, i21+k) = x11 * x21
5
                y(j, i22+k) = u1 * (x11 - x21)
6
              enddo
\overline{7}
            enddo
8
```

Listagem B.5: Loop selecionado de MG.

```
1 do i3=2,n3-1
2 do i2=2,n2-1
3 do i1=1,n1
4 u1(i1) = u(i1,i2-1,i3) + u(i1,i2+1,i3)
5 > + u(i1,i2,i3-1) + u(i1,i2,i3+1)
```

6		u2(i1) = u(i1,i2-1,i3-1) + u(i1,i2+1,i3-1)
7	>	+ u(i1,i2-1,i3+1) + u(i1,i2+1,i3+1)
8	end	do
9	do	i1=2,n1-1
10		r(i1,i2,i3) = v(i1,i2,i3)
11	>	- a(0) * u(i1,i2,i3)
12	C	
13	c Assume a(1)	= 0 (Enable 2 lines below if a(1) not= 0)
14	C	
15	c >	- a(1) * (u(i1-1,i2,i3) + u(i1+1,i2,i3)
16	c >	+ ul(il))
17	c	
18	>	- a(2) * (u2(i1) + u1(i1-1) + u1(i1+1))
19	>	- a(3) * (u2(i1-1) + u2(i1+1))
20	end	do
21	enddo	
22	enddo	

Listagem B.6: Loop selecionado de MG após alteração de granularidade.

```
do i3=2,n3-1
1
          do i2=2, n2-1
\mathbf{2}
3
            do i1=1, n1
               u1(i1) = u(i1,i2-1,i3) * u(i1,i2+1,i3)
4
                     * u(i1,i2,i3-1) * 3.2
      >
5
               u2(i1) = u(i1,i2-1,i3-1) * u(i1,i2+1,i3-1)
6
                     * u(i1,i2-1,i3+1) * 7.8
      >
7
            enddo
8
            do i1=2, n1-1
9
               r(i1, i2, i3) =
10
      >
                         a(0) * u(i1, i2, i3)
11
       _____
12
  С
    Assume a(1) = 0
                      (Enable 2 lines below if a(1) not= 0)
13
  С
                           _____
        _____
14
  C
                         - a(1) * ( u(i1-1,i2,i3) + u(i1+1,i2,i3)
      >
15
  С
      >
                                 + u1(i1) )
16
  С
               _____
17
  C
      >
                         * a(2) * 7.4 * ( u2(i1) + u1(i1-1) + u1(i1+1)
18
                         * a(3) * ( u2(i1-1) + u2(i1+1) ))
19
      >
            enddo
20
          enddo
21
       enddo
22
```

Listagem B.7: Loop de MultMat.

```
do i=1, lin_c
1
             do j=1, col_c
2
             soma = 0
3
                 do k=1, col_a
4
                    soma = soma + a(k,i) * b(j,k)
5
                 enddo
6
             c(j,i) = soma
\overline{7}
             enddo
8
          enddo
9
```

Listagem B.8: Loop de MultMat-fina.

```
do i=1, lin_c
1
              do j=1, col_c
\mathbf{2}
              soma = 0
3
                  do k=1, col_a
4
                      soma = soma + a(k,i) * b(j,k)
5
                      a(k,i) = c(j,i) + b(j,k)
6
                  enddo
\overline{7}
              c(j,i) = soma
8
              enddo
9
           enddo
10
```

Listagem B.9: Loop de MultMat-grossa.

```
do i=1, lin_c
1
              do j=1, col_c
2
              soma = 0
3
                  do k=1, col_a
4
                     soma = 1.7 * soma + a(k,i) * b(j,k) / 2.3
\mathbf{5}
                  enddo
6
\overline{7}
              c(j,i) = soma
              enddo
8
          enddo
9
```

Listagem B.10: Loop principal de STREAM com ajuste de granularidade.

```
for (k = 0; k < NTIMES; k++) {
1
            times[0][k] = mysecond();
2
   #ifdef COPY
3
            #pragma omp parallel for
4
            for (j = 0; j < N; j++) {
5
                     c[j] = a[j];
6
                     bloco_processamento();
7
            }
8
   #endif
9
            times[0][k] = mysecond() - times[0][k];
10
11
12
            times[1][k] = mysecond();
   #ifdef SCALE
13
            #pragma omp parallel for
14
            for (j = 0; j < N; j++) {
15
                    b[j] = scalar * c[j];
16
                    bloco processamento();
17
            }
18
   #endif
19
            times[1][k] = mysecond() - times[1][k];
20
21
            times[2][k] = mysecond();
22
   #ifdef ADD
^{23}
            #pragma omp parallel for
24
            for (j = 0; j < N; j++) {
25
                     c[j] = a[j] + b[j];
26
                    bloco_processamento();
27
28
            }
   #endif
29
            times[2][k] = mysecond() - times[2][k];
30
31
            times[3][k] = mysecond();
32
   #ifdef TRIAD
33
            #pragma omp parallel for
34
            for (j = 0; j < N; j++) {
35
                     a[j] = b[j] + scalar + c[j];
36
                    bloco_processamento();
37
            }
38
   #endif
39
            times[3][k] = mysecond() - times[3][k];
40
   }
41
```

Listagem B.11: Programa de ajuste de granularidade de STREAM.

```
#include <stdio.h>
1
   #include <stdlib.h>
2
3
   int main(int argc, char *argv[])
4
   {
5
            int i, n;
6
\overline{7}
            if (argc < 2) {
8
                     fprintf(stderr, "Uso: %s volume_de_processamento\n"
9
                              "volume e' a quantidade de operacoes basicas a efetuar\n",
10
                              argv[0]);
^{11}
12
                     return 0;
            }
13
14
            n = atoi(argv[1]);
15
            if (n < 1)
16
                     n = -n;
17
18
            fputs("#define bloco_processamento()", stdout);
19
            if (n > 0) {
20
                     puts(" __asm__ _volatile__ ( \\);
21
                     for (i = n; i > 0; --i) {
22
                              puts("\t\"mulsd %%xmm14, %%xmm15\\n\\t\" \\");
23
                     }
^{24}
                     puts(": : : \"xmm14\", \"xmm15\")");
25
            }
26
27
            putchar(' \n');
^{28}
29
            return 0;
30
  }
31
```

Referências

ADVANCED MICRO DEVICES, INC. AMD Processors for Servers and Workstations: AMD Opteron Processor. 2013. Disponível em: <http://products.amd.com/ pt-br/OpteronCPUDetail.aspx?id=567&f1=Six-Core+AMD+Opteron%E2% 84%A2&f2=&f3=Sim&f4=&f5=512&f6=Socket+F+%281207%29&f7=&f8=45nm+ SOI&f9=&f10=4800&f11=6&>. Acesso em: 3 abr. 2013.

AMDAHL, G. M. Validity of the single processor approach to achieving large scale computing capabilities. In: AFIPS SPRING JOINT COMPUTER CONFERENCE, 1967, Atlantic City. *Proceedings...* New York: ACM, 1967. p. 483–485.

BARKER, K. et al. A performance evaluation of the Nehalem quad-core processor for scientific computing. *Parallel Processing Letters*, v. 18, n. 4, p. 453–469, dez. 2008.

BELL, S. et al. Tile64 - processor: A 64-core SoC with mesh interconnect. In: INTERNATIONAL SOLID-STATE CIRCUITS CONFERENCE (ISSCC), 2008, San Francisco. *Proceedings...* [S.1.]: IEEE, 2008. p. 88–598.

BLAGODUROV, S. et al. A case for NUMA-aware contention management on multicore systems. In: INTERNATIONAL CONFERENCE ON PARALLEL ARCHITECTURES AND COMPILATION TECHNIQUES (PACT '10), 19. *Proceedings...* New York: ACM, 2010. p. 557–558. ISBN 978-1-4503-0178-7.

BUNT, R. B.; MURPHY, J. M. The measurement of locality and the behaviour of programs. *The Computer Journal*, Oxford, v. 27, n. 3, p. 238–253, ago. 1984.

CALLAHAN, D.; COCKE, J.; KENNEDY, K. Estimating interlock and improving balance for pipelined architectures. *Journal of Parallel and Distributed Computing*, Orlando, v. 5, n. 4, p. 334–358, ago 1988.

CASAZZA, J. First the Tick, Now the Tock - Intel Microarchitecture (Nehalem). 2010. Disponível em: <http://www.intel.com/content/dam/doc/white-paper/ intel-microarchitecture-white-paper.pdf>. Acesso em: 21 set. 2011.

CONWAY, P.; HUGHES, B. The AMD Opteron northbridge architecture. *IEEE Micro*, Los Alamitos, v. 27, n. 2, p. 10–21, mar. 2007.

DIAMOND, J. et al. Evaluation and optimization of multicore performance bottlenecks in supercomputing applications. In: INTERNATIONAL SYMPOSIUM ON PERFORMANCE ANALYSIS OF SYSTEMS AND SOFTWARE (ISPASS '11), 2011, Austin. *Proceedings...* Washington: IEEE Computer Society, 2011. p. 32–43. DONGARRA, J. The LINPACK benchmark: An explanation. In: INTERNATIONAL CONFERENCE ON SUPERCOMPUTING, 1., 1987, Atenas. *Proceedings...* London: Springer-Verlag, 1988. p. 456–474.

FENG, H. et al. Unstructured Adaptive (UA) NAS Parallel Benchmark, Version 1.0. Moffett Field, CA, 2004. Disponível em: http://www.nas.nasa.gov/assets/pdf/techreports/2004/nas-04-006.pdf). Acesso em: 12 mai. 2011.

FREE SOFTWARE FOUNDATION. GCC, the GNU Compiler Collection - GNU Project. 2013. Disponível em: http://gcc.gnu.org/. Acesso em: 13 mar. 2013.

FREE SOFTWARE FOUNDATION, INC. *GOMP_CPU_AFFINITY - GNU libgomp*. 2006. Disponível em: http://gcc.gnu.org/onlinedocs/libgomp/GOMP_005fCPU_005fAFFINITY.html. Acesso em: 30 mar. 2013.

FREE SOFTWARE FOUNDATION, INC. Implementing FOR construct - GNU libgomp. 2006. Disponível em: http://gcc.gnu.org/onlinedocs/gcc-4.2.4/libgomp/Implementing-FOR-construct. Acesso em: 19 abr. 2013.

FREE SOFTWARE FOUNDATION, INC. *OMP_NUM_THREADS - GNU libgomp*. 2006. Disponível em: http://gcc.gnu.org/onlinedocs/libgomp/OMP_005fNUM_005fTHREADS.html. Acesso em: 30 mar. 2013.

FREE SOFTWARE FOUNDATION, INC. *GIMPLE - GNU Compiler Collection (GCC) Internals.* 2011. Disponível em: http://gcc.gnu.org/onlinedocs/gccint/GIMPLE.html>. Acesso em: 04 mar. 2011.

FREE SOFTWARE FOUNDATION, INC. Assembler Instructions with C Expression Operands. 2012. Disponível em: http://gcc.gnu.org/onlinedocs/gcc/ Extended-Asm.html#Extended-Asm>. Acesso em: 10 jan. 2013.

GRAMA, A. et al. *Introduction to Parallel Computing*. 2. ed. Essex: Pearson Education, 2003. 636 p.

GREWE, D.; WANG, Z.; O'BOYLE, M. F. P. A workload-aware mapping approach for data-parallel programs. In: INTERNATIONAL CONFERENCE ON HIGH PERFORMANCE AND EMBEDDED ARCHITECTURES AND COMPILERS (HIPEAC '11), 6., 2011, Heraklion. *Proceedings...* New York: ACM, 2011. p. 117–126.

GSCHWIND, M. et al. Synergistic processing in Cell's multicore architecture. *Micro*, *IEEE*, Los Alamitos, v. 26, n. 2, p. 10–24, 2006.

GUPTA, S. et al. Locality principle revisited: A probability-based quantitative approach. In: INTERNATIONAL PARALLEL DISTRIBUTED PROCESSING SYMPOSIUM (IPDPS), 26., 2012, Shanghai. *Proceedings...* Washington: IEEE Computer Society, 2012. p. 995–1009.

GUSTAFSON, J. L. Reevaluating Amdahl's law. *Communications of the ACM*, New York, v. 31, n. 5, p. 532–533, mai. 1988.

HOOD, R. et al. Performance impact of resource contention in multicore systems. In: INTERNATIONAL SYMPOSIUM ON PARALLEL DISTRIBUTED PROCESSING (IPDPS), 2010, Atlanta. *Proceedins...* [S.l.]: IEEE, 2010. p. 1–12.

INTEL CORPORATION. An Introduction to the Intel QuickPath Interconnect. 2009. Disponível em: <http://www.intel.com/content/dam/doc/white-paper/ quick-path-interconnect-introduction-paper.pdf>. Acesso em: 03 abr. 2013.

JIN, H.; FRUMKIN, M.; YAN, J. *The OpenMP Implementation of NAS Parallel Benchmarks and Its Performance*. Moffet Field, 1999. Disponível em: http://www.nas.nasa.gov/assets/pdf/techreports/1999/nas-99-011.pdf. Acesso em: 12 mai. 2011.

LI, Y. et al. Compiler-assisted data distribution for chip multiprocessors. In: INTERNATIONAL CONFERENCE ON PARALLEL ARCHITECTURES AND COMPILATION TECHNIQUES (PACT '10), 19., 2010, Vienna. *Proceedings...* New York: ACM, 2010. p. 501–512.

MALLADI, R. Using Intel VTune Performance Analyzer events/ratios & optimizing applications white paper. 2009. Disponível em: http://software.intel.com/file/8486>. Acesso em: 28 set. 2011.

MARS, J.; TANG, L.; SOFFA, M. L. Directly characterizing cross core interference through contention synthesis. In: INTERNATIONAL CONFERENCE ON HIGH PERFORMANCE AND EMBEDDED ARCHITECTURES AND COMPILERS (HIPEAC '11), 6., 2011, Heraklion. *Proceedings...* New York: ACM, 2011. p. 167–176.

MCCALPIN, J. D. STREAM: Sustainable Memory Bandwidth in High Performance Computers. 1991–2007. Um relatório técnico continuamente em atualização. Disponível em: http://www.cs.virginia.edu/stream/. Acesso em: 6 jul. 2012.

MCCALPIN, J. D. Memory bandwidth and machine balance in current high performance computers. *IEEE Computer Society Technical Committee on Computer Architecture (TCCA) Newsletter*, p. 19–25, dez. 1995.

MEUER, H. et al. Introduction and Objectives — TOP500 Supercomputer Sites. 2013. Disponível em: <http://www.top500.org/project/introduction/>. Acesso em: 10 abr. 2013.

NASA. *NAS Parallel Benchmarks*. 2013. Disponível em: <http://www.nas.nasa.gov/publications/npb.html>. Acesso em: 28 set. 2011.

NICOLAU, A.; KEJARIWAL, A. How many threads to spawn during program multithreading? In: INTERNATIONAL CONFERENCE ON LANGUAGES AND COMPILERS FOR PARALLEL COMPUTING (LCPC'10), 23., 2010, Houston. *Proceedings...* Berlin: Springer-Verlag, 2011. p. 166–183.

NOVILLO, D. OpenMP and automatic parallelization in GCC. In: GCC DEVELOPERS' SUMMIT, 2006, Otawa. *Proceedings...* 2006. p. 261-270. Disponível em: http://www.airs.com/dnovillo/Papers/gcc2006.pdf>. Acesso em: 27 out. 2010.

OLUKOTUN, K. et al. The case for a single-chip multiprocessor. In: INTERNATIONAL CONFERENCE ON ARCHITECTURAL SUPPORT FOR PROGRAMMING LANGUAGES AND OPERATING SYSTEMS (ASPLOS VII), 7., 1996, Cambridge, Massachusetts. *Proceedings...* New York: ACM, 1996. p. 2–11.

OPENMP ARCHITECTURE REVIEW BOARD. OpenMP Application Program Interface, Version 3.0. 2008. Disponível em: http://www.openmp.org/mp-documents/spec30.pdf>. Acesso em: 13 jan. 2012.

PATTERSON, D. A.; HENNESSY, J. L. Computer Architecture: A Quantitative Approach. 2. ed. San Francisco: Morgan Kaufmann Publishers Inc., 1996.

ROGERS, B. M. et al. Scaling the bandwidth wall: challenges in and avenues for cmp scaling. *ACM SIGARCH Computer Architecture News*, New York, v. 37, n. 3, p. 371–382, jun. 2009.

RUSSEL, S. J.; NORVIG, P. Artificial Inteligence, A Modern Approach. Upper Saddle River: Prentice Hall, Inc., 1995.

SHIN, J. et al. A 40nm 16-core 128-thread CMT SPARC SoC processor. In: INTERNATIONAL SOLID-STATE CIRCUITS CONFERENCE (ISSCC), 2010, San Francisco. *Proceedings...* [S.l.]: IEEE, 2010. p. 98–99.

SMITH, A. J. Cache memories. *ACM Computing Surveys*, New York, v. 14, n. 3, p. 473–530, set. 1982.

SUN, X.-H.; BYNA, S.; HOLMGREN, D. Modeling data access contention in multicore architectures. In: INTERNATIONAL CONFERENCE ON PARALLEL AND DISTRIBUTED SYSTEMS (ICPADS '09), 15., 2009, Shenzhen. *Proceedings...* Washington: IEEE Computer Society, 2009. p. 213–219.

SUTTER, H. The free lunch is over: A fundamental turn toward concurrency in software. *Dr. Dobb's Journal*, San Francisco, v. 30, n. 2, mar. 2005. Disponível em: http://www.drdobbs.com/web-development/a-fundamental-turn-toward-concurrency-in/184405990>. Acesso em: 26 mar. 2013.

TANENBAUM, A. S. Sistemas Operacionais Modernos. 2. ed. São Paulo: Pearson Prentice Hall, 2005. 695 p.

TILERA CORPORATION. *TILE-Gx8072 Specification Brief.* 2013. Disponível em: <http://www.tilera.com/sites/default/files/productbriefs/ TILE-Gx8072_PB041-02.pdf>. Acesso em: 03 abr. 2013.

TOURNAVITIS, G. et al. Towards a holistic approach to auto-parallelization: integrating profile-driven parallelism detection and machine-learning based mapping. In: ACM SIGPLAN CONFERENCE ON PROGRAMMING LANGUAGE DESIGN AND IMPLEMENTATION (PLDI '09), 2009, Dublin. *Proceedings...* New York: ACM, 2009. p. 177–187.

TOY, B.; DONGARRA, J. *Linpack benchmark, calculates FLOPS (versão em C).* 1988. Disponível em: http://www.netlib.org/benchmark/linpackc.new. Acesso em: 10 set. 2012. TULLSEN, D. M.; EGGERS, S. J.; LEVY, H. M. Simultaneous multithreading: maximizing on-chip parallelism. In: 25 YEARS OF THE INTERNATIONAL SYMPOSIA ON COMPUTER ARCHITECTURE (ISCA '98), 1998, Barcelona. *Proceedins...* New York: ACM, 1998. p. 533–544.

WANG, Z.; O'BOYLE, M. F. Mapping parallelism to multi-cores: a machine learning based approach. In: ACM SIGPLAN SYMPOSIUM ON PRINCIPLES AND PRACTICE OF PARALLEL PROGRAMMING (PPOPP '09), 14., 2009, Raleigh. *Proceedings...* New York: ACM, 2009. p. 75–84.

WEINBERG, J. et al. Quantifying locality in the memory access patterns of HPC applications. In: ACM/IEEE CONFERENCE ON SUPERCOMPUTING (SC '05), 2005, Seattle. *Proceedings...* Washington: IEEE Computer Society, 2005. p. 1–12.

WILKINSON, B.; ALLEN, M. Parallel programming - techniques and applications using networked workstations and parallel computers. 2. ed. Upper Saddle River: Pearson Education, 2004. 465 p.

WULF, W. A.; MCKEE, S. A. Hitting the memory wall: implications of the obvious. *ACM SIGARCH Computer Architecture News*, New York, v. 23, n. 1, p. 20–24, mar. 1995.

ZIAKAS, D. et al. Intel QuickPath Interconnect architectural features supporting scalable system architectures. In: SYMPOSIUM ON HIGH PERFORMANCE INTERCONNECTS (HOTI '10), 18., 2010, Mountain View. *Proceedings...* Washington: IEEE Computer Society, 2010. p. 1–6.

Glossário

API – Do inglês *application programming interface*. Protocolo projetado para servir de ligação entre peças de software.

CPU – Do inglês *central processing unit*. Unidade Central de Processamento.

FSB – Do inglês *front-side bus*. Barramento frontal, que liga processador à memória.

HT – Do inglês *Hyper-Transport*. Tecnologia de canal de comunicação entre chips da AMD.

MFLOPS – Do inglês *millions of floating point operations per second*. Milhões de operações de ponto flutuante por segundo.

MIPS – Do inglês millions of instructions per second. Milhões de instruções por segundo.

ML – Do inglês machine learning. Aprendizado de máquina.

MPI – Do inglês *message passing interface*. Protocolo de passagem de mensagem para paralelização.

NPB – Do inglês *NAS Parallel Benchmarks*. Conjunto de programas de teste de desempenho de computadores.

NUMA – Do inglês non-uniform memory access. Acesso não uniforme à memória.

QPI – Do inglês *QuickPath Interconnect*. Tecnologia de canal de comunicação entre chips da Intel.

RAM – Do inglês random-access memory. Memória de acesso aleatório.

SSE2 – Do inglês *Streaming SIMD Extensions 2*. Subconjunto de instruções de ponto flutuante da arquitetura de conjunto de instruções x86.

UMA – Do inglês *uniform memory access*. Acesso uniforme à memória.

 $\mathbf{X87}$ – Subconjunto de instruções de ponto flutuante da arquitetura de conjunto de instruções x86.